

TEKST NR 201

1990

Undersøgelse af atomare korrelationer
i amorf stoffer
ved røntgendiffraktion
af:

Karen Birkelund
Klaus Dahl Jensen

Vejledere :
Petr Višcor
Ole Bakander

IMFUFA, Roskilde Universitetscenter
Postbox 260, 4000 Roskilde

7 juni 1990

TEKSTER fra

IMFUFA

ROSKILDE UNIVERSITETSCENTER
INSTITUT FOR STUDIET AF MATEMATIK OG FYSIK SAMT DERES
FUNKTIONER I UNDERVISNING, FORSKNING OG ANVENDELSER

IMFUFA, Roskilde Universitetscenter, Postboks 260, 4000 Roskilde

Undersøgelse af atomare korrelationer i amorf stoffer ved
røntgendiffraction.

af: Karen Birkelund og Klaus Dahl Jensen

Vejledere: Petr Viscor og Ole Bakander

IMFUFA tekst nr. 201/90 88 sider

ISSN 0106-6242

Abstract:

I denne tekst søges opstillet en procedure til eksperimentel undersøgelse af atomare korrelationer i monatomiske, amorse stoffer (eksemplificeret ved amorft germanium) ved brug af røntgendiffraktometri, på baggrund af klassisk spredningsteori.

Teksten er inddelt i to hoved afsnit:

1) En generel, teoretisk del, indeholdende en gennemgang af forskellige typer vekselvirkninger mellem røntgenstråling og atomer, samt udledning af et feltudtryk for stråling, elastisk (og dermed coherent) spredt på monatomiske stoffer.

På baggrund heraf udledes endelig en relation mellem atomare korrelationer i stoffet og intensiteten af den coherente spredning.

2) En eksperimentel del omfattende en gennemgang af den anvendte eksperimentelle procedure (til fremstilling af Ge-prøver og optagelse af røntgenspektre) og udledning af algoritmer til databehandling – det vil sige korrektion af måledata for absorption, flourescens og inelastisk spredning med videre, samt normalisering af de korrigerede data.

Endelig fremstilles og diskutes vore eksperimentelle resulter.

Indledning

I et laboratorium på IMFUFA (Roskilde Universitet Center), er opstillet et Philips røntgendiffraktometer med tilhørende højspændingsgenerator, kontrolenhed og køleanlæg.

Diffraktometeret er primært konstrueret til kvalitativ og semikvantitativ identifikation af krystallinske materialer.

Vor vejleder gennem første halvdel af projektforløbet, Niels Boye Olsen foreslog os, som et eksperimentelt dybdemodul-projekt i fysik, at udvikle en hensigtsmæssig eksperimentel procedure til strukturel analyse af *amorfe* stoffer ved brug af det omtalte apparat; samt ved en vurdering af de eksperimentelle resultater, opnået med denne procedure at afgøre, hvorvidt apparatet overhovedet egner sig hertil.

Kort sagt: Vi gik ind på forslaget og problemstillingen, der ligger til grund for dette projekt, er den ovenfor specificerede.

Vi forestillede os straks fra begyndelsen, at projektforløbet logisk måtte falde i fire dele:

- 1) Fremstilling af amorf tyndfilm.
- 2) Optagelse af diffraktionsspektre.
- 3) Databehandling med henblik på (a) relevante korrektioner af diffraktionsdata, (b) at fremskaffe information om atomare korrelationer på grundlag af således korrigerede røntgenspektre.
- 4) Vurdering af eksperimentelle resultater.

Heraf måtte (lige så logisk) den absolutte hovedvægt lægges på punkterne 2), 3) og 4) ifølge projektets erklærede formål. Ikke desto mindre er der brugt lang tid på fremstillingen af amorf tyndfilm, blandt andet på grund af problemer med at undgå krystallisation.

I praksis må imidlertid føjes endnu et punkt til listen, nemlig udvikling af det nødvendige programmel til opsamling og lagring af diffraktionsdata samt til analyse heraf. Analysedelen findes bagest i projektrapporten, (software udviklet til dette formål kan købes hos Philips, men er efter sigende meget dyrt, og da disse tider ikke er til store ekstrabevillinger, måtte vi selv igang !).

Set i relation til gældende studietidsnormering (et projekt pr. semester) var dette uheldigt, eftersom programudviklingen, selv med Ole Bakanders engagerede og kvalificerede bistand, for hvilken vi er ham tak skyldig, tog os rundt regnet et halvt semester. Men nu ligger programmet der, forhåbentlig til gavn for eventuelle andre, der måtte have lyst til at forsøge sig udi røntgendiffraktometriens mysterier.

Ifølge studieordningen kan et dybdeprojekt omhandle fagdidaktik eller eksperimentelt arbejde; herunder blandt andet metodeudvikling. Dette projekt falder i sidstnævnte kategori.

Rapporten er opdelt i tre dele; en teoretisk del, som ligger til grund for den endelige eksperimentelle korrektion, en eksperimentel del indeholdende eksperimentel opsætning samt apparatur og behandling af eksperimentelle data, endelig en tredje del, hvor projektets resultater fremlægges og diskuteres efterfulgt af konklusion.

Det skal her pointeres, at samtlige teoretiske udledninger er fortaget på et klassisk grundlag.

Indhold

1 Røntgen-diffraktion, Teori	5
1.1 Røntgenstråling	5
1.2 Vekselvirkning af røntgenstråling med stof	8
1.2.1 Absorption	9
1.2.2 Spredningsprocesser	10
1.2.3 Polarisation	15
1.3 Den elektriske feltstyrke af røntgenstråling, spredt coherently på stof	17
1.4 Atomare korrelationer udtrykt ved den cohere nte sprednings-intensitet	22
1.4.1 Sprednings-intensiteten relateret til Van Hoove's korrelationsfunktion	23
1.4.2 Den radiale distributionsfunktion	25

2 Eksperimentel procedure	29
2.1 Fremstilling af amorf germaniumfilm ved pådampning	30
2.1.1 Pådampningskammeret	31
2.1.2 Fremgangsmåde ved pådampningen	33
2.2 Optagelse af diffraktionsspektre	35
2.2.1 Røntgendiffraktometeret	35
2.2.2 Valg af røntgentarget	38
2.2.3 Målestrategi	40
2.3 Databehandling	44
2.3.1 Extrapolation fra intervalgrænserne	44
2.3.2 Korrektion og normalisering	46
2.4 Grafiske repræsentationer af eksperimentelle data	56
2.4.1 Sample 1 (GEP1-s16)	57
2.4.2 Sample 2 (GEP3-s25)	62
3 Diskussion og konklusion	69
3.1 Konklusion	75
A Beregning af lineære absorptionskoefficienter.	77

Kapitel 1

Røntgen-diffraktion, Teori

1.1 Røntgenstråling

Røntgenstråling er elektromagnetisk stråling i energiområdet fra $1,2 \cdot 10^3 \text{ eV}$ til $2,4 \cdot 10^5 \text{ eV}$. Det tilsvarende bølgelængdeområde ligger fra omkring 10^{-9} m til $6 \cdot 10^{-12} \text{ m}$ og frekvensintervallet er fra $3 \cdot 10^{17} \text{ Hz}$ til $5 \cdot 10^{19} \text{ Hz}$.

Røntgenstråling kan frembringes i et katoderør (eller røntgenrør), hvor anoden består af et materiale også kaldet target. Ved at sætte spænding over katoderøret accelereres elektroner fra den negative katode mod den positive anode; elektronstrømmen fra katode til anode kaldes katodestråling. Elektronerne kan vekselvirke med target-materialet på to måder, hvorved der frembringes røntgenstråling.

Når elektronerne passerer gennem target, vil de elektriske felter om targetatomernes kerner decelerere disse, hvorved deres energi reduceres. Energitabet ΔE emitteres som stråling, også kaldet bremsestråling. Den emitterede stråling kan maksimalt have en energi svarende til de indkommende elektrons energi, som er bestemt af spændingen over katoderøret. Energien af den emitterede foton er lig elektronens energitab, når den bremses, og er givet ved $\Delta E = h\nu$, hvor h er Plancks konstant og ν er frekvensen. Hvis accelerationsspændingen er i størresordenen kV, vil den emitterede stråling ligge i røntgenområdet. Det fremkomne spektrum er et bredt kontinuum af varierende bølgelænge/energi. Spektralfordelingen af bremsestrålingen kaldes for det

kontinuerte spektrum. På nedenstående figur ses det kontinuerte spektrum for røntgenstråling fra et wolfram target. (Klug og Alexander, X-ray diffraction procedures s.80)

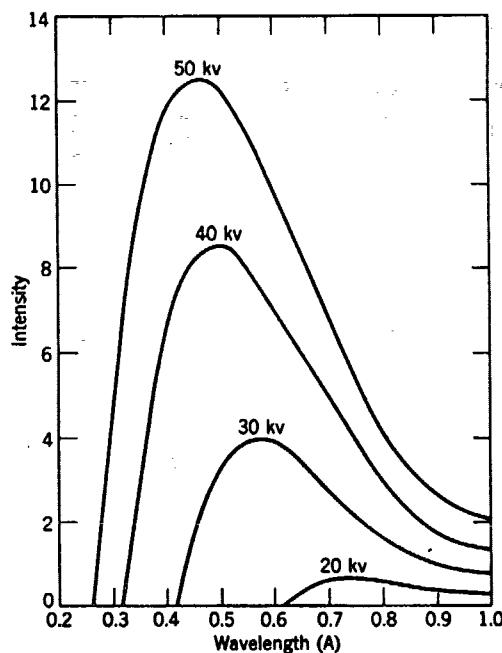


Fig. 1

Intensiteten af bremsestrålingen afhænger både af targetmaterialet og rørspændingen, idet intensiteten øges med stigende atomnummer og stigende rørspænding.

En anden type røntgenstråling opstår, når elektronerne trænger ind i targetmaterialet og eksiterer dets atomer. I et atom betegnes de mulige elektron-energiniveauer skaller. Traditionelt navngives disse skaller K, L, M og så videre, idet K-skallen er den tættest kernen, L-skallen næsttættest og så fremdeles. De elektroner, der befinner sig i K-skallen, er stærkest bundet og kaldes for K-elektroner, og så videre.

Når elektronerne trænger ind i target, kan dets atomer som nævnt eksiteres, idet atomernes elektroner absorberer energi fra de indkommende elektroner, og derved ændrer energitilstand. Den energi der skal til for at eksitere en K-elektron til en anden energitilstand og herved danne en K-vacans, kaldes K-eksitationsenergien og betegnes E_K . Hvis energien er mindre end E_K , kan en af de ydre elektroner eksiteres alt afhængig af energiens størrelse. Efter et gennemsnitligt tidrum afhængig af, hvilket

atom og hvilken vacans der er tale om, vil elektroner fra andre skaller henfalde under emission af fotoner med energi svarende til differensen mellem de to niveauer.

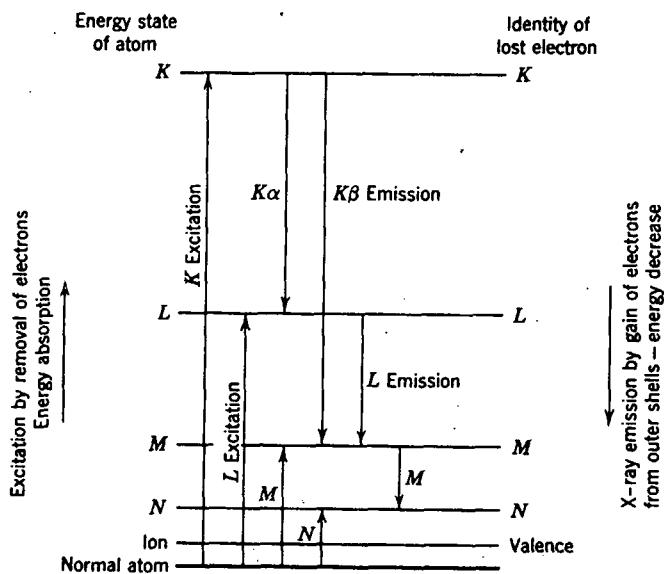


Fig. 2: Skematisk energiniveau diagram for et mange-elektron atom.
(Klug og Alexander, X-ray diffraction procedures s.85)

Hvis en L-elektron henfalder til K-skallen udsendes K_α -stråling, K_β -stråling emiteres hvis henfaldet sker fra M-skallen. K_α -strålingen er delt i to linier: $K_{\alpha 1}$ og $K_{\alpha 2}$. På tilsvarende måde benævnes strålingen, emiteret ved overgang til de øvrige skaller.

I det fremkomne spektrum vil man observere en veldefineret top, hvor strålingen når et maksimum i intensitet. Denne skarpe top svarer til en bestemt energi alt afhængig af hvilket targetmateriale der benyttes. Øges spændingen over katoderøret vil flere skarpe toppe fremkomme svarende til L- og M-linierne. Dette spektrum kaldes det karakteristiske spektrum.

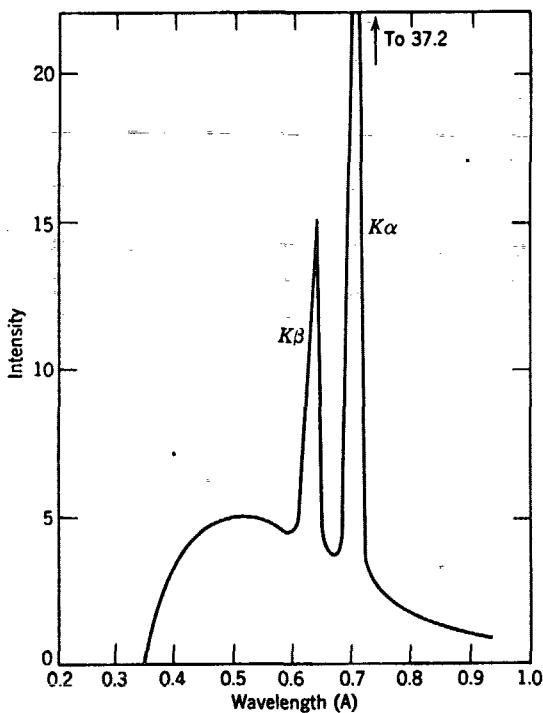


Fig. 3: Intensitetskurve for røntgenstråling fra et molybdæn target.
(Klug og Alexander, X-ray diffraction procedures s.82)

På ovenstående figur ses det kontinuerte spektrum overlejret af de nævnte karakteristiske toppe. Man skal op på en vis energi for at se den karakteristiske røntgenstråling. Denne energi afhænger af, hvilket materiale der beskydes.

1.2 Vekselvirkning af røntgenstråling med stof

Der vil i det følgende blive redegjort for processer, som bevirket en reduktion af intensitet, når stråling i røntgenområdet vekselvirker med elektronerne i det materiale strålingen passerer.

Under forudsætning af, at røntgenstrålingen er monokromatisk, hvilket vil sige stråling af samme bølgelængde, og er absorberen homogen og isotrop, kan denne reduktion udtrykkes ved:

$$I = I_0 e^{-\mu x}$$

hvor I_0 er den oprindelige strålingsintensitet, μ er den lineære absorptionskoefficient (enhed: reciprok længde), x er stoffets tykkelse, og I er den transmitterede strålingsintensitet.

Der er to effekter at skelne mellem, når man taler om tab i intensitet. Den ene er den rene absorption, og den anden er spredningen. Ved den rene absorption sker en overførsel af hele røntgenkvantets energi til elektronerne. Til den rene absorption er knyttet absorptionskoefficienten τ .

Ved spredningsprocesser overføres en del af fotonens energi og impuls til absorberatomernes elektronsystemer, hvorefter fotonen fortsætter med en anden energi og impuls. Er differensen af fotonens energien før og efter spredning nul, siges spredningen at være elastisk. Er differensen forskellig fra nul, er der tale om uelastisk spredning.

Til spredning knyttes spredningskoefficienten σ . Den totale lineære absorptionskoefficient μ er givet ved:

$$\mu = \tau + \sigma$$

1.2.1 Absorption

Den rene absorption skyldes flere processer, der i blandt den fotoelektriske effekt og fluorescens.

Fotoelektrisk effekt er en proces, hvor elektroner i stoffet absorberer energi fra elektromagnetisk stråling, som er større end eller lig med deres bindingsenergi, hvorved de løsrives fra stoffet og forlader dette med en kinetisk energi:

$$\frac{1}{2}mv^2 = E - E_b$$

hvor $E = h\nu$ og E_b er elektronens bindingsenergi. Hvis $E < E_b$ vil elektronen ikke løsrives. Det er forskelligt, hvor stor en energi de forskellige elektroner skal have tilført for at være i stand til at forlade materialet. For hvert stof er der en nedre grænse E_0 , som kaldes løsrivelsesenergien, således at maksimum for elektronernes kinetiske energi bliver:

$$\frac{1}{2}mv_{max}^2 = E - E_0 = h\nu - E_0$$

Fotoelektrisk effekt er ansvarlig for en stor del af absorptionen af røntgenstråling, når denne passerer gennem stof.

Fluorescens kan opstå som en følge af den fotoelektriske effekt, ved at elektroner fra højere energitilstande henfalder til vacansen, hvor en elektron er blevet fjernet. Ved dette henfald udsendes elektromagnetisk stråling (fluorescensstråling). Fluorescensstrålingen kan ikke have energi større end energien af den indkommende røntgenstråling.

Fluorescens kan også opstå, hvis røntgenstrålingen eksiterer atomet ved, at en elektron fra atomets indre skaller eksiteres til en ydre skal, det vil sige en højere energitilstand. Efter en tid kan elektroner henfalde under udsendelse af stråling. Denne proces kræver, at den indkommende strålings energi svarer til energiforskellen mellem to skaller.

Fluorescensstrålingen siges at være incoherent, eftersom der på grund af tidsforskydningen mellem absorption og emission, ingen faserelation er mellem den indkommende stråling og fluorescensen.

1.2.2 Spredningsprocesser

Ved spredning af elektromagnetisk stråling på en elektron, kan elektronen betragtes som en sekundær kilde til elektromagnetisk stråling. Den spredte stråling udbreder sig som kuglebølger væk fra elektronen, ifølge Huygens princip.

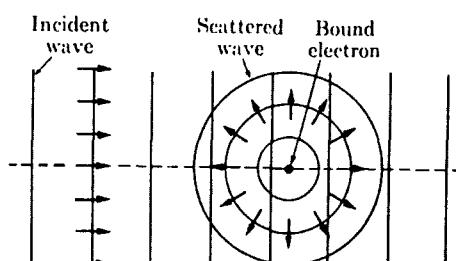


Fig. 4: Spredning af elektromagnetisk stråling på en bunden elektron.
(Alonso/Finn, Fundamental university physics vol.II, s.376)

Spredes elektromagnetisk stråling på et atom vil strålingen spredes på hver enkelt elektron i atomets elektron-system. Man kan dog tilnærmelsesvis betragte hele atomet som en punktkilde for den spredte stråling.

Intensiteten af den spredte stråling afhænger af, hvilken type atom der spreder og retningen af den spredte stråling.

Grundlæggende skelnes mellem elastiske og uelastiske spredningsprocesser.

Elastisk spredning

Ved elastisk spredning forstås, som før nævnt, at den spredte stråling har samme energi (og dermed bølgelængde) som den indkommende stråling. Er den indkommende stråling monokromatisk og spredningen elastisk, vil der være en fast faserelation mellem de spredte bølger og den indkommende bølge: det vil sige spredningen er coherent, den spredte stråling fra elektronerne interfererer. Ved elastiske spredningsprocesser ændres den indre energi hos det spredende atom ikke.

Uelastisk spredning

Uelastisk spredning opstår, klassisk set, når en foton kolliderer med en relativt løst bunden elektron. Ved det uelastiske sammenstød overføres energi og impuls fra fotonen til elektronen. Der sker en ændring af fotonens impuls – fotonen ændrer retning – og spredes med en ændret energi.

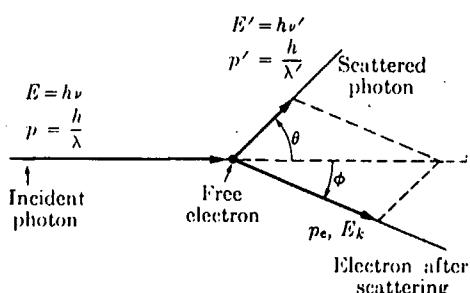


Fig. 5: Impuls- og energi-relationer ved uelastisk spredning. (Alonso/Finn, Fundamental university physics vol.II, s.383)

Energien (og dermed bølgelængden) for den uelastisk spredte stråling afhænger af spredningsvinklen Θ ifølge relationen:

$$\Delta\lambda = \lambda' - \lambda = \frac{h}{m_e c} (1 - \cos \theta)$$

hvor λ er bølgelængden af den oprindelige stråling, og λ' er bølgelængden af den spredte stråling.

Denne form for spredning kaldes incoherent diffus spredning, når den sker på atomer, idet den spredte stråling fra de enkelte elektroner ikke er i fase, fordi dens energi afhænger af elektronernes impuls og derfor ikke interfererer. Uelastisk spredning på en fri elektron kaldes også for Comptonspredning.

Absorptionskanter

Den totale absorptionskoefficient for et givet materiale varierer med bølgelængden af røntgenstrålen der passerer det. Bestemmes absorptionskoefficienten for et materiale ved forskellige bølgelængder og plottes disse med λ på førsteaksen og μ på andenaksen, ses det, at μ aftager, når λ bliver mindre, endvidere observeres nogle diskontinuiteter. Disse diskontinuiteter betegnes for materialets kritiske absorptionskanter og benævnes henholdsvis K-absorptionskanten og L₁-absorptionskanten osv.

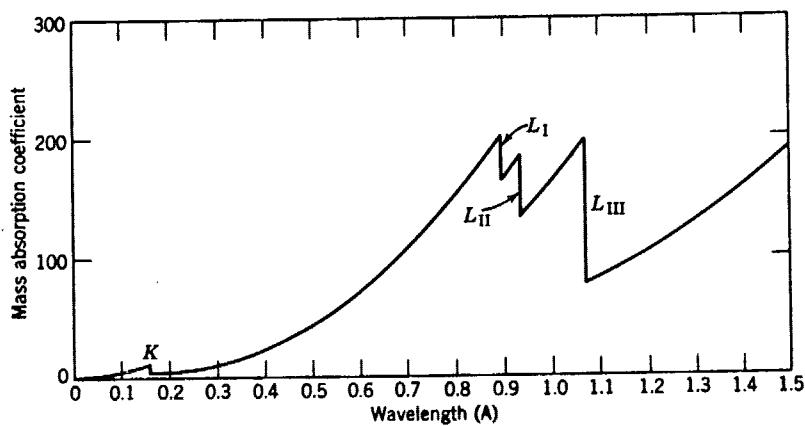


Fig. 6: Plot af absorptionskoefficient som funktion af bølgelængde. (Klug og Alexander, X-ray diffraction procedures s.93)

Absorptionskanterne markerer de punkter, hvor røntgenstrålingens energi er stor nok til at eksitere en elektron fra en K-, L-, eller M-skal og så videre. Når energien nærmer sig minimumsenergien for at løsøre en L-elektron, sker der en forøgelse af μ .

Røntgenfiltre

Det emitterede røntgenspektrum fra et røntgenrør består som tidligere sagt af det kontinuerte spektrum overlejret af de karakteristiske toppe med bølgelængder, der er karakteristiske for target-materialet i røntgenrøret. Ved diffractionsexperimenter er det nødvendigt, at den røntgenstråling, der benyttes, er monokromatisk. Det er derfor af interesse at isolere den del af røntgenstrålingen med den ønskede bølgelængde fra resten af spektret. Det er dog ikke altid nødvendig med streng monokromatisk stråling; ofte er det tilstrækkelig at dæmpe en overvejende del af strålingsintensiteten, således at stråling med den ønskede bølgelængde er dominerende.

Dette kan gøres ved at vælge et materiale af en passende tykkelse som absorberer røntgenstrålingen på nær den stråling, der ønskes isoleret. Et sådan materiale betegnes røntgenfilter.

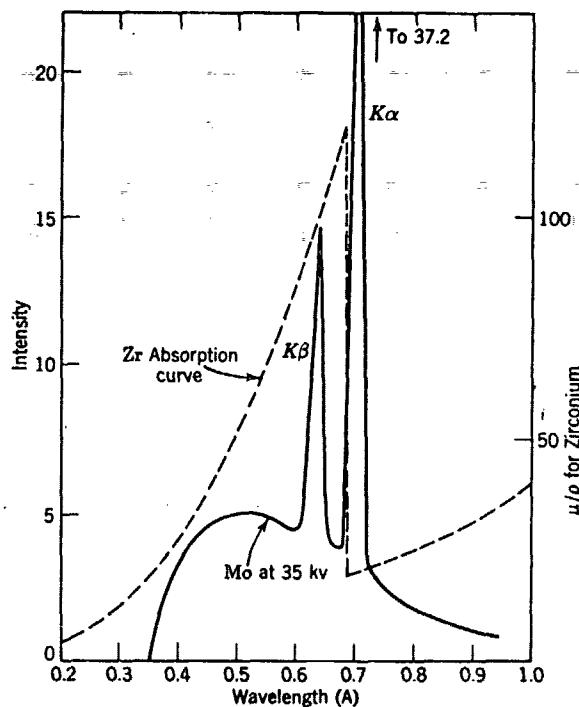


Fig. 8: Zirconium absorptionskurve overlejret af ståling fra et molybdæn target. (Klug og Alexander, X-ray diffraction procedures s.101)

Ofte er det tilstrækkeligt at isolere K_{α} -toppen. Da gælder det om at vælge et filter af et materiale med en K-absorptionskant, der ligger lige under og så tæt som muligt på K_{α} -toppens absorptionskant. Filtermateriale og tykkelse afhænger af hvilket targetmateriale der benyttes.

For et røntgenrør med molybdentarget emitteres $K_{\alpha 1}$ -toppen med en bølgelængde på 0,70926 Å og $K_{\alpha 2}$ -toppen med en bølgelængde på 0,71354 Å. Af udtrykket $(2\lambda_{K_{\alpha 1}} + \lambda_{K_{\alpha 2}})/3$ (Azaroff, Elements of X-ray crystallography s.102) fås den karakteristiske bølgelængde for K_{α} -duppletten til 0,7107 Å. Zirconium har K-absorptionskant ved bølgelængden 0,68877 Å og absorberer derfor røntgenstråling med bølgelængder under 0,68877 Å. Tykkelsen af zirconiumfiltret afhænger af, hvor meget af den uønskede stråling der ønskes fjernet og kan beregnes af:

$$\frac{I}{I_0} = e^{-\mu x}$$

hvorved man ved forskellige valgte tykkelser kan se hvor stor en del af strålingen der transmitteres.

1.2.3 Polarisation

I forrige afsnit blev det nævnt at når røntgenstråling spredes på atomer vil intensiteten være retningsafhængig. Dette vil der nu blive gjort rede for.

Sendes upolariseret karakteristisk røntgenstråling ind på en fri elektron, hvor den spredes elastisk, vil den efter spredningen være delvis polariseret. Hvor meget strålen polariseres afhænger af spredningsvinklen (2θ).

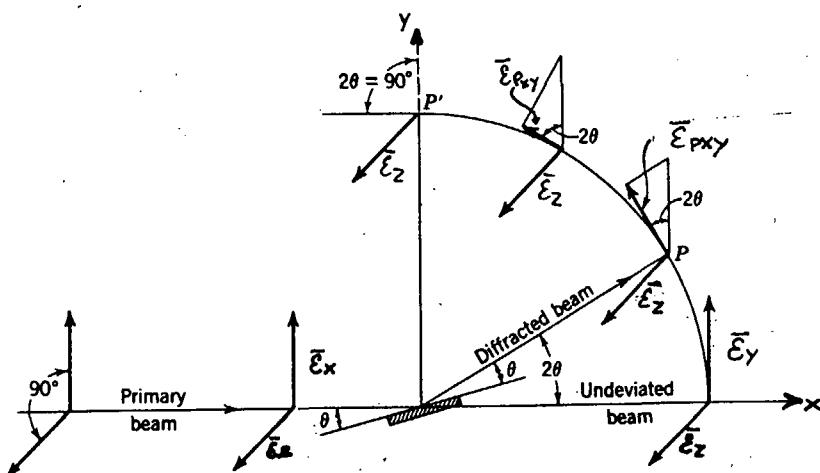


Fig. 9: Polarisation af en spredt røntgenstråle på en fri elektron. (Klug og Alexander, X-ray diffraction procedures s.133)

En upolariseret røntgenstråle sendes ind på en elektron. Før spredning vil det elektriske felt svinge i alle retninger vinkelret på udbredelsesretningen. Betragtes disse tilfældigt orienteret \vec{E} -feltvektorer opløst i to lige store vinkelrette enhedsvektorer \vec{E}_y og \vec{E}_z , vil de hver have amplitude proportional med $\frac{\sqrt{2}}{2}$. (Klug og Alexander, X-ray diffraction procedures s.132)

Når strålen rammer elektronen vil elektronen sættes i tvungne vibrationer parallel med feltvektorerne og vinkelret på udbredelsesretningen.

Den spredende elektron udsender ingen energi parallel med vibrationsretningen. Vinkelret på vibrationsretningen udsendes maksimal energi. De to grænsetilfælde er da $2\theta = 0^\circ$ og $2\theta = 90^\circ$

Ved $2\theta = 0^\circ$ afviger strålen ikke fra den oprindelige udbredelsesretning, og her vil ingen polarisation af strålen være. \vec{E}_y og \vec{E}_z vil optræde ved fuld styrke. Ved $2\theta = 90^\circ$ vil \vec{E}_z -komponenten optræde for fuld styrke, \vec{E}_y -komponenten vil derimod ikke kunne observeres, idet der ingen energiudstråling er parallel med vibrationsretningen.

Langs den elastisk spredte stråle ved P vil \vec{E}_z stadig agere for fuld styrke, mens \vec{E}_y vil være svækket afhængig af spredningsvinklen 2θ .

Der kan nu udledes et udtryk for polarisationsfaktoren i punktet P for en vilkårligt valgt spredningsvinkel 2θ .

Lad \vec{E}_{pxy} være \vec{E}_y 's projektion på normalen til den elastisk spredte røntgenstråles udbredelsesretning. \vec{E}_{pxy} kan da udtrykkes ved

$$\vec{E}_{pxy} = \vec{E}_y \cos 2\theta$$

og

$$\vec{E} = \vec{E}_{pxy} + \vec{E}_z$$

Endvidere observeres det at $\vec{E}_{pxy} \perp \vec{E}_z$.

\vec{E}_z polariseres ikke uanset spredningsvinklen og findes ved fuld styrke ved P og har amplitude proportional med $\frac{\sqrt{2}}{2}$. \vec{E}_y polariseres alt efter spredningsvinklen.

Lad \vec{E}_{pxy} være y-komponentens bidrag i punktet P ved spredningsvinklen 2θ , da vil amplituden være proportional med $\frac{\sqrt{2}}{2} \cos 2\theta$.

Da intensiteten er proportional med kvadratet på amplituden og amplituden er proportional med $\frac{\sqrt{2}}{2}$, fås et udtryk for intensiteten af røntgenstrålingen i punktet P:

$$\begin{aligned}\vec{E} &= \vec{E}_{pxy} + \vec{E}_z \Leftrightarrow \\ E &= \sqrt{(\mathcal{E}_{pxy})^2 + (\mathcal{E}_z)^2 + \mathcal{E}_{pxy}\mathcal{E}_z \cos 90^\circ} \Leftrightarrow \\ \mathcal{E}^2 &= (\mathcal{E}_{pxy})^2 + (\mathcal{E}_z)^2\end{aligned}$$

Intensiteten er da:

$$\begin{aligned} I \propto \mathcal{E}^2 &= \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 \cos^2 2\theta + \left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right)^2 \\ &= \frac{1}{2} \cos^2 2\theta + \frac{1}{2} \\ &= \frac{1}{2}(1 + \cos^2 2\theta) \end{aligned}$$

hvilket er polarisationsfaktoren.

Polarisationsfaktoren indgår i Thomson's ligning, som i cgs-enheder beskriver spredningen af elektromagnetisk stråling på en fri elektron:

$$\mathcal{E}_e = \mathcal{E}_0 \frac{e^2}{Rmc^2} \sqrt{\frac{1 + \cos^2 2\Theta}{2}}$$

c er lyshastigheden, m er elektronens hvilemasse, e er elementarladningen, R er afstanden fra elektronen til det punkt, hvor feltstyrken af den spredte stråle registreres, \mathcal{E}_e er feltstyrken af den spredte stråling, og \mathcal{E}_0 er feltstyrken af den indkommende stråling.

1.3 Den elektriske feltstyrke af røntgenstråling, spredt coherent på stof

Røntgenspredning på atomer og atomsystemer

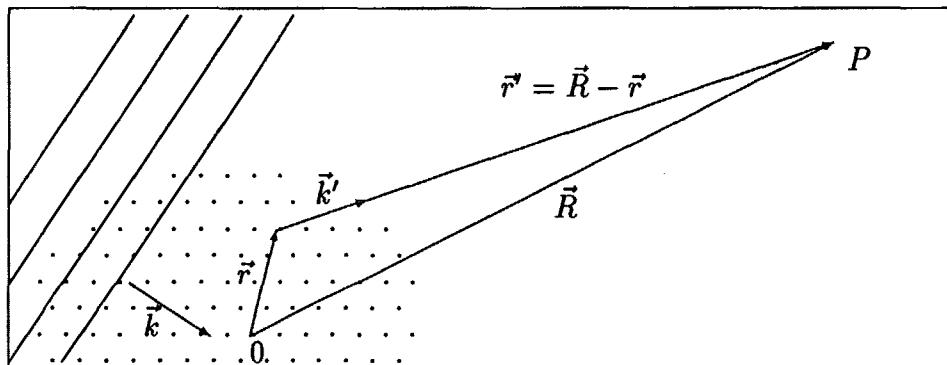
Som ovenfor beskrevet, er den elastiske spredning på en individuel, isoleret elektron givet ved Thomson's ligning. Ved spredning på hele atomer, må imidlertid tages i betragtning at afstandene mellem elektroner i et atom, er sammenlignelige med bølgelængden af røntgenstråling. I retningen parallelt med den indkommende strålings udbredelsesretning, er den totale feltamplitude fra spredning på et atom stadig $Z \mathcal{E}_e$, hvor Z er det pågældende atom's nummer; Men for spredning i enhver anden retning, vil vejlængdeforskellen — fra strålingskilde, til spredende elektron, til det pågældende rumpunkt — med hensyn til de individuelle elektroners placeringer i atomet, give anledning til en delvis, destruktiv interferens. Den totale feltamplitude aftager således for voksende spredningsvinkel.

Et lignende fænomen observeres ved spredning på en mængde af et givent materiale, idet interferensen i dette tilfælde opstår på grund af fasedifferenser for stråling, spredt på individuelle atomer og molekyler i stoffet. For di- og polyatomiske materialer, skelnes i den forbindelse mellem en intern interferens mellem atomer ordnet i molekylære strukturer, og en extern interferens mellem individuelle molekyler. For monatomiske stoffer, er naturligvis kun den externe interferenseffekt aktuel.

I materialer med relativt veldefinerede interatomare middelafstande (såsom væsker og amorfte stoffer, i modsætning til gasser), bliver interferenseffekten særligt udpræget, med karakteristiske diffraktions- "toppe", svarende til disse middelafstande. For et sådant stof er det muligt, på basis af diffraktionsspektre, at drage konklusioner vedrørende stoffets atomkonfiguration.

Med dette mål for øje, udledes nedenfor en ligning for den elektriske feltstyrke, af coherent spredning på et monatomisk sample. I afsnit 1.4 vises med udgangspunkt heri, hvordan spredningsintensiteten er relateret til tæthedsfordelingen af samples atomer.

På nedenstående figur er skitseret udbredelsen i et fast stof af en plan, elektromagnetisk bølge med bølgetalsvektor \vec{k} . Positionen af et af samples atomer er bestemt ved stedvektoren \vec{r} , udfra et arbitraert nulpunkt. Ved detektorpunktet P detekteres elastisk spredt stråling fra dette atom.



Mellem punkterne 0 og r , er fasedifferensen for den indkommende bølge givet ved:

$$\vec{k} \cdot \vec{r} = \frac{2\pi}{\lambda} r \cos(\vec{r}, \vec{k})$$

Til tiden $t = 0$, er bølgens fasefaktor ved \vec{r} altså:

$$e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} + \alpha)} = e^{i\vec{k} \cdot \vec{r}} e^{i\alpha}$$

hvor α er bølgefason ved 0. Da vi imidlertid kun er interesseret i fasefaktoren ved \vec{r} relativt til nulpunktet, vil vi blot betegne den med udtrykket, $e^{i\vec{k} \cdot \vec{r}}$. Antages nu at en del af den indkommende stråling spredes på atomet, placeret ved \vec{r} , observeres ved detektorpunktet P da stråling, med en \mathcal{E} -feltstyrke, som er proportional med fasefaktoren, $e^{i\vec{k} \cdot \vec{r}}$, for den indkommende stråling ved \vec{r} , og med fasefaktoren $e^{i\vec{k}' \cdot \vec{r}'} = e^{ik'r'}$ for den spredte stråling ved P . Den totale fasefaktor ved P (relativt til nulpunktet) er derfor:

$$e^{i\vec{k} \cdot \vec{r}} e^{ik'r'} = e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} + k'r')} \quad (1.1)$$

Imidlertid kan r' også skrives:

$$\begin{aligned} r' &= \sqrt{R^2 + r^2 - 2rR \cos(\vec{r}, \vec{R})} \\ &= R\sqrt{1 + r^2/R^2 - 2(r/R) \cos(\vec{r}, \vec{R})} \end{aligned}$$

Men da r er af størrelsesordenen som samplets tykkelse, mens R svarer til afstanden fra sample til detektor, har vi at $r^2 \ll R^2$, hvorfor der gælder:

$$r' \simeq R\sqrt{1 - 2(r/R) \cos(\vec{r}, \vec{R})}$$

Taylorudvikling af dette giver:

$$\begin{aligned} r' &\simeq R - \frac{\cos(\vec{r}, \vec{R})}{\sqrt{1 - 2(r/R) \cos(\vec{r}, \vec{R})}} r + \varepsilon(r)r \\ &\simeq R - r \cos(\vec{r}, \vec{R}) \end{aligned}$$

Fasefaktoren ved P kan derfor også skrives:

$$e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} + k'R - k'r \cos(\vec{r}, \vec{R}))}$$

Eftersom $k'R$ blot er et konstant bidrag til bølgefason ved P , uagtet placeringen af det spredende atom i samplet, ser vi bort herfra og får:

$$e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} - k'r \cos(\vec{r}, \vec{R}))}$$

I praksis er vektorerne \vec{r}' og \vec{R} tilnærmelsesvis parallelle, således at $\cos(\vec{r}, \vec{R}) \simeq \cos(\vec{r}, \vec{r}')$, hvilket indsat heri giver:

$$\begin{aligned} e^{i(\vec{k} \cdot \vec{r} - k'r \cos(\vec{r}, \vec{r}'))} &= e^{i(\vec{k} - \vec{k}') \cdot \vec{r}} \\ &= e^{-i\Delta\vec{k} \cdot \vec{r}} \end{aligned} \quad (1.2)$$

hvor $\Delta\vec{k} = \vec{k}' - \vec{k}$ fremover betegnes spredningsvektoren. Vinklen mellem vektorerne \vec{k} og \vec{k}' er *spredningsvinklen*, og sættes til 2θ . Idet $k' = k$, for coherent spredning, har $\Delta\vec{k}$ størrelsen:

$$\begin{aligned} \Delta k &= \sqrt{2k^2(1 - \cos 2\theta)} \\ &= \frac{2\pi}{\lambda} \sqrt{2(1 - \cos 2\theta)} \\ &= \frac{2\pi}{\lambda} \sqrt{4 \sin^2 \theta} \\ &= \frac{4\pi}{\lambda} \sin \theta \end{aligned}$$

Det resulterende \mathcal{E} -felt i detektorpunktet fremkommer ved superponering af feltbidragene fra samtlige spredende atomer i samplet. Disse bidrag er proportionale med fasefaktorerne givet ved (1.2), og med elektrontrætheden, $\rho_e(\vec{r})$, i det infinitessimale volumenelement omkring \vec{r} . Dvs:

$$\mathcal{E} \propto \int_V \rho_e(\vec{r}) e^{-i\Delta\vec{k} \cdot \vec{r}} dV$$

hvor der integreres over hele det spredende sample-volumen. Herudover er \mathcal{E} proportional med \mathcal{E}_e , defineret som den tidslige middelværdi af \mathcal{E} -feltet i detektorpunktet, hidrørende fra spredning på én "isoleret" elektron. Denne er givet ved Thomson's ligning:

$$\mathcal{E}_e = \mathcal{E}_0 \frac{e^2}{Rmc^2} \sqrt{\frac{1 + \cos^2 2\theta}{2}}$$

hvor \mathcal{E}_0 er amplituden af den indkommende stråling, e er elementarladningen, R er afstanden fra elektron til detektor, m er elektronmassen og c er lyshastigheden. Det samlede udtryk for \mathcal{E} bliver da:

$$\begin{aligned} \mathcal{E} &= \mathcal{E}_0 \frac{e^2}{Rmc^2} \sqrt{\frac{1 + \cos^2 2\theta}{2}} \cdot \int_V \rho_e(\vec{r}) e^{-i\Delta\vec{k} \cdot \vec{r}} dV \\ &= \mathcal{E}_e \int_V \rho_e(\vec{r}) e^{-i\Delta\vec{k} \cdot \vec{r}} dV \end{aligned} \quad (1.3)$$

Imidlertid kan \mathcal{E} -feltet mere praktisk udtrykkes som en funktion af *atomtætheden* i samplet, istedet for af $\rho_e(\vec{r})$. Da elektronerne er at betragte som "udtværende" over hele rummet, er $\rho_e(\vec{r})$ reelt en sum af tæthedsbidrag fra hvert enkelt af samplets atomer. Idet vi antager en sfærisk, symmetrisk elektronatæthsfordeling for det individuelle atom, er størrelsen af det n'te atoms bidrag til $\rho_e(\vec{r})$ udelukkende en funktion af afstanden fra \vec{r} til dette atoms tyngdepunkt, og vi skriver:

$$\rho_e(\vec{r}) = \sum_{n=1}^N \rho_n(\vec{r} - \vec{r}_n) \quad (1.4)$$

hvor ρ_n er atomtætheden i det infinitessimale volumenelement omkring r . Ved substitution af (1.4) i (1.3) fås:

$$\begin{aligned} \mathcal{E} &= \mathcal{E}_e \int_V \sum_{n=1}^N \rho_n(\vec{r} - \vec{r}_n) e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}} dV \\ &= \mathcal{E}_e \sum_{n=1}^N \int_V \rho_n(\vec{r} - \vec{r}_n) e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}} dV \\ &= \mathcal{E}_e \sum_{n=1}^N e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}_n} \int_V \rho_n(\vec{r} - \vec{r}_n) e^{i\Delta\vec{k}\cdot(\vec{r}_n - \vec{r})} dV \end{aligned} \quad (1.5)$$

I (1.5) summeres altså over samtlige N atomer, og for det n'te atom summeres de enkelte elektroners bidrag til \mathcal{E} -feltet ved detektorpositionen. \mathcal{E} -feltbidraget fra det n'te atom, \mathcal{E}_a , er:

$$\begin{aligned} \mathcal{E}_a &= \mathcal{E}_e \int_V \rho_n(\vec{r} - \vec{r}_n) e^{i\Delta\vec{k}\cdot(\vec{r}_n - \vec{r})} dV \\ &= \mathcal{E}_e f(\Delta\vec{k}) \end{aligned}$$

hvor $f(\Delta\vec{k}) = \mathcal{E}_a/\mathcal{E}_e$ er en stofkonstant, den atomare spredningsfaktor, som udelukkende afhænger af $\Delta\vec{k}$, forudsat samtlige atomer har identiske elektronkonfigurationer, dvs for rene grundstoffer. (1.5) kan dermed forkortes til:

$$\mathcal{E} = \mathcal{E}_e f(\Delta\vec{k}) \sum_{n=1}^N e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}_n}$$

Endelig bemærkes at positionen af det n'te atoms tyngdepunkt, \vec{r}_n , er udsat for thermisk fluktuation og derfor tidsafhængig. Når tiden indføres som parameter (vi har af hensyn til overskueligheden sat $t=0$

i ovenstående udledning), bliver udtrykket for \mathcal{E} :

$$\mathcal{E}(t) = \mathcal{E}_e f(\Delta \vec{k}) \sum_{n=1}^N e^{-i(\omega_0 t - \Delta \vec{k} \cdot \vec{r}_n(t))} \quad (1.6)$$

hvor ω_0 er vinkelfrekvensen for den indkommende stråling.

1.4 Atomare korrelationer udtrykt ved den coherente sprednings-intensitet

Intensiteten af elektromagnetisk stråling i et rumpunkt er proportional med kvadratet af strålingens feltstyrke, hvilket kan skrives:

$$I'(t) \propto R e^2(\mathcal{E}(t))$$

eftersom det fysiske felt er givet ved realdelen af $\mathcal{E}(t)$. Tidsafhængigheden af fasefaktorerne i udtrykket for $\mathcal{E}(t)$ domineres altovervejende af den lineære komponent $\omega_0 t$. Man kan derfor antage at disse fasefaktorer, oscillerer med tilnærmelsesvis konstant vinkelfrekvens ω_0 , og udtrykke den (eksperimentelt målelige) tidslige middelværdi for spredningsintensiteten, som kun afhænger af $\Delta \vec{k}$:

$$I(\Delta \vec{k}) = \alpha \langle \mathcal{E}(t) \mathcal{E}^*(t) \rangle_t \quad (1.7)$$

hvor vi har indført proportionalitetskonstanten $\alpha = c/4\pi$ (cgs-enheder!) og $\langle \cdot \rangle_t$ angiver komplex konjugeret. Som "enhed" for spredningsintensitet, vil vi fremover benytte "elektron unit's", idet 1 eu, jvf Thomsons ligning, defineres som den tidsmidlede, spredningsintensitet fra en fri elektron:

$$I_{eu} = I_0 \frac{e^4}{R^2 m^2 c^4} \cdot \frac{1 + \cos^2 2\Theta}{2} = \alpha \mathcal{E}_e^2$$

Med " I_{eu}^{coh} " betegnes i denne tekst intensiteter af coherent spredning, målt i eu (når vi taler om "elektron enheder" skal det ikke forstås alt for bogstaveligt — der er naturligvis ikke tale om en enhed i ordets egentlige forstand, idet en intensitet udtrykt i eu ikke har dimensionen energi pr. flade pr. tid, men er en dimensionsløs brøk).

I de to næstfølgende afsnit, udledes først en relation mellem $I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k})$ og Van Hoove's korrelationsfunktion (defineres nedenfor). Med udgangspunkt heri, fremstilles den radiale distributionsfunktion for samplets atomer.

1.4.1 Sprednings-intensiteten relateret til Van Hoove's korrelationsfunktion

Idet vi substituerer (1.6) i (1.7), og udtrykker resultatet i enheden eu, har vi:

$$\begin{aligned} I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) &= f^2(\Delta \vec{k}) \left\langle \sum_{n=1}^N e^{-i(\omega_0 t - \Delta \vec{k} \cdot \vec{r}_n(t))} \sum_{m=1}^N e^{i(\omega_0 t - \Delta \vec{k} \cdot \vec{r}_m(t))} \right\rangle_t \\ &= f^2(\Delta \vec{k}) \sum_{n=1}^N \sum_{m=1}^N \left\langle e^{-i\Delta \vec{k} \cdot (\vec{r}_m(t) - \vec{r}_n(t))} \right\rangle_t \end{aligned} \quad (1.8)$$

Den statististiske middelværdi af fasefaktoren for den m'te partikel kan udtrykkes ved:

$$\frac{1}{N} \sum_{m=1}^N \left\langle e^{-i\Delta \vec{k} \cdot (\vec{r}_m(t) - \vec{r}_n(t))} \right\rangle_t$$

hvor N er antallet af spredningscentre. Ved summation over n , fås *interferensfunktionen*, $S(\Delta \vec{k})$:

$$S(\Delta \vec{k}) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \sum_{m=1}^N \left\langle e^{-i\Delta \vec{k} \cdot (\vec{r}_m(t) - \vec{r}_n(t))} \right\rangle_t \quad (1.9)$$

Efter substitution af (1.9) i (1.8), opnås følgende, kompakte udtryk for intensiteten af den coherente spredning:

$$I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) = N f^2(\Delta \vec{k}) \cdot S(\Delta \vec{k}) \quad (1.10)$$

Van Hoove's korrelationsfunktion

I den nedenfor definerede korrelationsfunktion, angives partikeltætheden i et punkt ved hjælp af *Dirac-deltafunktionen*, som er karakteriseret ved følgende egenskaber:

$$\int_V \delta(\vec{r}) dV = 1, \text{ og: } \begin{cases} \delta(\vec{r}) = 0 & , \text{ for } \vec{r} \neq 0 \\ \delta(\vec{r}) \neq 0 & , \text{ for } \vec{r} = 0 \end{cases} \quad (1.11)$$

Van Hoove's korrelationsfunktion defineres som følger:

$$G(\vec{r}) = \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \sum_{m=1}^N \langle \delta(\vec{r} - [\vec{r}_m(t) - \vec{r}_n(t)]) \rangle_t \quad (1.12)$$

For det betragtede systems (dvs det spredende sample's) N atomer (for $\vec{r}_m(t) = \vec{r}_1(t), \vec{r}_2(t), \dots, \vec{r}_N(t)$), summeres altså de tidsmidlede sandsynlighedstætheder i punktet $\vec{r}_n(t) + \vec{r}$, hvor $\vec{r}_n(t)$ angiver positionen af det n'te atom's tyngdepunkt til tiden t . Middelværdien af denne sum tages med hensyn til n , således at $G(\vec{r})$, for et *vilkårligt* valgt atom n , giver den statistiske sandsynlighed for at der befinner sig et atom i punktet $\vec{r}_n(t) + \vec{r}$.

Som det fremgår heraf må der endvidere gælde:

$$\int_V G(\vec{r}) dV = N$$

altså, at $G(\vec{r})$ integreret over hele rummet giver samplesets N atomer.

For Dirac-deltafunktionen $\delta(\vec{r})$, gælder jvf (1.11) følgende relation:

$$\begin{aligned} \int_V \delta(\vec{r} - \vec{r}_0) e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}} dV &= e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}_0} \int_V \delta(0) dV \\ &= e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}_0} \end{aligned}$$

hvor \vec{r}_0 er en konstant vektor. Idet vi substituerer $\vec{r}_0 = \vec{r}_m - \vec{r}_n$ heri, har vi således:

$$\begin{aligned} \int_V G(\vec{r}) e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}} dV &= \\ \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \sum_{m=1}^N \left\langle \int_V \delta(\vec{r} - [\vec{r}_m - \vec{r}_n]) e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}} dV \right\rangle_t &= \\ \frac{1}{N} \sum_{n=1}^N \sum_{m=1}^N \left\langle e^{-i\Delta\vec{k}\cdot(\vec{r}_m - \vec{r}_n)} \right\rangle_t \end{aligned}$$

Som det fremgår ved sammenligning med (1.9), er dette lig med interferensfunktionen $S(\Delta\vec{k})$. Der gælder derfor:

$$S(\Delta\vec{k}) = \int_V G(\vec{r}) e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}} dV \quad (1.13)$$

En relation der sammenknytter $G(\vec{r})$ med intensiteten af den coherente spredning, fås ved at indsætte $S(\Delta\vec{k})$, givet ved (1.13), i (1.10) hvorefter vi har:

$$I_{eu}^{coh}(\Delta\vec{k}) = N f^2(\Delta\vec{k}) \int_V G(\vec{r}) e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}} dV \quad (1.14)$$

1.4.2 Den radiale distributionsfunktion

Atomkonfigurationen i et amorst stof er karakteriseret ved en vis grad af lokal, strukturel orden, og ved sfærisk symmetri omkring et givent centralatom. Der er derfor god mening i at søge en beskrivelse af sådanne stoffers atomare struktur, ved at skelne mellem en middelatomtæthed ρ_0 , i modsætning til den faktiske atomtæthed $\rho(r)$, i en given afstand r , fra centralatomet. Eksistensen af sfærisk symmetri i stoffet, gør det bekvemt at tale om *den radiale distributionsfunktion* $4\pi r^2 \rho(r)$, defineret som det gennemsnitlige antal atomer pr. volumenenhed, i en kugleskal med radius r , og infinitesimal tykkelse dr .

Korrelationsfunktionen vil vi, af hensyn til den videre udledning, udtrykke som en sum af to funktioner: *par-korrelationsfunktionen* $G_p(\vec{r})$, for $\vec{r}_m \neq \vec{r}_n$, og *selv-korrelationsfunktionen* $G_s(\vec{r})$, for $\vec{r}_m = \vec{r}_n$. Det ses umiddelbart af (1.12) at $G_s(\vec{r})$ er en δ -funktion, idet $G_s(\vec{r}) \neq 0$ hvis, og kun hvis $\vec{r} = 0$.

Som nævnt ovenfor, er atomkonfigurationen i (bl.a) amorfte stoffer karakteriseret ved sfærisk symmetri omkring et centralatom. Dette vil sige at tæthedfordelingen for $\vec{r} \neq 0$, givet ved par-korrelationsfunktionen $G_p(\vec{r})$, ikke afhænger af vektoren \vec{r} 's retning men kun af dens længde – på grund af overfladeeffekten, må vi dog principelt forudsætte, at det betragtede system kan antages at have en uendelig udstrækning. $G_p(\vec{r})$ kaldes derfor også ”*den radiale tæthedsfunktion*”, og betegnes fremover $\rho(r)$. Vi har ifølge ovenstående:

$$G(\vec{r}) = \rho(r) + \delta(\vec{r})$$

Dette indsættes i (1.14), hvilket giver følgende udtryk for spredningsintensiteten:

$$\begin{aligned} I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) &= N f^2(\Delta \vec{k}) \int_V [\rho(r) + \delta(\vec{r})] e^{-i \Delta \vec{k} \cdot \vec{r}} dV \\ &= N f^2(\Delta \vec{k}) \left[1 + \int_V \rho(r) e^{-i \Delta \vec{k} \cdot \vec{r}} dV \right] \quad (1.15) \end{aligned}$$

hvor $N f^2(\Delta \vec{k})$, er spredningsintensiteten fra N ukorrelerede atomer, mens udtrykket i parentesen er interferensfunktionen. Imidlertid fås heraf, for $\Delta \vec{k} \rightarrow \vec{0}$:

$$\lim_{\Delta \vec{k} \rightarrow \vec{0}} S(\Delta \vec{k}) = 1 + \int_{V=\infty} \rho(r) dV = \infty$$

For at skaffe os af med denne divergens, substituerer vi nu $\rho(r) = [\rho(r) - \rho_0] + \rho_0$ i (1.15), hvori ρ_0 er den gennemsnitlige atomtæthed i samplet:

$$I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) = Nf^2(\Delta \vec{k}) \left[1 + \int_V [\rho(r) - \rho_0] e^{-i\Delta \vec{k} \cdot \vec{r}} dV + \rho_0 \int_V e^{-i\Delta \vec{k} \cdot \vec{r}} dV \right]$$

Det sidste af integralleddene i parentesen korresponderer til den såkaldte "forward scattering", og konvergerer så hurtigt mod nul for voksende Δk , at det i praksis kan betragtes som en deltafunktion, dvs:

$$\rho_0 \int_V e^{-i\Delta \vec{k} \cdot \vec{r}} dV \simeq 0 \quad \text{for } \Delta k > 0$$

Intensitetsbidraget fra denne størrelse negligeres som regel ved praktiske beregninger, da dets betydning således er begrænset til et ganske snævert Δk -område tæt ved nul.¹ Vi tillader os derfor at skrive:

$$I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) = Nf^2(\Delta \vec{k}) \left[1 + \int_V [\rho(r) - \rho_0] e^{-i\Delta \vec{k} \cdot \vec{r}} dV \right] \quad (1.16)$$

Der gælder for par-korrelationsfunktionen $\rho(r)$:

$$\lim_{r \rightarrow \infty} \rho(r) = \rho_0$$

eftersom partikeltætheden hurtigt nærmer sig middelværdien ρ_0 , for voksende r . Integralet i det sidste udtryk konvergerer dermed for alle $\Delta \vec{k}$.

Til brug andetsteds i teksten, bemærker vi at (1.16) også kan skrives:

$$I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) = Nf^2(\Delta \vec{k}) \left[S(\Delta \vec{k}) - \rho_0 \int_V e^{-i\Delta \vec{k} \cdot \vec{r}} dV \right]$$

hvilket, ved anvendelse af (1.13), ses at medføre:

$$\begin{aligned} \lim_{\Delta \vec{k} \rightarrow \vec{0}} I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) &= Nf^2(\Delta \vec{k}) \left[\int_V G(r) dV - \rho_0 \int_V dV \right] \\ &= Nf^2(\vec{0})[N - N] = 0 \end{aligned} \quad (1.17)$$

For at løse integralet i (1.16), konverterer vi fra rektangulære til sfærisk, polære koordinater, eftersom atomtæthedfordelingen antages at

¹Azároff, "Elements of x-ray crystallography", s.178, samt Y. Waseda "Lecture Notes in Physics" (204), s.7

være sfærisk symmetrisk. dV er i dette tilfælde volumenelementet, afgrænset af to parallelle, plane snit, orienteret vinkelret på $\Delta\vec{k}$, i en kugleskal med centralatomet i centrum og radius r . Idet ϕ betegner vinkelen mellem vektorerne \vec{r} og $\Delta\vec{k}$, er dV altså et "ringformet" udsnit af kugleskallen, med radius $r \sin \phi$, bredde $r d\phi$ og tykkelse dr . Til brug ved omskrivningen har vi så:

$$\begin{aligned} dV &= 2\pi r^2 \sin \phi \, d\phi \, dr \\ \Delta\vec{k} \cdot \vec{r} &= \Delta k r \cos \phi \end{aligned}$$

Volumenintegralet i (1.16) giver da:

$$\begin{aligned} \int_V [\rho(r) - \rho_0] e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}} dV &= \\ \int_0^\infty \int_0^\pi 2\pi r^2 [\rho(r) - \rho_0] e^{-i\Delta kr \cos \phi} \sin \phi \, d\phi \, dr &= \\ \int_0^\infty 2\pi r^2 \left[[\rho(r) - \rho_0] \frac{2}{\Delta kr} \frac{e^{i\Delta kr} - e^{-i\Delta kr}}{2i} \right] dr &= \\ 4\pi \int_0^\infty r^2 [\rho(r) - \rho_0] \frac{\sin \Delta kr}{\Delta kr} dr & \end{aligned}$$

Idet vi definerer *den reducerede interferensfunktion*, $i(\Delta\vec{k})$:

$$\begin{aligned} i(\Delta\vec{k}) &= S(\Delta\vec{k}) - 1 \\ &= \int_V [\rho(r) - \rho_0] e^{-i\Delta\vec{k}\cdot\vec{r}} dV \\ &= \frac{I_{eu}^{coh}(\Delta\vec{k})}{N f^2(\Delta\vec{k})} - 1 \end{aligned}$$

fås ved substitution af det sidste resultat i (1.16):

$$\Delta k i(\Delta\vec{k}) = 4\pi \int_0^\infty r [\rho(r) - \rho_0] \sin \Delta kr \, dr \quad (1.18)$$

Ved at benytte Fourier's integralteorem på (1.18), får vi følgende udtryk for den radiale distributionsfunktion:

$$\begin{aligned} D(r) &= 4\pi r^2 \rho(r) \\ &= 4\pi r^2 \rho_0 + \frac{2r}{\pi} \int_0^\infty \Delta k i(\Delta\vec{k}) \sin \Delta kr \, d(\Delta k) \quad (1.19) \end{aligned}$$

Kapitel 2

Eksperimentel procedure

I det følgende søges opstillet en fremgangsmåde til eksperimentel undersøgelse af et givent amorft stofs atomkonfiguration. Forløbet af en sådan undersøgelse falder naturligt i tre dele:

- 1) Fremstilling af en prøve af stoffet i dets amorfte tilstand. Dette foregår i et pådampningskammer, hvor en portion af stoffet (på krystallinsk form) under vacuum opvarmes i en digel, således at det fordamper. Over digelen er anbragt en substratfilm, som ved hjælp af en kvælstofkølet kryostat samt et termoelement holdes afkølet ved en passende lav temperatur. En del af det fordampede stof opsamles på substratet og underafkøles ved kontakten hermed, således at der på substratets overflade dannes en film af det amorfte stof.
- 2) At fremskaffe diffraktionsdata for spredning af monokromatisk røntgenstråling på den amorfte stofprøve. Eksperimentet udføres med det her på stedet tilgængelige røntgendiffraktometer; mere herom følger senere.
- 3) Databehandling, omfattende:
 - a) Fra måledata må vi søge at isolere den "teoretiske" coherente spredningsintensitet. Dette gøres ved at korrigere måledata for absorption, uelastisk spredning samt spredning forårsaget af det anvendte substrat.
 - b) De korrigerede måledata skal normaliseres, det vil sige konverteres fra arbitraire enheder (tælletal) til absolute (en pr. atomar spredet).

c) Beregning af interferensfunktionen, den radiale distributionsfunktion og diverse andre korrelationsfunktioner ud fra de således korrigerede og normaliserede måledata. Dette sker i overenstemmelse med den teoretiske udledning i kapitel 2.

Valg af substrat

Et ikke uvæsentligt punkt i forbindelse med fremstilling af amorfte tyndfilm til diffraktionsexperimenter er valget af et passende substrat. Nedenfor gøres nogle overvejelser med henblik på, hvilke krav substratet skal efterkomme, både med hensyn til processen i pådampningskammeret og den efterfølgende røntgendiffraktion.

I pådampningskammeret belastes substratet ved temperatursvingninger og ionbombardement. Kravet til substratet i den forbindelse er, at det ikke må smelte ved de høje temperaturer, ej heller krystallisere eller revne ved de lave temperaturer. Endvidere må denne behandling ikke bevirke, at spredningen fra substratet ved røntgendiffraktion ændres i forhold til spredningen før pådampningen – for eksempel på grund af strukturelle forandringer i substratet.

Af hensyn til korrektionen af det optagne røntgenspektrum for substratspredning, er det naturligvis af betydning, at den sidstnævnte ikke udgør for stor en del af den totale intensitet af spredningen på samplet.

Med disse overvejelser for øje valgte vi på et tyndt plastfolie. For at finde det forhåndenværende bedst egnede, optog vi en række røntgendiffraktionspektre på adskillige plastarter og valgte det der gav mindst signal. Det endelige substratvalg faldt således på et PVC-folie ("Vita Wrap") med en tykkelse på $12 \mu\text{m}$.

2.1 Fremstilling af amorfte germanium-film ved pådampning

I det følgende vil pådampningskammeret, der benyttes til fremstilling af amorfte Ge-film, blive beskrevet. Der vil dernæst blive redegjort for den anvendte pådampningsstrategi.

2.1.1 Pådampningskammeret

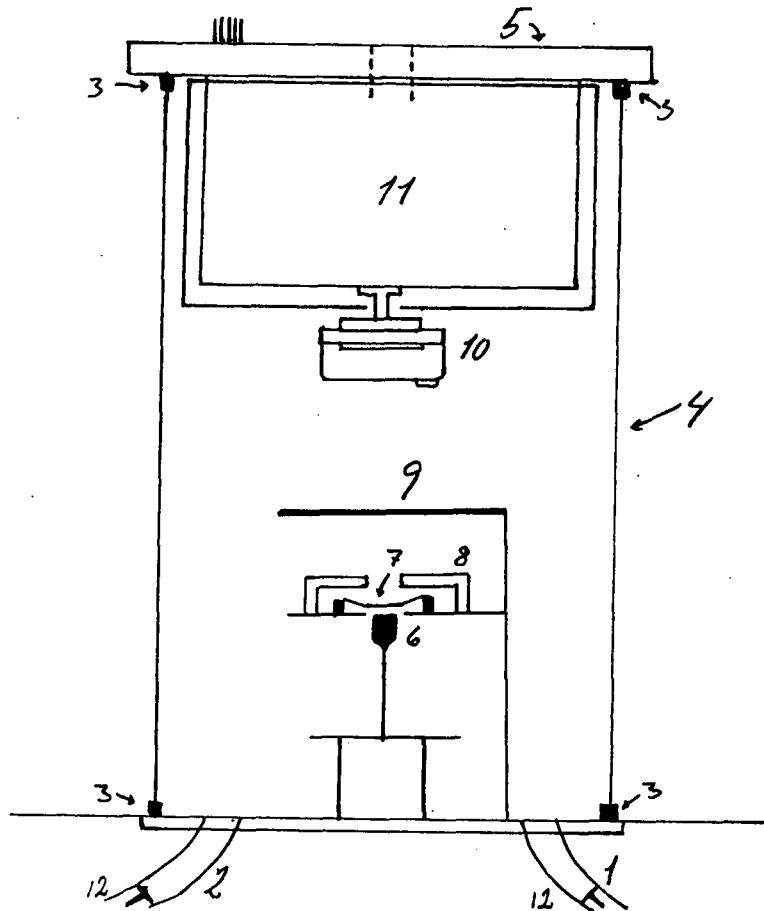


Fig. 10: Pådampningskammer. (1) udtag til kapselpumpe, (2) udtag til olie-diffusionspumpe, (3) gummiringe til vakuum-tætning, (4) metalcylinder der omslutter det hele, (5) låg med udgange til elektriske instalationer, (6) graftidige (rummer ca 1/4 gram Ge), (7) wolframglødetråd, (8) tantalskærm, (9) drejelig metalblænde, (10) substrat, (11) kryostat, (12) ventiler.

Pådampningskammeret består af en metalcylinder (diameter ca. 30 cm og højde ca. 40 cm). Låget er en 2 cm tyk stålplade påmonteret kryostat og substratholder (herom senere). Der er anbragt gummipakninger mellem beholder og bund og mellem beholder og låg. For at bedre vakuum-tætningen er der brugt vakuumfedt. På låget er gennemføring til termoelement, en piezo-elektrisk krystal og en platinmodstand (pT-100).

I bunden af kammeret findes udtag til kapselpumpen (1), der benyttes til den grove evakuering af kammeret, trykket kommer herved ned på ca. 10^{-2} mbar. Olie-diffusionspumpen benyttes til den fine evakuering af kammeret. Trykket kommer da ned på ca. 10^{-6} mbar. Dette lave tryk søges opretholdt under pådampning blandt andet for at unga forurening af den pådampede germaniumfilm. Tantalskærmen, der er placeret umiddelbart over glødetråden, beskytter filmen for en del af varmestrålingen fra glødetråd. Den drejelige blænde gør det muligt at starte og slutte pådampningen øjeblikkeligt, så man kender pådampningstiden.

I bunden af kammeret er desuden gennemføring for glødestrøm og accelerationsspænding. Når der sendes strøm gennem glødetråden emitteres elektroner herfra. Accelerationsspændingen mellem diglen og glødetråden bevirker at elektronerne trækkes ned i diglen, hvor deres energi afsættes som termisk energi til det krystallinske germanium. Herved smelter germaniumet og fordamper. Er substratet tilstrækkeligt koldt, sker der en underafkøling af de germaniumatomer, der opsamles herpå, og germaniumet vil blive amorft, da det fortættes, inden det når at danne den krystallinske atomkonfiguration.

Topstykket i opstillingen vil nu blive forklaret.

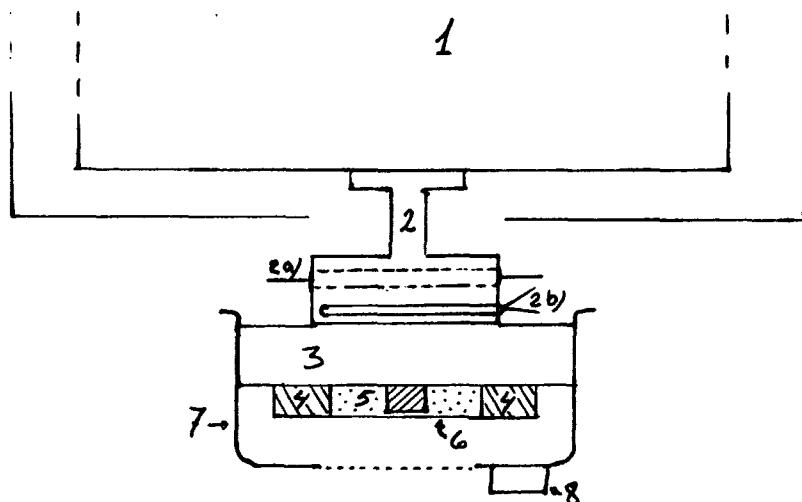


Fig. 11: Kryostat og substratholder. (1) kryostat, (2) messingklods i direkte termisk kontakt med kryostat, endvidere udstyret med termoelement og pT-100, (3) kobberklods, (4) aluminiumsramme (sampleholder fra diffraktometer), (5) hulrum fyldt med glycerol, (6) substrat (PVC-film (Vita Wrap)), (7) kobberskærm, (8) piezo-elektrisk krystal.

Kryostaten fyldes med kvælstof, så kuldereservoiret har en konstant temperatur på -196°C . I messingkloden er indført en pT-100 (platinmodstand) og et termoelement. Gennem pT-100 sendes en strøm, hvorved en modstand kan registreres. Da modstanden er temperaturafhængig, kan den registrerede modstand konverteres til en temperatur. Til dette brug forefindes en tabel. pT-100 og termoelementet benyttes til regulering af temperaturen i messingkloden.

Den piezo-elektriske krystal bruges til estimering af tykkelsen af det pådampede germaniumlag. Sagt i korthed foregår dette ved en fort løbende måling af krystallens resonansfrekvens. Eftersom denne resonansfrekvens ændres, når krystallens masse øges (på grund af det pådampede stof), er det i principippet muligt at omsætte en registreret frekvensændring under pådampningen til en pådampet lagtykkelse. I praksis foretages denne konvertering ved hjælp af en kalibreringskurve.

I vores opstilling er der et hulrum mellem substrat og kobberpladen, hvilket giver et problem med at bortlede den varme, der afsættes på substrat fra germaniumatomerne. For at opnå varmeledning mellem kryostat og substrat, fyldes hulrummet med en vædske. Endvidere anbragtes en skrue i kobberpladen, således at dens hoved stak ned i vædsken; skruen skulle fungere som "coldfinger".

Kravet til vædsken må være at den har et lavt frysepunkt, at den skal være nem at fjerne fra filmen, så samplet ikke beskadiges, og den må ikke reagere kemisk med substratet. Til formålet valgtes glycerol. Glycerol kan let skylles væk med vand.

2.1.2 Fremgangsmåde ved pådampningen

Før evakueringen af pådanningskammeret fyldtes kryostaten med flydende kvælstof, i messingkloden opretholdtes en konstant temperatur på -60°C , ved hjælp af pT-100 og termoelement. Da temperaturen var på ca. 10°C , blev kapselpumpen tilsluttet, her observeredes det, at clycerolen sivede ud i siderne, og der dannedes små luftblærer i rummet med clycerol. Da trykket var nede på 10^{-2} mbar, blev olie-diffusionspumpen sat igang. Efter et halvt døgn var trykket i kammeret på 10^{-6} mbar, hvorefter pådampningen påbegyndtes.

Der fremstilles to sampler.

Ved fremstillingen af den første film, anvendtes en tantalglødetråd. Glødestrømmen blev holdt konstant på 100 mA og spændingen på 1.2 kV under pådampningen, således at effekten afsat til diglen var konstant pr. tidsenhed. Første kørsel var af 30 sek. varighed, den næste af 60 sek. varighed, derefter pådampede vi tre gange, hver gang i 3 min. Endelig ville vi pådamppe 4 min. af gangen, til der ikke længere registredes synderlig ændring af den piezo-elektriske krystals svingningsfrekvens. Men efter seks gange brændte glødetråden over, og pådampningen måtte stoppe. Mellom hver pådampning ventede vi 10 min.

Den anden film blev pådampet ved hjælp af en glødetråd af wolfram. For at opnå en større pådampningshasighed satte vi glødestømmen til 110 mA, således at flere elektroner emitteredes fra glødentråden. Accelerationsspændingen holdtes på 1.3 kV. Vi benyttede to digler, for at opnå så tykt et lag amorft germanium som muligt. Første kørsel varede 30 sek, den næste varede 60 sek, derefter kørte vi en i 2 min., og til begge digler stort set var tomme kørte vi i temp i 3 min. Her var ligeledes 10 min. mellem hver pådampning.

Det viste sig, at de fremstillede Ge-film var en smule krakeleret. At de var krakeleret kan skyldes, at PVC-filmen har strukket sig under temperaturpåvirkninger. Da der blev lukket luft ind i pådampningskammeret efter endt pådampning, dannedes der et undertryk i rummet med glycerol, hvilket bevirkede, at PVC-foliet med Ge-film blev suget lidt opad. Dette kan være med til at forklare krakeleringen.

Tykkelsen af de amorse Ge-film skulle estimeres ud fra målingen af ændringen af den piezo-elektriske krystal resonansfrekvens. Den første film blev ved denne metode bestemt til at være $0.7 \mu m$. Under pådampning af den anden film ”døde” krystallen, så vi ikke kendte den endelige frekvensændring. Vores vejleder Petr Viščov har siden bestemt tykkelsen til at være $3.5 \mu m$ ved hjælp af infrarød spektrofotometri (FTIR).

2.2 Optagelse af diffractionsspektre

Det benyttede røntgendiffraktometer vil nu blive beskrevet, derefter kommer nogle overvejelser med henblik på valg af røntgenrør, samt vores strategi for udførelsen af diffractioneksperimenterne.

2.2.1 Røntgendiffraktometeret

Det til diffractioneksperimenterne benyttede apparatur er et Philips compact X-ray diffractometer system (PW 1840), tilsluttet en højspændingsgenerator (PW 1729) til at drive røntgenrøret. Intensitetsdata overføres serielt (via RS232-standard) til en PC'er og lagres sammen med parameterværdier og andre relevante oplysninger på disk til senere analyse. Omvendt er det muligt at sende kommandoer fra computeren til diffraktometerets kontrolenhed, således at styring af diffraktometeret kan foretages direkte herfra.

Diffraktometeret består af et goniometer, en detektor og en stepmotor. Goniometeret er et Bragg-Brentano design, hvis geometri skal forklares. Samplet, som sidder i en sampleholder, der er centreret i diffraktionskammeret, roterer med vinkelhastighed Θ , mens detektoren, der er placeret på goniometerkanten, kører med den dobbelte vinkelhastighed, altså 2Θ . Herved opnås, at de vinkler, som henholdsvis den indkommende og den detekterede spredte stråling danner med samplets overflade, er identiske. Dette tjener til at sikre den bedst mulige fokusering samt minimal absorption. Det er herved muligt at måle på tykke sampler og ved store spredningsvinkler. Rotation af sampleholder og drejning af detektor drives af en stepmotor, som har steplængde 0.01 Θ .

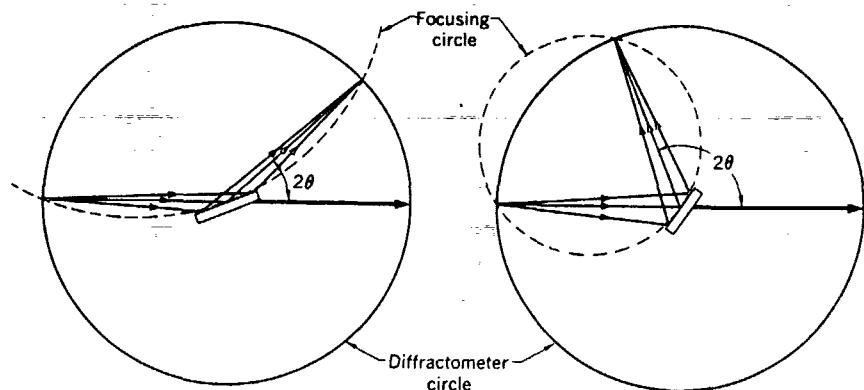


Fig. 12: Diffraktorgeometri. (Azaroff, Elements of X-ray crystallography s.366)

Mellem røntgenrørets target og sample er anbragt et udskifteligt monokromatiseringsfilter, en kollimator og en automatisk divergensslit. Divergensslittens bredde varierer med vinklen θ , således at det bestrålede areal af samplet holdes konstant under kørsel.

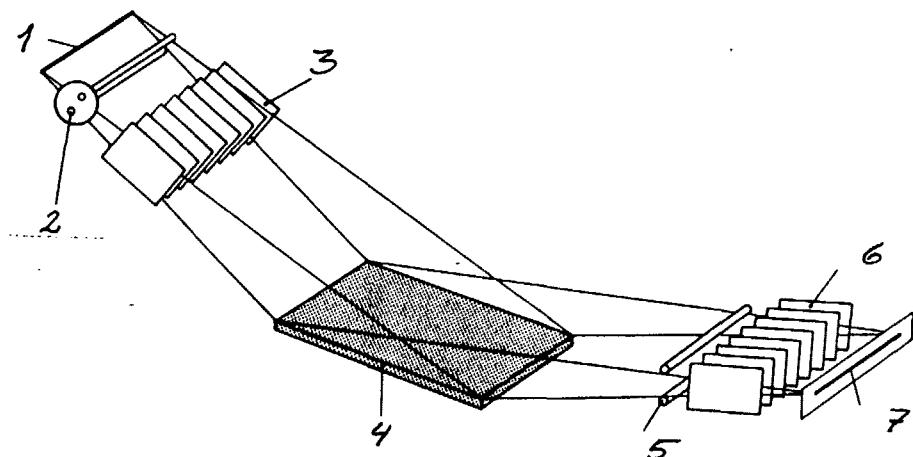


Fig. 13: (1) røntgenkilde, (2) automatisk divergensslit, (3) collimator, (4) sample, (5) slit, (6) kollimator, (7) detektor og variabel modtager slit (receiving slit). (Fra manual)

Den spredte stråling registreres af en faststofdetektor, hvis primære følsomhedsområde med hensyn til strålingsenergi er i intervallet mellem 5 keV og 12 keV (ifølge manual). Hvordan detektorens kvantoeffektivitet nærmere bestemt afhænger af strålingsenergien vides ikke. Mellem

sample og detektor er anbragt en slit, en kollimator og en modtagerslit. Slittens bredde er ikke variabel, men fast sat på 3.3° og modtagerslitten er af konstant bredde under kørsel.

Det bedst egnede materiale at anvende som monnokromatiseringsfilter kan findes ved brug af fremgangsmåden s. 14 i kap1. Man finder da, at det bedst egnede filter til at isolere K_α -dubledden fra et røntgenrør med Cu-target, er et filter af nikkel. Som det fremgik af s. 14 i kap1, er zirconium velegnet som filter for stråling fra et Mo-rør.

Parameterværdier

Parameter	Range	Default value
FROM	0° - 120° 2Θ , in steps of 0.01	012.00
TO	0° - 120° 2Θ , in steps of 0.01	100.00
SPEED	0.001 0.01 0.1 $^\circ$ 2Θ /s 0.002 0.02 0.005 0.05	00.020
CHART	0 5 10 20 50 mm/ $^\circ$ 2Θ	00010
RANGE	$5 \cdot 10^2$ $1 \cdot 10^3$ $1 \cdot 10^4$ $1 \cdot 10^5$ cps $2 \cdot 10^3$ $2 \cdot 10^4$ $2 \cdot 10^5$ $5 \cdot 10^3$ $5 \cdot 10^4$ $5 \cdot 10^5$	1 10 4
T.C.	0.1 0.2 0.5 1, 2, 5, 10 seconds	0001.0
SLIT	0.05 0.1 0.2 0.3 mm	000.20
ANGLE	Actual Angle display	
SAMPLE	0.35	

Fig. 14: Mulige parameterværdier. (Fra manual)

Før en kørsel indstilles parametrværdier. De mulige værdier er som på ovenstående skema.

FROM angiver, hvilken vinkel scannet starter ved, og TO angiver slutvinkel for scannet, maksimal scanområde er fra 0° 2Θ til 120° 2Θ . SPEED er den hastighed, hvormed goniometer drejer angivet i enheder af $^\circ$ 2Θ /sec. Sættes SPEED til 0.1° 2Θ /sec. varer et scan 20 min., 0.001° 2Θ /sec. er den mindste hastighed og giver en scanvarighed på 33 timer og 20 min. Den bedste målestatistik opnås naturligvis med den

lange scantid. CHART er en parameter, der skal stilles, hvis diffraktometeret er tilkoblet en skriver, og CHART angiver da den hastighed, hvormed papiret i skriveren kører. RANGE bestemmer skaleringen af den detekterede intensitet (counts pr.sec). TC skal stilles, hvis der benyttes en skriver, og TC er en tidskonstant af det signal, der sendes til skriveren. SLIT er modtagerslittens bredde. ANGLE viser den aktuelle vinkel, der er nået under et scan. SAMPLE er aktuel, hvis der til diffraktometeret anvendes en sampleskifter, så man kan køre flere scan efter hinanden uden at skulle ændre parameterværdier og uden at skulle sætte en måling i gang efter hvert scan. SAMPLE sættes på det aktuelle antal sampler, man ønsker at undersøge.

Røntgenrøret drives af generatoren og herpå justeres accelerationsspænding og strømstyrke; maximum effekt er $50 \text{ kV} \cdot 60 \text{ mA} = 3000 \text{ Watt}$. Hvilke værdier spændingen og strømstyrken skal have afhænger af, hvilket tybe røntgenrør man benytter, dette kan slås op i manualen hørende til apparaturet.

2.2.2 Valg af røntgentarget

Til diffraktometeret forefindes tre forskellige røntgerør, forsynet med henholdsvis wolfram-, molybdæn- og kobber-targets. Til diffraktionsexperimenter er det vigtigt, at man udvælger sig et røntgenrør passende til det stof, man ønsker at undersøge. Kriteriet for, hvilket røntgenrør man bør vælge, er at man skal tage det, der giver stråling med en bølgelængde, så der opstår mindst fluorescens, når stoffet bestråles. Det vil sige, at den indkommende stråling (i diffraktionsexperimenter som regel K_{α} -stråling) skal have en bølgelængde så langt fra det bestrålede stofs K- og L-absorptionskanter som muligt. Grunden til at man bør undgå fluorescens er, at de søgte effekter ved diffraktion ellers kan overskygges af fluorescens.

Nedenstående illustrerer fluorescensdannelsen ved benyttelse af henholdsvis Cu-rør og Mo-rør til diffraktion på germanium.

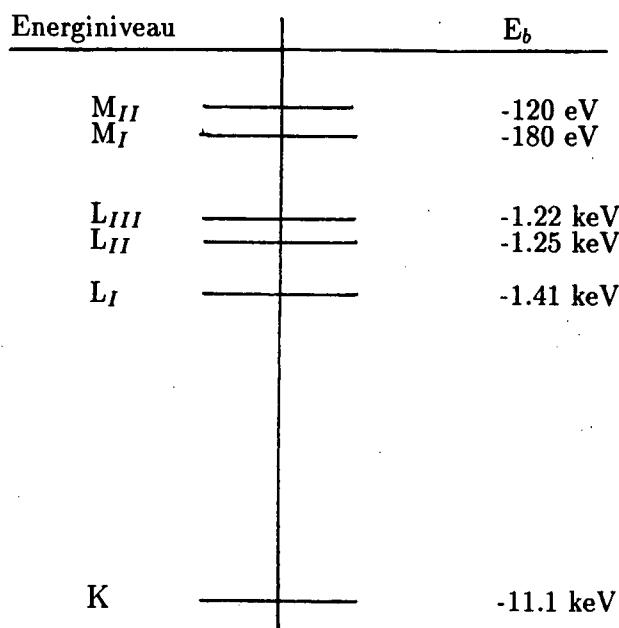


Fig. 15: Energiniveau diagram for germanium.

Det ses at for at eksitere en elektron fra germaniumatomets K-skal kræves en energi større end 9.7 keV, da energien af K-strålingen fra et Cu-rør er 8 keV, er det ikke muligt med et Cu-target at eksitere en elektron fra K-skallen. Det er imidlertid muligt med denne energi at eksitere elektroner fra L_I-skallen. Hvis vacansen udfyldes af en elektron fra M_{II}-skallen, udsendes der fluorescensstråling. Energien af denne fluorescens er $1.414 \text{ keV} - 0.120 \text{ keV} \approx 1.29 \text{ keV}$. Energien bliver lidt større, hvis det er en elektron fra en højere tilstand der henfalder.

Anvendes Mo-rør ser tingene lidt anderledes ud. Energien af K- strålingen fra et Mo-rør ligger på 17.5 keV. Denne stråling er altså i stand til at eksitere elektroner fra germaniumatomets K-skal. Fluorescensen, der opstår, når en elektron henfalder til vacansen i K-skallen, ligger i energiområdet 9-11 keV, når det er elektroner fra L-, M- og N-skallerne der henfalder. Henfald af elektroner fra yderliggende skaller til K- og L-vacanser forekommer stort set aldrig. Et røntgenrør med wolfram som target giver en K_α-stråling med stor energi (58.9 keV). Her vil man ligeledes opnå en stor uønsket fluorescens.

Forholdet mellem energien af fluorescens og den indkommende stråling er større, når et Mo-target anvendes, end når et Cu-rør benyttes. Det samme gør sig gældende for et wolframrør.

Ud fra ovenstående kan man let overbevise sig om, at det er en fordel at benytte et Cu-rør frem for et Mo-rør eller W-rør, da energien af fluorescensstrålingen frembragt, ved at benytte Cu-rør ligger langt under detektorens primære følsomhedsområde. Endvidere må det formodes, at fluorescensen, der fremkommer ved brug af et Mo-rør, bliver dominerende, idet denne fluorescensenergi ligger inden for detektorens følsomhedsområde, mens den coherent spredte stråling har energien 17.5 keV, som ligger udenfor.

Af ovenstående kan det nu konkluderes, at et Cu-rør er velegnet til diffractioneksperimenter med germanium, mens et Mo-rør eller et W-rør er knap så velegnet, på grund af den store fluorescens. Dette kan dog afhjælpes, hvis man benytter en energipløsende detektor eller anvender et filter, som ikke tillader fluorescensstråling at passere.

Et Mo-rør er dog favorabelt at benytte, i den forstand at man herved kan opnå intensitetsdata for et større Δk -rum. Δk_{max} kan beregnes af:

$$\Delta k_{max} = \frac{4\pi}{\lambda} \sin 120^\circ$$

Således fås for Cu-rør, hvor $\lambda = 1.5418 \text{ \AA}$, $\Delta k_{max} = 7.06 \text{ \AA}^{-1}$. For Mo-rør haves $\lambda = 0.7107 \text{ \AA}$, hvilket giver $\Delta k_{max} = 15.3 \text{ \AA}^{-1}$. Ved at benytte Mo-rør opnås altså et større udsnit af spektret og derved mere information.

2.2.3 Målestrategi

Til diffractioneksperimenterne brugte vi de i pådampningskammeret fremstillede Ge-film af to forskellige tykkelser. Disse samler benævnes henholdsvis GEP1 (tykkelse: $0.7 \mu\text{m}$) og GEP3 (tykkelse: $3.5 \mu\text{m}$). Intentionen var at foretage målinger i diffraktometeret af to omgange. Første omgang ved at benytte et røntgenrør med kobbertarget (Cu-rør); i anden ombæring ved at benytte et røntgenrør med molybdæntarget (Mo-rør). Vi håbede herved at opnå rimeligt grundlag for en analyse af reproducerbarheden af de eksperimentelle resultater.

Målestrategien for vores endelige spektre var som følger:

Parameterværdier: TC, CHART og SAMPLE blev ikke benyttet, da vi ikke var tilkoplet en skriver, men en computer, og vi havde ingen

automatisk sampleskifter. Vi kørte i fuld scanområde; fra $0^{\circ}2\Theta$ til $120^{\circ}2\Theta$. RANGE blev sat efter, hvor stor en intensitet vi forventede at registrere afhængig af, hvad vi målte på. SLIT blev sat til 0.2 mm. SPEED blev sat til $0.02^{\circ}2\Theta/\text{sek}$.

Efter flere målinger med hastigheden $0.001^{\circ}2\Theta/\text{sek.}$, hvor der forekom strømsvigt, så vores data gik tabt, valgte vi en måletid på 100 minutter. Ved hjælp af en lille procedure i styreprogrammet gentog vi kørslen 25 gange for derefter at tage middelværdien. Herved opnåede vi en rimelig statistik, og vi havde altid data at arbejde med trods et eventuelt strømsvigt.

Målinger: For røntgenrør med Cu-target udførte vi et scan af baggrund, substrat (PVC1) hørende til GEP1, substrat (PVC3) hørende til GEP3, Ge-film (GEP1) og Ge-film (GEP3).

Baggrundspektret optog vi ved at sætte en tom aluminiumsramme i sampleholderen. Aluminiumsrammen er designet til at passe i sampleholderen og beregnet til at montere stofprøver på. Substratspektrene blev kørt, hvor PVC-filmen var limet på en aluminiumsramme. Der blev optaget et spektrum af det pågældende stykke PVC-film, hvorpå vi senere pådampede germanium.

De endelige spektre benævnes med notationen BGR-s25, PVC1-s15, PVC3-s25, GEP1-s16 og GEP3-s25. GEP1-s16 er meget domineret af substratspektret, men man kan ane germaniumtoppene (se Fig. 16). På GEP3-s25 er det tydeligt at se, at germaniumfilmen er betydelig tykkere end den første, men man kan stadig skimte substratspredningen. Endvidere kan nogle skarpe toppe observeres. Ved sammenligning med den karakteristiske placering med hensyn til Δk af de første diffraktionsmaksima for krystallinsk germanium, konstateres at de er sammenfaldende, hvorfaf vi konkluderer, at vores Ge-film er delvist krystalliserede.

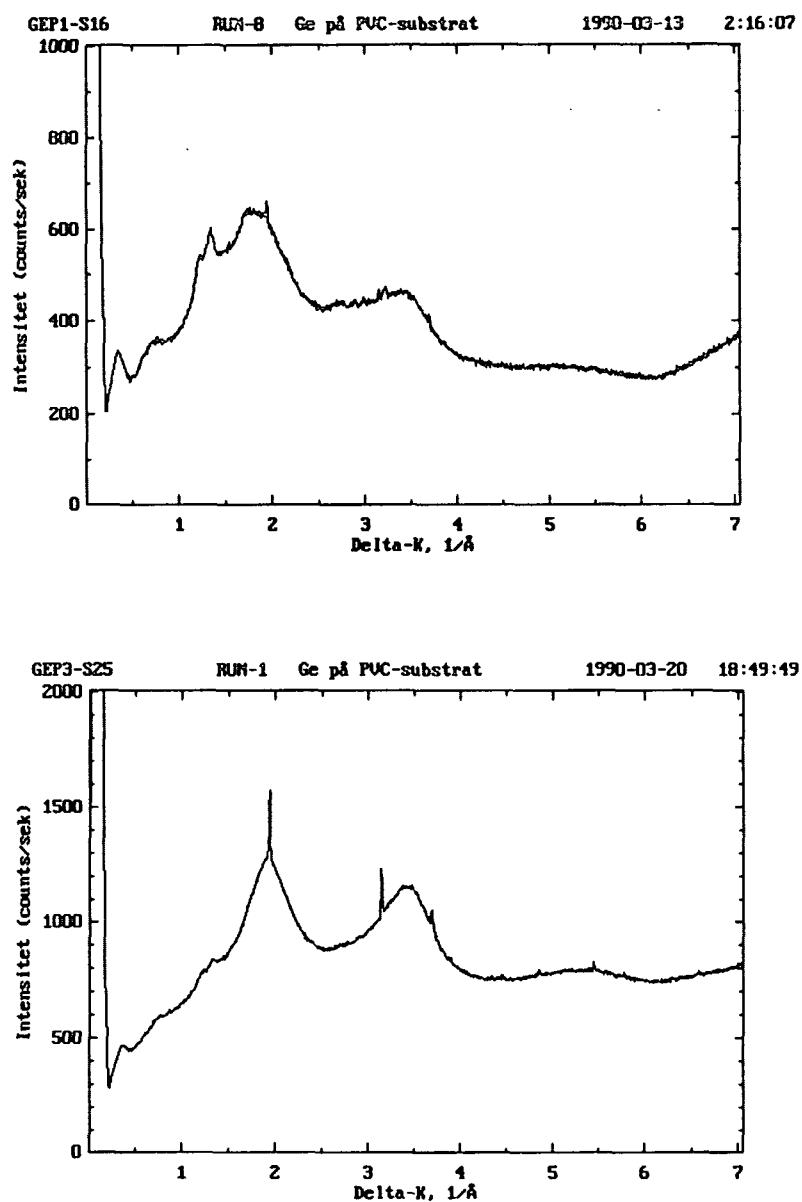


Fig. 16: Intensitetskurver for spredning af Cu-K_α-stråling på GEP1 og GEP3.

Dernæst skiftede vi røntgenrør til et med Mo-target. Vi kørte med samme parameterværdier som i den foregående måleserie. Resultatet af målinger med Mo-rør gav ikke noget brugbart. Spektret ses på Fig. 17.

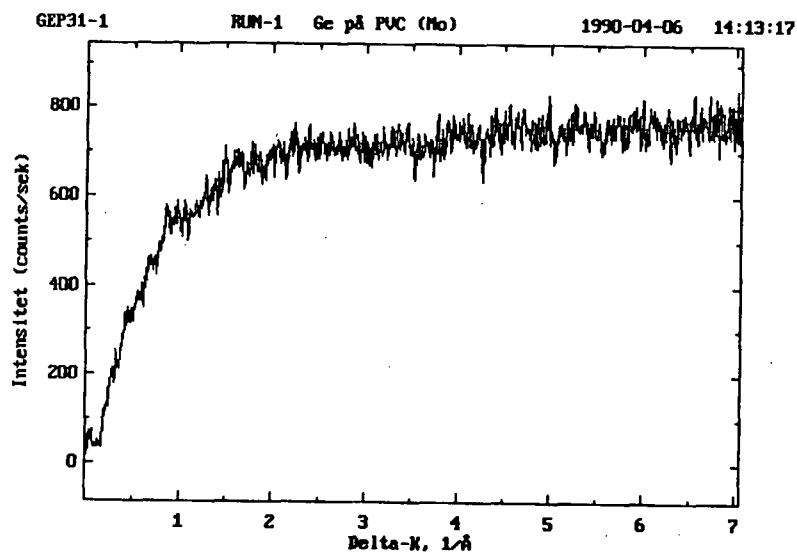


Fig. 17: Intensitetskurve for spredning af Mo-K α -stråling på GEP3.

På figuren illustreres med al tydelighed at Mo-target ikke er egnet til diffractioneksperimenter på amorft germanium når detektoren ikke har energipløsning. Vores diffractionsdata består hovedsageligt af fluorescensstråling. Vi så ikke nogen umiddelbar løsning på problemet, hvorfor vi i det videre forløb må nøjes med den information, vi kan få af spektrene opnået ved brug at et røntgenrør med Cu-target.

2.3 Databehandling

For at kunne finde parkorrelationsfunktionen og heraf afledte funktioner på basis af måledata, ud fra de i afsnit 2.3.2. udledte formler, er det selvsagt nødvendigt at isolere den coherente spredningsintensitet fra det optagne røntgenspektrum. Der skal altså i første omgang korrigeres for substratspredning, baggrundsstråling og incoherent spredning (Compton-spredning) — muligheden for forekomst af andre uønskede spredningsprocesser såsom fluoressens, multipel spredning og "small angle scattering" (som er coherent spredning på hulrum og andre makroskopiske inhomogeniteter i spredningslaget) må i den forbindelse også overvejes.

Andre forhold, som nødvendiggør korrektion, er polarisation og absorption i spredningslaget.

Endelig fremstår den experimentelt målte intensitet i arbitrale enheder (tælletal), og skal derfor normaliseres, det vil sige konverteres til enheden eu .

2.3.1 Extrapolation fra intervalgrænserne

Det er med det tilgængelige apparatur ikke muligt at skaffe eksperimentelle værdier af spredningsintensitet for $2\theta > 120$. Og for 2θ i området fra 0 til omrent 2,5 er den "direkte stråling" så dominerende, at måledata for dette område i praksis er uanvendelige.

Vi vil derfor ad matematisk vej søge information om, hvordan den teoretisk udledte intensitetsfunktion opfører sig uden for scanneområdet.

Idet vi benytter rækkeudviklingen:

$$\frac{\sin \Delta kr}{\Delta kr} = 1 - \frac{(\Delta kr)^2}{3!} + \frac{(\Delta kr)^4}{5!} - \dots$$

kan ligningen for I_{eu}^{coh} , (1.16), omskrives:

$$I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) = N f^2(\Delta \vec{k}) \left[1 + \int_V [\rho(r) - \rho_0] e^{-i \Delta \vec{k} \cdot \vec{r}} dV \right]$$

$$\begin{aligned}
&= Nf^2(\Delta \vec{k}) \left[1 + 4\pi \int_0^\infty r^2 [\rho(r) - \rho_0] \frac{\sin \Delta kr}{\Delta kr} dr \right] \\
&= Nf^2(\Delta \vec{k}) \left[1 + 4\pi \int_0^\infty r^2 [\rho(r) - \rho_0] dr \right. \\
&\quad \left. - 4\pi (\Delta k)^2 \int_0^\infty [\rho(r) - \rho_0] \frac{r^4}{3!} dr \right. \\
&\quad \left. + 4\pi (\Delta k)^4 \int_0^\infty [\rho(r) - \rho_0] \frac{r^6}{5!} dr - \dots \right] \quad (2.1)
\end{aligned}$$

Fra (1.16) og (1.17) har vi desuden:

$$1 + 4\pi \int_0^\infty r^2 [\rho(r) - \rho_0] dr = S(\vec{0}) - \rho_0 \int_V dV = 0$$

For Δk tæt ved nul, vil de af rækvensens led, som er af laveste grad (med hensyn til Δk), være dominerende, således at intensitetsfunktionen kan approximeres ved:

$$I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) \simeq -4\pi N f^2(\Delta \vec{k}) \cdot (\Delta k)^2 \int_0^\infty [\rho(r) - \rho_0] \frac{r^4}{3!} dr$$

Og da:

$$\lim_{\Delta \vec{k} \rightarrow \vec{0}} I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) = 0$$

ifølge (1.17), har vi til brug ved extrapolationen, at intensitetskurven skal konvergere parabolsk mod nul.

Forløbet af I_{eu}^{coh} for store $\Delta \vec{k}$ kan udledes ved en let omskrivning af (1.18):

$$\begin{aligned}
i(\Delta \vec{k}) &= \frac{I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k})}{N f^2(\Delta \vec{k})} - 1 \\
&= \frac{4\pi}{\Delta k} \int_0^\infty r [\rho(r) - \rho_0] \sin \Delta kr dr \Rightarrow \\
I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) &= N f^2(\Delta \vec{k}) \left[1 + \frac{4\pi}{\Delta k} \int_0^\infty r [\rho(r) - \rho_0] \sin \Delta kr dr \right]
\end{aligned}$$

Integralet i parentesen er konvergent, mens $1/\Delta k$ går mod nul, hvilket sammenholdt med ovenstående medfører:

$$I_{eu}^{coh}(\Delta \vec{k}) \rightarrow N f^2(\Delta \vec{k}) \text{ for } \Delta k \rightarrow \infty \quad (2.2)$$

altså at den coherente spredningsintensitet konvergerer asymptotisk mod spredningsintensiteten for et system bestående af N ukorrelerede atomer (gasspredningen), for voksende Δk . Dette forhold skal vi sidenhen benytte ved normaliseringen af måledata.

2.3.2 Korrektion og normalisering

Som udgangspunkt for korrektionen benytter vi følgende teoretiske opsplitning af den eksperimentelt målte spredningsintensitet:

$$I_{exp}^{tot} = [I_{exp}^{coh} + I_{exp}^{inc} + I_{exp}^{flr}]_{exp} + I_{exp}^{sub} + I_{exp}^{bgr} \quad (2.3)$$

Her er I_{exp}^{tot} den totale, eksperimentelt målte spredningsintensitet, I_{exp}^{coh} , I_{exp}^{inc} og I_{exp}^{flr} betegner henholdsvis coherent spredning, incoherent (Compton-) spredning og fluoroscens. I_{exp}^{sub} er spredning hidrørende fra substratet (korrigert for baggrundsstråling og absorption) mens I_{exp}^{bgr} er baggrundsstrålingen.

Vi forudsætter altså, at bidraget fra eventuelle andre typer af spredningsprocesser til I_{exp}^{tot} kan negligeres.

Det samme gælder multipel spredning, altså at sekundær vekselvirkning mellem spredt stråling og samples atomer ikke influerer nævneværdigt på den målte spredningsintensitet. Hvorvidt denne forudsætning er opfyldt, må man afgøre i den konkrete eksperimentelle situation, på grundlag af de relevante koefficienter for spredning og absorption.

Den følgende udledning har til formål at isolere I_{exp}^{coh} fra den eksperimentelt målte intensitet, samt at korrigere I_{exp}^{coh} for absorption i spredningslaget og for spredningsvinkelafhængigheden af den indkommende (og dermed den spredte) strålingsintensitet.

Ved korrektionen anvendes to spektre (optaget ved samme spænding og strømstyrke som anvendes i selve diffractionsekspерimentet): et spektrum for en prøve af det anvendte substrat, og et for baggrundsstrålingen. Disse målte intensiteter betegnes henholdsvis I_{mlt}^{sub} og I_{mlt}^{bgr} .

Ved samtlige absorptionskorrektioner i de følgende afsnit benyttes udtryk af den generelle form:

$$I_{ud} = I_{ind} \cdot e^{-(\mu_1 + \mu_2)t / \sin \Theta} \quad (2.4)$$

hvor t er tykkelsen af spredningslaget, mens Θ er den halve spredningsvinkel, I_{ind} og I_{ud} er intensiteterne af henholdsvis indkommende og spredt stråling; μ_1 og μ_2 er lineære absorptionskoefficienter for det absorberende materiale, svarende til bølgelængderne af henholdsvis indkommende og spredt stråling. For elastisk spredning har vi naturligvis $\mu_1 = \mu_2$. Imidlertid kan vi for comptonspredningen beregne den maximale bølgelængdeforskydning, det vil med vor eksperimentelle opstilling sige $\Delta\lambda$ ved $2\Theta = 120^\circ$:

$$\begin{aligned}\Delta\lambda_{max} &= \frac{h}{m_e c} (1 - \cos 120^\circ) \\ &= 0,03639 \text{ Å}\end{aligned}$$

For K_α -stråling fra et Cu-target svarer dette til en maksimal relativ forskydning på ca. 2% af λ (med Mo-target ca. 4%). På grund af denne relativt lille forskydning, sammenholdt med de fakta, at comptonintensiteten ved spredning af Cu- K_α -stråling på Ge er ganske ubetydelig i forhold til intensiteten af den coherente spredning (ved $\Delta k = 7 \text{ \AA}^{-1}$ er forholdet ca. 1:17), og at comptonspredningen er spektralfordelt og derfor ikke interfererer, anser vi det for tilladeligt, også for comptonspredningen at sætte $\mu_1 = \mu_2$.

Baggrund og substratspredning

Vi antager, at baggrundsstrålingen i alt væsentligt stammer fra røntgenspredning på luften i diffraktionskammeret (ideelt set burde eksperimentet foregå i vaccum, men det har vi ikke udstyr til). Da både den indkommende og den detekterede stråling er kollimeret, kan vi desuden gå ud fra at det luftvolumen som detektoren "ser", er et lag af få millimeters tykkelse, placeret centralt i diffraktionskammeret.

Når en stofprøve monteres i kammeret, deles det spredende luftvolumen i to omrent lige store dele; spredningen på den del som ligger mellem sample og detektor ændres ikke af samplets tilstedeværelse, hvorimod den stråling som spredes af luftlaget på samplets modsatte side absorberes delvis.

For at finde den i diffraktionsekspertimentet aktuelle substratspredning korrigeres først for baggrundsstråling efter forskriften:

$$I^{sub} = I_{mlt}^{sub} - \frac{1}{2} I_{mlt}^{bgr} [1 + e^{-2\mu_s t_s / \sin \Theta}] \quad (2.5)$$

hvor t_s er substrattykkelsen, mens μ_s er absorptionskoefficienten for substratet, svarende til bølgelængden af den anvendte stråling.

Dernæst skal I^{sub} korrigeres for absorption i det egentlige spredningslag (det amorse sample). Vi må her tage i betragtning, at vort aktuelle sample er krakeleret under fremstillingsprocessen, således at det kun delvis dækker substratet. Den blottede del af substratet benævnes "H" (et tal mellem 0 og 1), og spredningen herfra skal naturligvis ikke absorptionskorrigeres. Heraf fås nu:

$$I_{exp}^{sub} = I^{sub} [H + (1 - H)e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}] \quad (2.6)$$

I (2.5) og (2.6) er det forudsat at $\mu_1 = \mu_2$ jævnfør (2.4). Ud fra samme forudsætninger, og i øvrigt analogt til ovenstående, beregnes den i eksperimentet aktuelle baggrundssstråling:

$$I_{exp}^{bgr} = \frac{1}{2} I_{mlt}^{bgr} + \frac{1}{2} I_{mlt}^{bgr} e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta} [H + (1 - H)e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}] \quad (2.7)$$

μ_a er absorptionskoefficienten for amorft Ge og t_a er Ge-lagets tykkelse.

Den coherente spredning.

Idet vi sætter $2\Theta = \phi$, og med $K(\phi)$ betegner den coherente spredningsintensitet i eu pr. volumenenhed af samplet, eller jvf. (1.10):

$$K(\phi) = \frac{N}{V} f^2(\Delta \vec{k}) S(\Delta \vec{k})$$

har vi for den teoretiske, coherente spredning, I_{teo}^{coh} (svarende til den i kapitel 2 udledte, coherente spredningsintensitet):

$$I_{teo}^{coh} = I'_e K(\phi) V \quad (2.8)$$

idet:

$$I'_e = I_e \left[\frac{1 + \cos^2 2\Theta}{2} \right]^{-1} = I_0 \frac{e^4}{R^2 (m_e c^2)^2}$$

i cgs-enheder, jvf. Thomson's ligning.

Vi betragter altså her den teoretiske spredningsintensitet som en lineær funktion af samples volumen, hvilket tilsyneladende stemmer dårligt overens med, at atomernes positioner er indbyrdes korrelerede, hvilket

jo skulle give interferens mellem de strålingskvanter, som spredes på vilkårige atomer i samplet. Imidlertid udviskes middelafstandskorrelationerne, og dermed den gennemsnitlige interferenseffekt, over større interatomare afstande — dette skyldes dels det forhold, at den strukturelle orden i amorfte stoffer er af lokal karakter (afstandskorrelationen af atomernes ligevægtspunkter fluktuerer statistisk), dels den termiske fluktuation i stoffet (altså en tidslig fluktuation omkring ligevægtspunktet for det individuelle atom).

For et sample af makroskopisk størrelsесorden, er et givet atom, statistisk set, således kun afstandskorreleret med de atomer, som befinner sig indenfor et lille volumenelement, dV . Med tilnærmelse gælder der således at stråling, spredt på forskellige af sådanne volumenelementer, ikke interfererer indbyrdes. Denne antagelse er essentiel for den følgende udledning.

For den eksperimentelt målte, coherente spredning må der, på baggrund af ovenstående, gælde:

$$dI_{exp}^{coh} = I'_e K(\phi) e^{-2\mu_a x / \sin \Theta} \frac{1 + \cos^2 2\Theta}{2} K_D(\lambda) dV \quad (2.9)$$

Den bølgelængdeafhængige faktor $K_D(\lambda)$ betegner her (og fremover) den brøkdel af den spredte stråling, som registreres af detektoren, det vil sige:

$$K_D(\lambda) = \frac{A_{rec}}{4\pi R^2} q(\lambda)$$

hvor A_{rec} er arealet af detektorens "recieving slit", R er afstanden fra sample til detektor. $q(\lambda)$ er detektorens kvantoeffektivitet, altså forholdet mellem den energi, som passerer detektoren pr. tidsenhed og den energi, som faktisk registreres, pr. tidsenhed.

Idet vi sætter volumenelementet $dV = A dx$, hvor A er det bestrålede areal's (konstante) udstrækning og dx den infinitessimale fraktion af samplettykkelsen t_a , løses den sidste differentialligning ved integration over intervallet $[0, t_a]$:

$$\begin{aligned} I_{exp}^{coh} &= I'_e K(\phi) \frac{1 + \cos^2 2\Theta}{2} K_D(\lambda) A \int_0^{t_a} e^{-2\mu_a x / \sin \Theta} dx \\ &= I'_e K(\phi) \frac{\sin \Theta}{2\mu_a} \cdot \frac{1 + \cos^2 2\Theta}{2} K_D(\lambda) A [1 - e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}] \end{aligned} \quad (2.10)$$

Ved substitution af (2.8) i (2.10) fås heraf (da $V = A \cdot t_a$):

$$\begin{aligned} I_{exp}^{coh} &= I_{teo}^{coh} \frac{\sin \Theta}{2\mu_a t_a} [1 - e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}] \frac{1 + \cos^2 2\Theta}{2} K_D(\lambda) \Rightarrow \\ I_{teo}^{coh} &= I_{exp}^{coh} \frac{2\mu_a t_a}{\sin \Theta} [1 - e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}]^{-1} \frac{2}{1 + \cos^2 2\Theta} K_D^{-1}(\lambda) \end{aligned} \quad (2.11)$$

Ved division med $I_e' N$ normaliseres dette intensitetsudtryk til en pr. atomar spredere:

$$I_{eu,teo}^{coh}/N = I_{exp}^{coh} \frac{2\mu_a t_a}{\sin \Theta} [1 - e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}]^{-1} \frac{2[I_e' N K_D(\lambda)]^{-1}}{1 + \cos^2 2\Theta} \quad (2.12)$$

Comptonspredning.

Da vi ikke har mulighed for at bestemme intensiteten af den incoherente spredning (Comptonspredningen) eksperimentelt, må vi tage til takke med tabulerede værdier. Vi benytter hertil tabellen i "International Tables of X-ray Chrystallography" Vol. III, s.251, hvor intensiteten angives som funktion af $\Delta k/4\pi$ i elektronenheder pr. atomar spredere. Man må her være opmærksom på, at de tabulerede værdier er divideret med rekylfaktoren, svarende til den vinkelafhængige reduktion af den Comptonspredte strålings frekvens (Comptonspredningen er som bekendt forklaret uelastisk).

Denne rekylfaktor er givet som $R = (\nu'/\nu)^3$, hvor ν er frekvensen af den indkommende stråling, mens ν' er frekvensen efter spredning. Dette kan også skrives:

$$R = \left[\frac{\lambda}{\lambda'} \right]^3 = \left[1 - \frac{1}{\lambda' m_e c} (1 - \cos 2\Theta) \right]^3 \quad (2.13)$$

hvor λ og λ' er henholdsvis den oprindelige og den forskudte bølgelængde. For den maximale bølgelængdeforskydning (som fås ved den maximale spredningsvinkel, altså ved $2\Theta = 120^\circ$) har vi:

$$\Delta\lambda_{max} = \frac{3}{2} \frac{h}{m_e c}$$

og dermed:

$$\lambda'_{max} = \lambda + \Delta\lambda_{max} = \lambda + \frac{3}{2} \frac{h}{m_e c}$$

Med et Cu-target i røntgenrøret er λ for K_{α} -linien 1,5418 Å, hvilket giver $\lambda'_{max} = 1,5782 \text{ \AA}$. Herefter kan vi ved at indsætte denne værdi i (2.13) beregne den maximale og den minimale rekylfaktor:

$$R_{min} = R(2\Theta = 120^\circ) = 0,93$$

$$R_{max} = R(2\Theta = 0^\circ) = 1,00$$

Da den maximale relative afvigelse med hensyn til R således kun er på 7%, sætter vi fremover $R \approx 1$, således at tabelværdierne kan benyttes direkte.

Udtrykket for den teoretiske Comptonspredning (kompatibelt med (2.8)) bliver nu:

$$\begin{aligned} I_{teo}^{inc} &= I'_e N S(\Delta k) \\ &\approx I'_e N S(\Delta k) / R \end{aligned}$$

hvor $S(\Delta k)$ er den Comptonspredte intensitet i eu pr. atom, og $S(\Delta k)/R$ er den direkte aflæste tabelværdi.

For den n'te atomare spreder bliver den faktiske (eksperimentelle) intensitet:

$$I_{exp}^{inc}(n) = I'_e S(\Delta k) e^{-2\mu_a x(n)/\sin \Theta} K_D(\lambda)$$

idet $x(n)$ er den vinkelrette afstand fra samplets overflade, til det n'te atom. I modsætning til den elastiske spredning polariseres Comptonspredningen ikke, hvorfor der ikke optræder nogen polarisationsfaktor i dette udtryk.

Vi ønsker imidlertid at få udtrykt Comptonspredningen som funktion af samplets tykkelse, hvorfor vi omformer (2.14) til en differentialligning ved at multiplicere højresiden med samplets atomtæthed ρ_n , og med det infinitessimale volumenelement $dV = A dx$, hvor A er det bestrålede areal's (konstante) udstrækning og dx dets tykkelse. Herved fås:

$$\begin{aligned} dI_{exp}^{inc}(x) &= dI_{exp}^{inc}(n) \rho_n A dx \\ &= I'_e S(\Delta k) e^{-2\mu_a x(n)/\sin \Theta} K_D(\lambda) \rho_n A dx \end{aligned}$$

Eftersom $\rho_n A = N/t_a$, fås ved integration over intervallet $[0, t_a]$ og derpå følgende substitution af (2.8) i det resulterende udtryk:

$$I_{exp}^{inc} = I'_e S(\Delta k) K_D(\lambda) \frac{N}{t_a} \int_0^{t_a} e^{-2\mu_a x(n)/\sin \Theta} dx$$

$$\begin{aligned}
 &= I'_e S(\Delta k) K_D(\lambda) N \frac{\sin \Theta}{2\mu_a t_a} [1 - e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}] \\
 &= I_{teo}^{inc} K_D(\lambda) \frac{\sin \Theta}{2\mu_a t_a} [1 - e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}]
 \end{aligned}$$

heraf fås umiddelbart:

$$I_{teo}^{inc} = I_{exp}^{inc} \frac{2\mu_a t_a}{\sin \Theta} [1 - e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}]^{-1} K_D^{-1}(\lambda)$$

hvilket normaliseres ved division med $I'_e N$:

$$\begin{aligned}
 I_{eu,teo}^{inc}/N &= S(\Delta k) \\
 &= I_{exp}^{inc} \frac{2\mu_a t_a}{\sin \Theta} \cdot \frac{[I'_e N K_D(\lambda)]^{-1}}{[1 - e^{-2\mu_a t_a / \sin \Theta}]} \quad (2.15)
 \end{aligned}$$

Fluorescens.

Som før omtalt, vil man normalt søge at tilrettelægge sit eksperiment på en sådan måde at fluorescensstrålingens bidrag til den målte spredningsintensitet er neglicibel — dels ved at vælge et passende røntgentarget, dels ved at anvende en strålingsdetektor med energiselektion.

Nedenfor angives et udtryk for den eksperimentelle fluorescensintensitet, hvor \mathcal{F} angiver intensiteten i eu pr. atomar spreder. Det bemærkes, at \mathcal{F} ikke afhænger af spredningsvinklen;

$$I_{exp}^{flr} = \mathcal{F} N I'_e K_D(\lambda_{flr}) \frac{\sin \Theta}{[\mu_a + \mu_{flr}] t} [1 - e^{-(\mu_a + \mu_{flr}) t / \sin \Theta}] \quad (2.16)$$

Her er λ_{flr} og μ_{flr} bølgelængde og lineær absorptionskoefficient for fluorescensstrålingen. Eftersom λ_{flr} i mange tilfælde kan ligge langt fra λ , og da detektorens effektivitet er frekvensafhængig, vil $K_D(\lambda) \neq K_D(\lambda_{flr})$.

Normaliserings procedure

Ved nu at sammenholde ligningerne (2.3), (2.12), (2.15) og (2.16) fås:

$$I_{eu,teo}^{coh}/N \cdot \frac{1 + \cos^2 2\Theta}{2} + S(\Delta k)$$

$$\begin{aligned}
& + \mathcal{F} \frac{2\mu_a}{[\mu_a + \mu_{flr}]} \cdot \frac{[1 - e^{-(\mu_a + \mu_{flr})t/\sin \Theta}]}{[1 - e^{-2\mu_a t/\sin \Theta}]} \cdot \frac{K_D(\lambda_{flr})}{K_D(\lambda)} \\
& = [I^{coh} + I^{inc} + I^{flr}]_{exp} \cdot \frac{Q}{[1 - e^{-2\mu_a t/\sin \Theta}] \sin \Theta} \\
& = [I^{tot} - I^{sub} - I^{bgr}]_{exp} \cdot \frac{Q}{[1 - e^{-2\mu_a t/\sin \Theta}] \sin \Theta}
\end{aligned}$$

hvor vi har indført normaliseringskonstanten Q ved substitutionen:

$$Q = \frac{2\mu_a t_a}{I'_e N K_D(\lambda)}$$

Endelig isoleres den normaliserede teoretiske, coherente spredningsintensitet:

$$\begin{aligned}
I_{eu,teo}^{coh}/N &= \left[Q \frac{[I^{tot} - I^{sub} - I^{bgr}]_{exp}}{[1 - e^{-2\mu_a t/\sin \Theta}] \sin \Theta} - S(\Delta k) \right. \\
&\quad \left. - \mathcal{F} \frac{2\mu_a}{[\mu_a + \mu_{flr}]} \cdot \frac{[1 - e^{-(\mu_a + \mu_{flr})t_a/\sin \Theta}]}{[1 - e^{-2\mu_a t_a/\sin \Theta}]} \frac{K_D(\lambda_{flr})}{K_D(\lambda)} \right] \frac{2}{1 + \cos^2 2\Theta}
\end{aligned} \tag{2.17}$$

hvor I_{exp}^{sub} og I_{exp}^{bgr} er givet ved henholdsvis (2.6) og (2.7). I almindelighed vil vi som nævnt negliger fluorescensen, og benytte det modificerede udtryk:

$$I_{eu,teo}^{coh}/N = \left[Q \frac{[I^{tot} - I^{sub} - I^{bgr}]_{exp}}{[1 - e^{-2\mu_a t/\sin \Theta}] \sin \Theta} - S(\Delta k) \right] \frac{2}{1 + \cos^2 2\Theta} \tag{2.18}$$

Til at fastlægge normaliseringskonstanten Q , benyttes den allerede uledte konvergensrelation (2.2):

$$I_{eu,teo}^{coh}(\Delta \vec{k})/N \rightarrow f^2(\Delta \vec{k}) \text{ for } \Delta k \rightarrow \infty \tag{2.19}$$

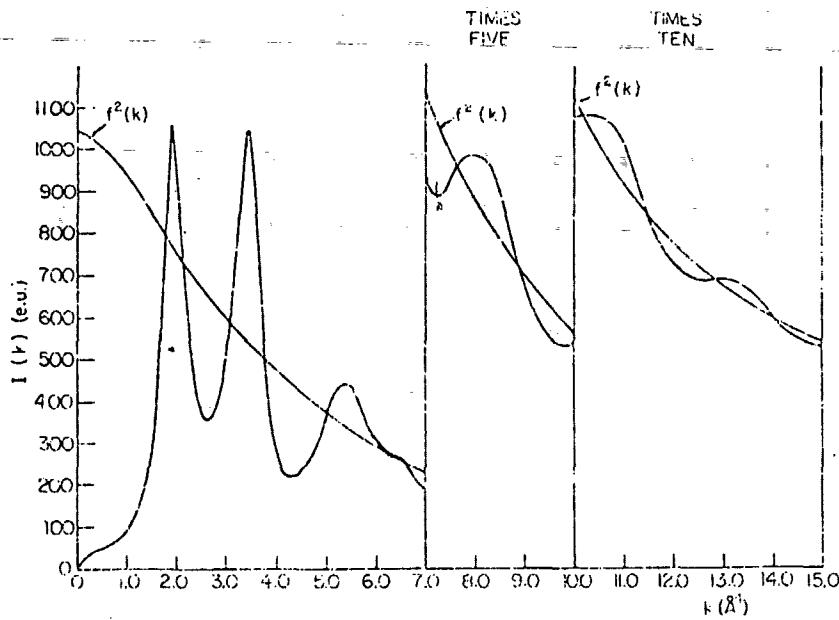
hvilket ses umiddelbart at medføre:

$$Q \frac{[I^{tot} - I^{sub} - I^{bgr}]_{exp}}{[1 - e^{-2\mu_a t/\sin \Theta}] \sin \Theta} \cdot \frac{2}{1 + \cos^2 2\Theta} \rightarrow f^2(\Delta \vec{k}) + \frac{2}{1 + \cos^2 2\Theta} S(\Delta k)$$

for $\Delta k \rightarrow \infty$

Ved at variere Q , kan den korrigerede eksperimentelle intensitetskurve nu "fittes", indtil den opfylder konvergensbetingelsen som illustreret

nedenfor (figuren er hentet fra R. J. Temkin m.fl. : "The structural and optical properties of amorphous germanium", s.596).



Coherent X-ray scattering intensity, $I(k)$, in electron units (e.u.), for an a-Ge film with $T_s = 150^\circ\text{C}$. Also shown is $f^2(k)$, the square of the dispersion-corrected atomic scattering factor of Ge.

Hvis fluorescensintensiteten er af en størrelsesorden der ikke umiddelbart kan negligeres som bidragyder til den målte spredningsintensitet — hvilket for eksempel kan tænkes at være aktuelt, når diffractionsexperimentet, som i vort tilfælde, udføres med en strålingsdetektor uden energipløsning — skal der imidlertid tages hensyn hertil ved normaliseringen, som i dette tilfælde behæftes med en betydelig usikkerhed. Idet vi som normaliseringsfaktor for fluorescensen indfører:

$$K_{flr} = \mathcal{F} \frac{2\mu_a}{[\mu_a + \mu_{flr}]} \frac{K_D(\lambda_{flr})}{K_D(\lambda)}$$

bliver konvergenskriteriet nu:

$$Q \frac{[I^{tot} - I^{sub} - I^{bgr}]_{exp}}{[1 - e^{-2\mu_{at}/\sin\Theta}] \sin\Theta} \rightarrow f^2(\Delta\vec{k}) \frac{1 + \cos^2 2\Theta}{2} + S(\Delta k) + K_{flr} \frac{[1 - e^{-(\mu_a + \mu_{flr})t_a/\sin\Theta}]}{[1 - e^{-2\mu_a t_a/\sin\Theta}]} \quad (2.20)$$

De to konstanter, Q og K_{flr} , varieres nu succesivt, indtil denne betingelse skønnes at være bedst muligt opfyldt.

Den/de fundne normaliseringskonstant(er) indsættes i henholdsvis (2.17) eller (2.18), hvorefter den reducerede interferensfunktion umiddelbart kan findes, ved brug af:

$$i(\Delta k) = \frac{I_{eu,teo}^{coh}/N}{f^2(\Delta k)} - 1$$

For at finde den radiale distributionsfunktion $D(r)$, skal $i(\Delta k)$ indsættes i ligningen (1.19):

$$D(r) = 4\pi r^2 \rho_0 + \frac{2r}{\pi} \int_0^\infty \Delta k i(\Delta k) \sin \Delta kr d(\Delta k) \quad (2.21)$$

som derefter løses ved numerisk integration. Heraf kan direkte fremstilles den reducerede radiale distributionsfunktion:

$$D_R(r) = 4\pi r^2 [\rho(r) - \rho_0] = D(r) - 4\pi r^2 \rho_0 \quad (2.22)$$

Af andre korrelationsfunktioner kan for eksempel fremstilles den totale korrelationsfunktion:

$$t(r) = 4\pi r \rho(r) = \frac{D(r)}{r} \quad (2.23)$$

og afledt heraf den differentielle korrelationsfunktion, som siden benyttes:

$$d(r) = 4\pi r [\rho(r) - \rho_0] = t(r) - 4\pi r \rho_0 \quad (2.24)$$

2.4 Grafiske repræsentationer af eksperimentelle data

Der fremstillede, som nævnt andetsteds i teksten, to sampler af geranium, pådampet PVC-film ("Vita-wrap") af tykkelse $12 \mu\text{m}$ (ifølge varedeklarationen på pakken).

Ved fremstillingen af samtlige diffraktogrammer, præsenteret i det følgende, er anvendt et Philips røntgenrør ("Long fine focus") med Cu-target, forsynet med Ni-filter. Accelerationsspændingen sattes til 40 kV, stømstyrken til 40 mA med en resulterende generatoreffekt på 1,6 kW.

Desuden er som faste parameterværdier anvendt følgende:

Scanneinterval: $0^\circ - 120^\circ (2\Theta)$

Goniometer hastighed: $0,02^\circ 2\Theta \text{ s}^{-1}$

Receiving-slitbredde: $0,2 \text{ mm}$

Ved korrektionerne er benyttet følgende konstanter, med de i afsnit (2.3.2) anvendte betegnelser:

Bølgelængder:

$$\lambda_{Cu-K\alpha} = 1,5418 \text{ \AA}$$

$$\lambda_{flr} = 10,3 \text{ \AA}$$

Lineære absorptionskoefficienter:

$$\mu_a = \mu_{Ge}(\lambda_{Cu-K\alpha}) = 0,038 \mu\text{m}^{-1}$$

$$\mu_s = \mu_{PVC}(\lambda_{Cu-K\alpha}) = 0,0078 \mu\text{m}^{-1}$$

$$\mu_{flr} = \mu_{Ge}(\lambda_{flr}) =^2 1,1 \mu\text{m}^{-1}$$

Tykkelse af sustrat:

$$t_s = t_{PVC} = 12 \mu\text{m}$$

²1,1 er den benyttede værdi, skønt beregningen af μ_{flr} (Appendix A) giver 1,3. Dette skyldes en for sent opdaget simpel regnfejl.

2.4.1 Sample 1 (GEP1-s16)

Tykkelsen af det pådampede Ge-lag er estimeret udfra en registreret frekvensændring på den piezoelektrisk krystal, under pådampningen, på 19,9 kHz, hvilket svarer til en lagtykkelse på 0,7 μm (ifølge kalibreringskurve udført af Petr Viščor).

Det viste spektrum (GEP-s16) er fremkommet ved en midling af 15 individuelt optagne difraktogrammer.

Ubehandlede data

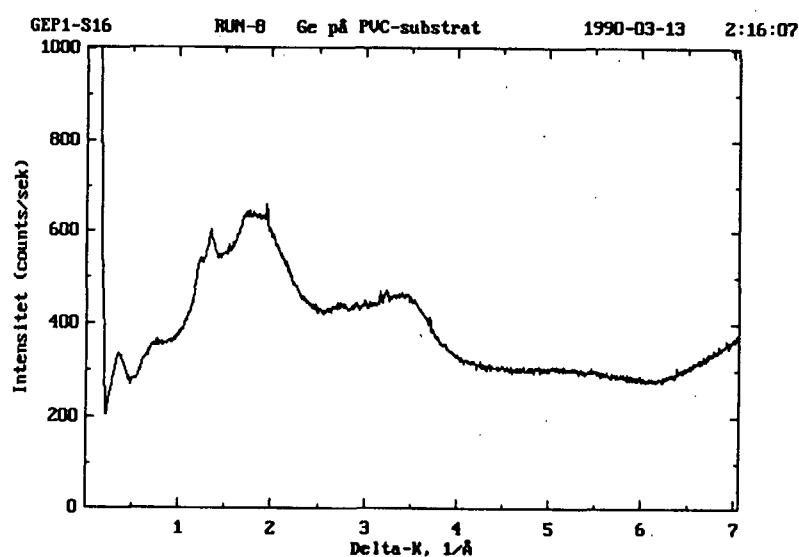


Fig. 1: Ukorrigeret diffraktogram af sample 1.

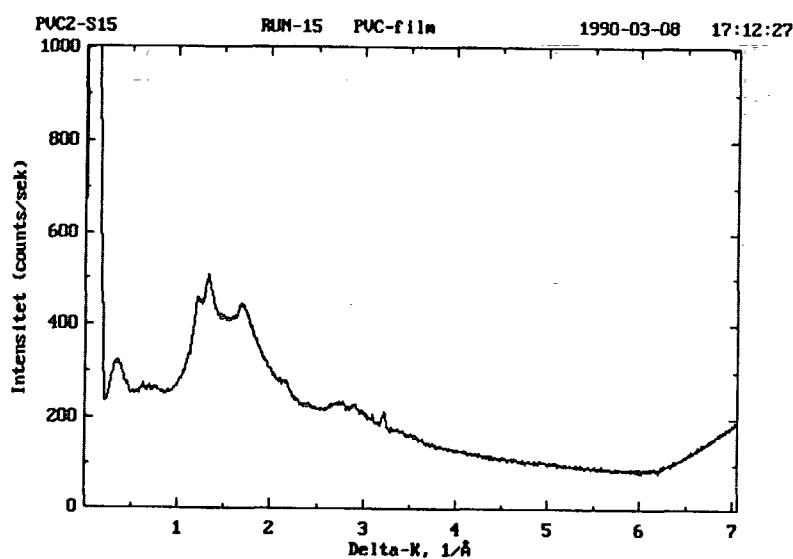


Fig. 2: Ukorrigeret diffraktogram af substrat 1.

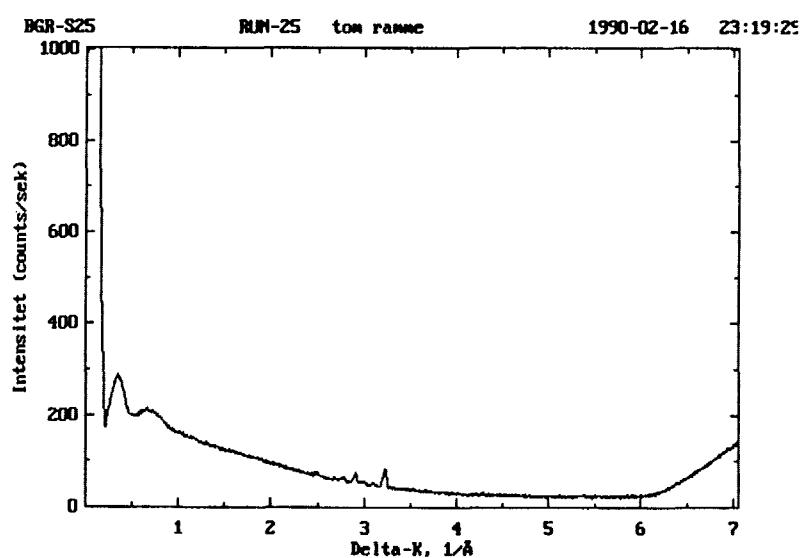


Fig. 3: Ukorrigeret diffraktogram af baggrundsstrålingen.

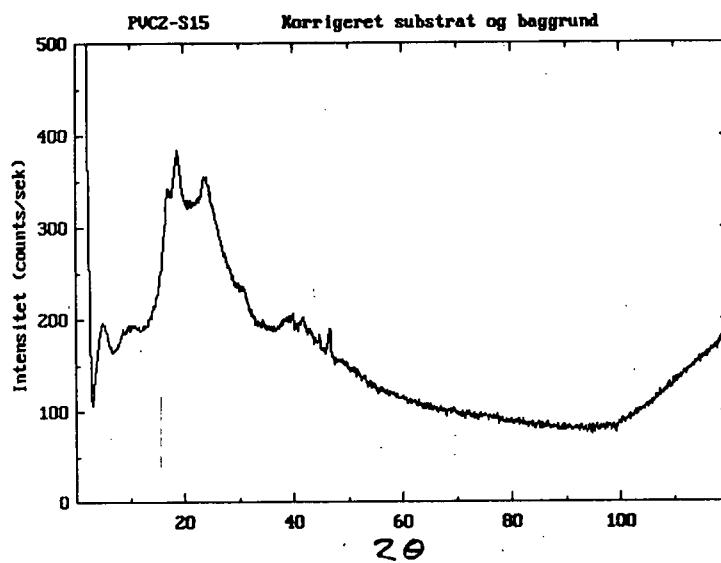
Korrektion for substratspredning, baggrund og absorption

Fig. 4: Substrat 1, korrigert for absorption og baggrund, iflg formel (2.4) plus absorptionskorrigert baggrund.

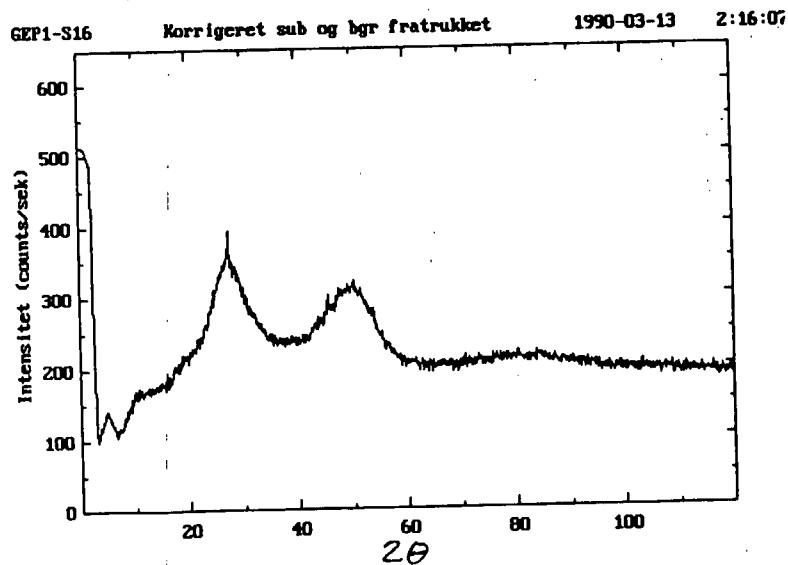


Fig. 5: Sample 1, korrigert for substrat og baggrund.

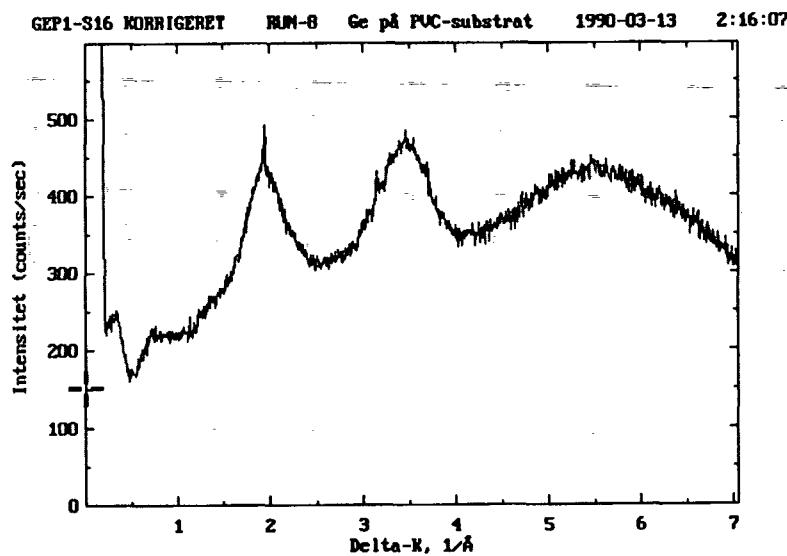


Fig. 6: Sample 1, korrigert for substrat, baggrund og absorption.

Normalisering og korrektion for incoherent spredning

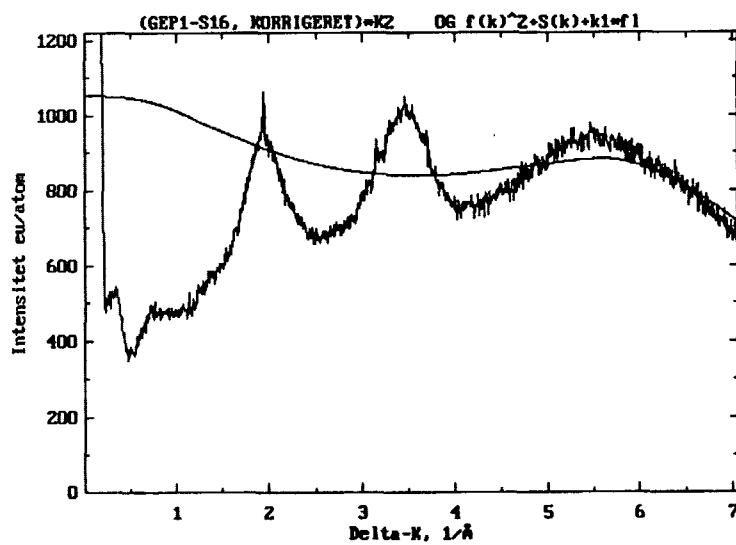


Fig. 7: Normaliseringskonstanter fastlægges, ved anvendelse af konvergensrelationen (2.20). ($K_F = 30, Q = 0, 17$).

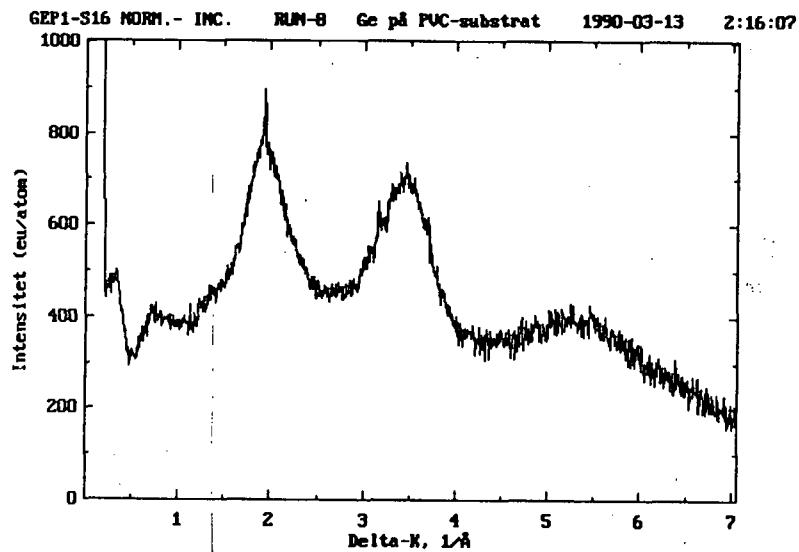


Fig. 8: Fra den normaliserede, teoretiske intensitet subtraheres Comptonspredning og fluorescens.

Beregning af den reducerede interferensfunktion og den reducerede radiale distributionsfunktion

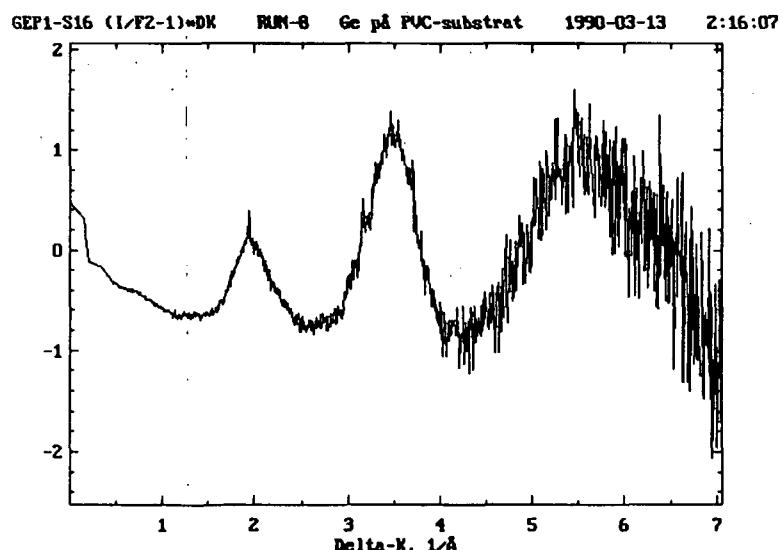


Fig. 9: Den reducerede interferensfunktion $i(\Delta k)$, multipliceret med Δk .

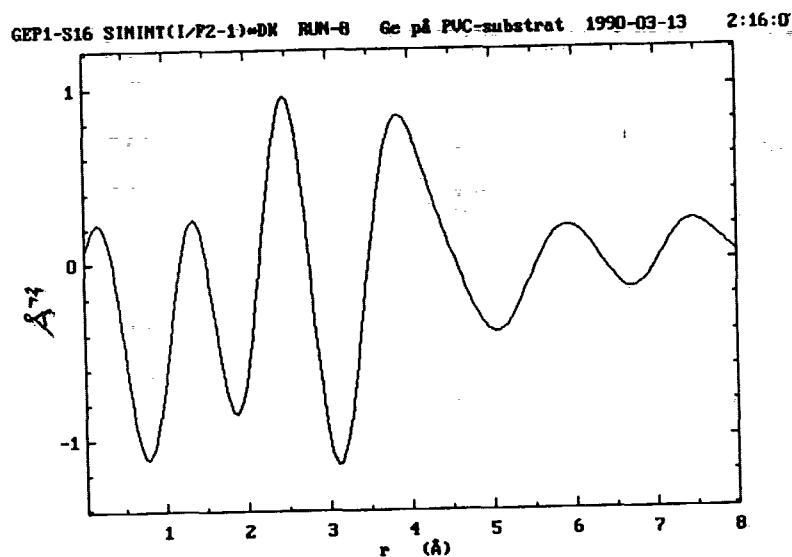


Fig.10: Ved Fouriertransformation af $\Delta k i(\Delta k)$ findes den differentietielle korrelationsfunktion (formel (2.21))

2.4.2 Sample 2 (GEP3-s25)

Ge-lagets tykkelse er her beregnet ved IR-spektrofotometri, til 3,5 μm . Intensitetskurven for "GEP3-s25" er fremstillet ved midling af 25 difraktogrammer.

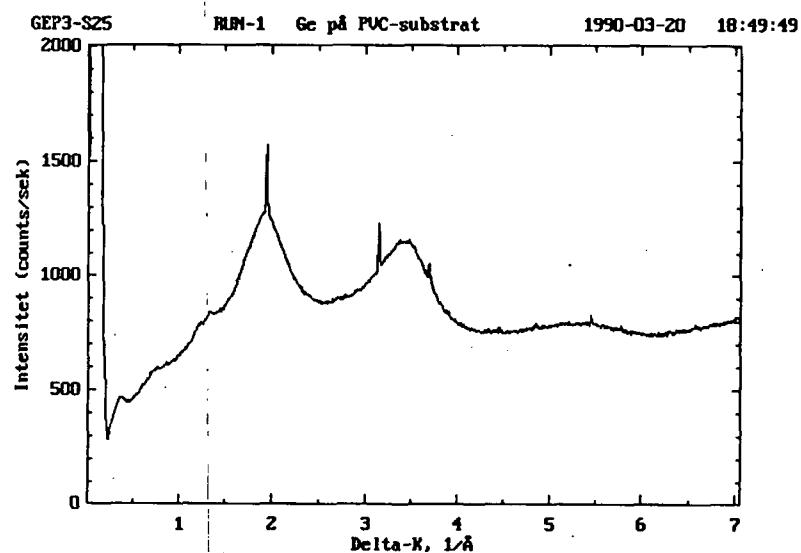
Ubehandlede data

Fig.11: Ukorrigert diffraktogram af sample 2.

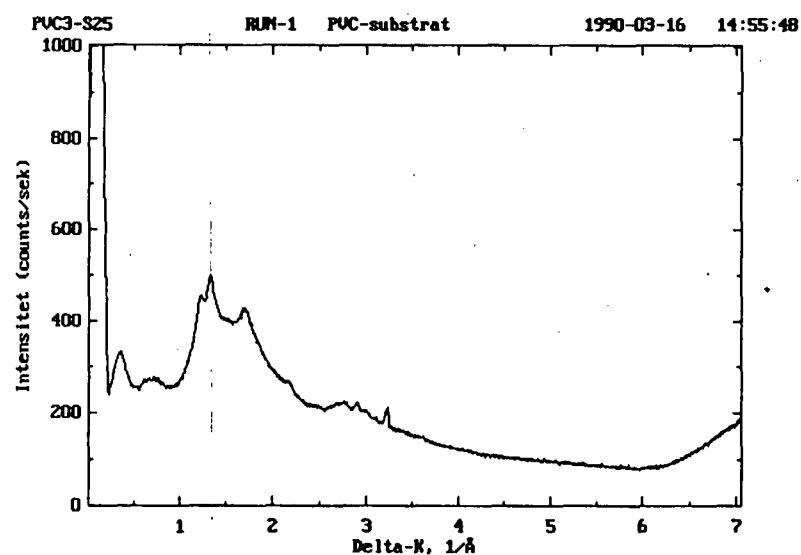


Fig.12: Ukorrigert diffraktogram af substrat 2.

Korrektion for substratspredning, baggrund og absorption

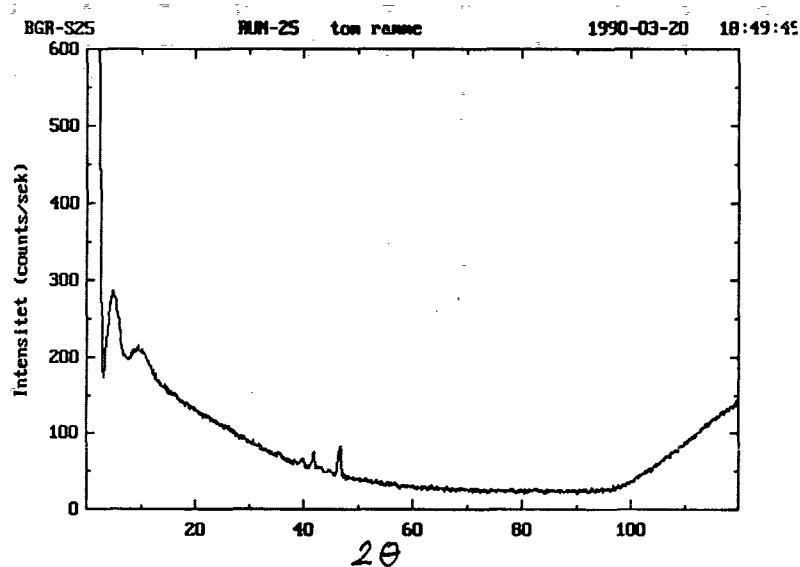


Fig.13: Ukorrigeret diffraktogram af baggrundsstrålingen.

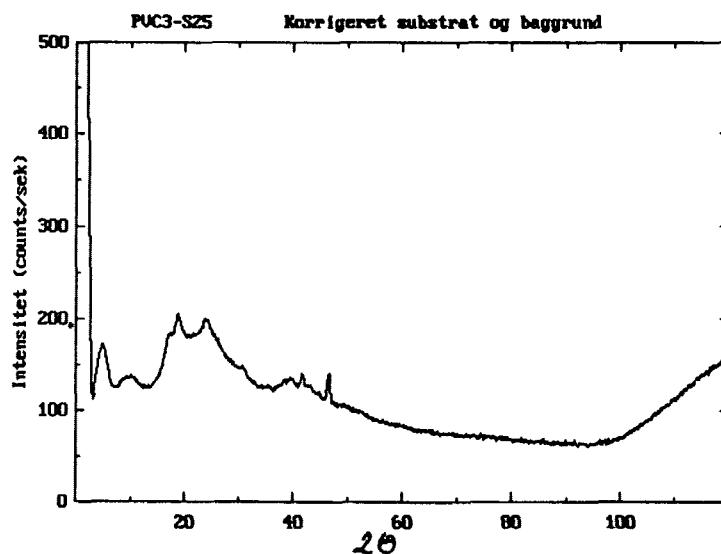


Fig.14: Substrat 2, korrigert for absorption og baggrund, plus absorptionskorrigert baggrund .

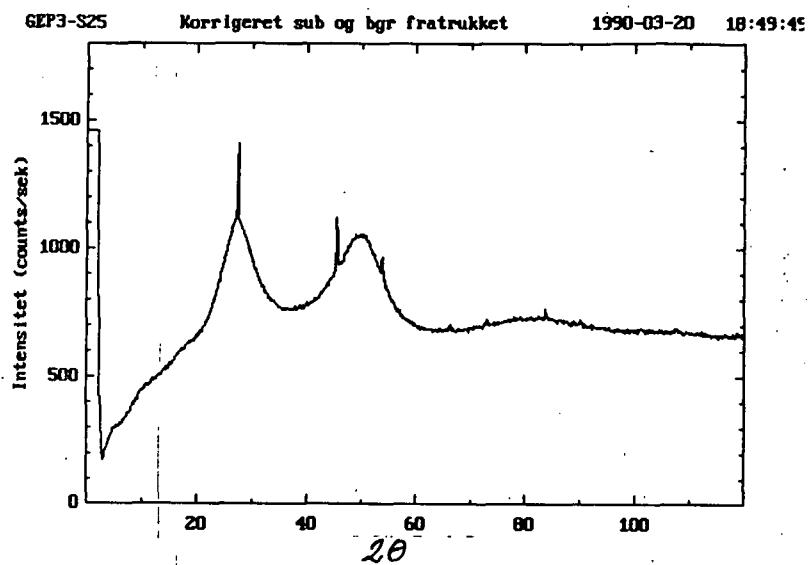


Fig.15: Sample 2, korrigert for substrat og baggrund.

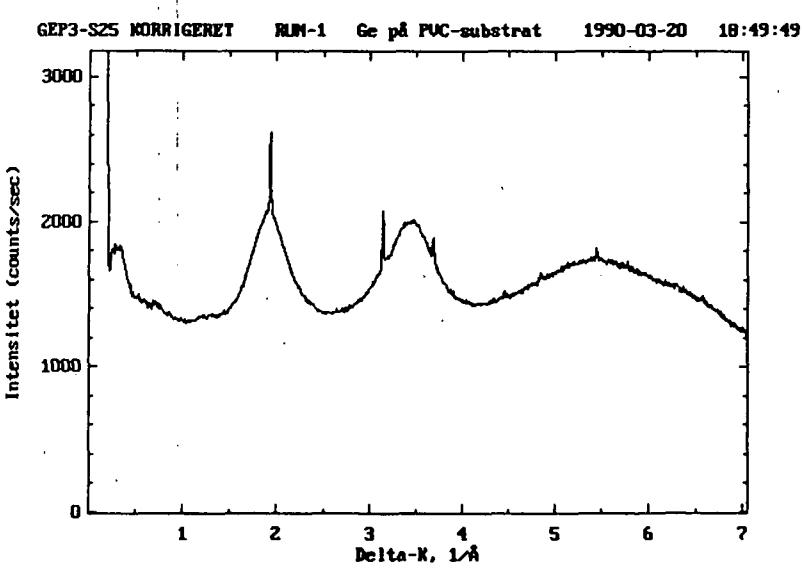


Fig.16: Sample 2, korrigert for substrat, baggrund og absorption. Parameterrummet er transformeret fra 2θ til Δk .

Normalisering og korrektion for incoherent spredning

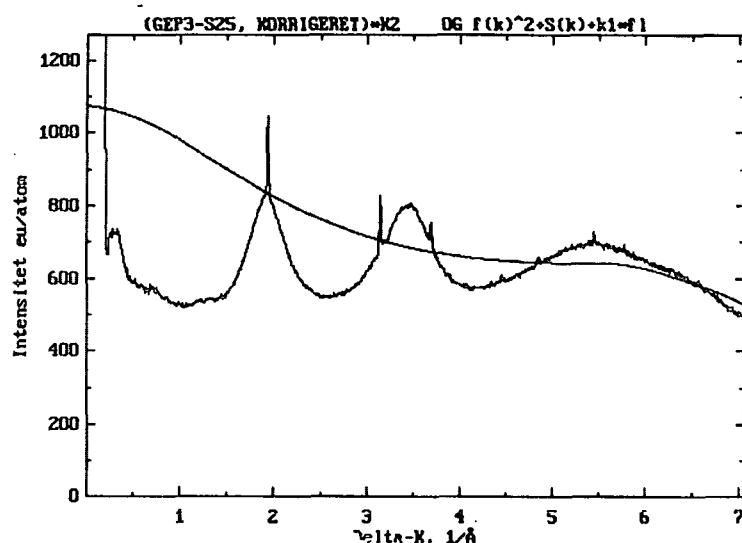


Fig.17: Normaliseringskonstanter fastlægges, ved anvendelse af konvergensrelationen (2.20).($K_F = 50, Q = 0,15$)

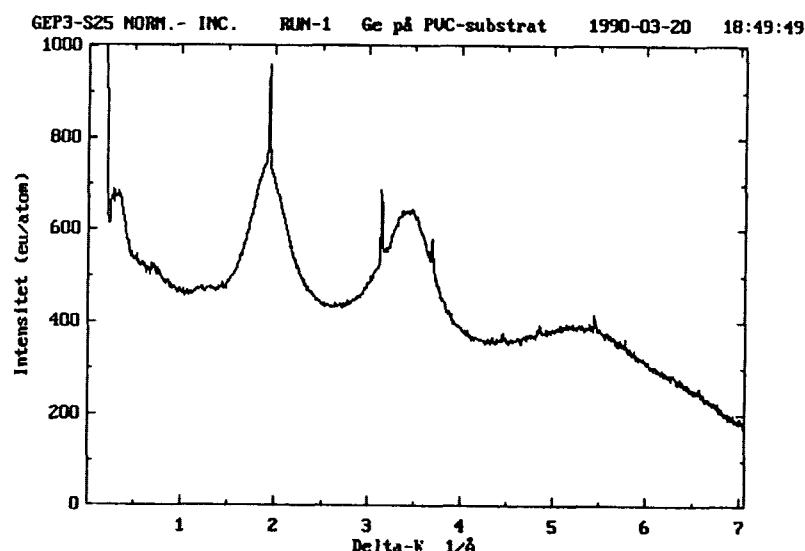


Fig.18: Fra den normaliserede, teoretiske intensitet subtraheres Comptonspredning og fluorescens.

Beregning af den reducerede interferensfunktion og den reducerede radiale distributionsfunktion

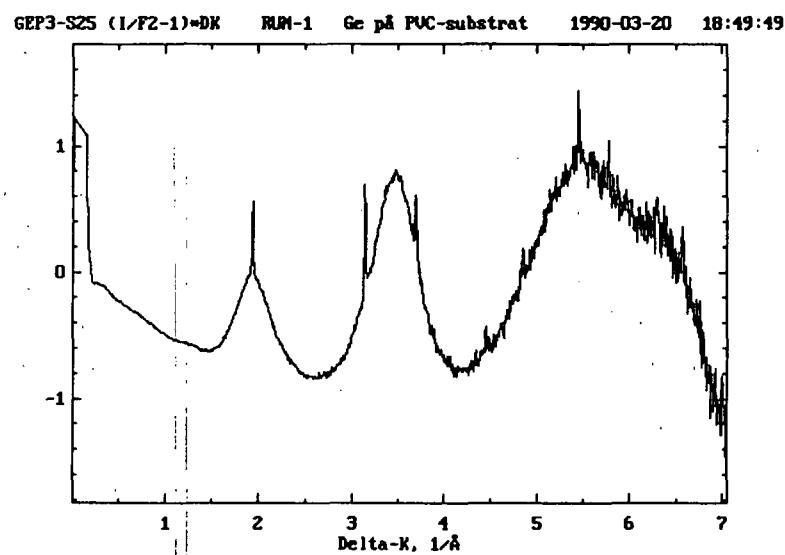


Fig.19: Den reducerede interferensfunktion $i(\Delta k)$, multipliceret med Δk .

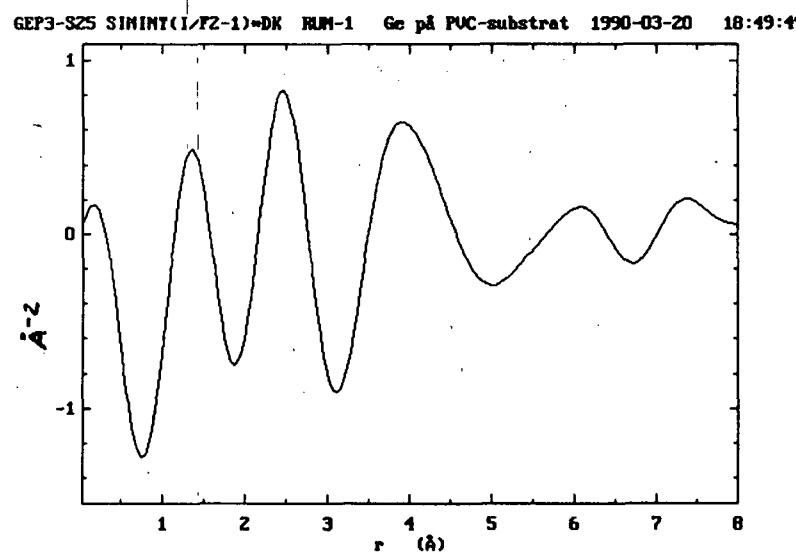


Fig.20: Ved Fouriertransformation af $\Delta k i(\Delta k)$ findes den differentielle korrelationsfunktion (formel (2.20))

Kapitel 3

Diskussion og konklusion

Vurdering af intensitetsdata for sample-1 og -2, før og efter korrektion

I intensitetskurverne for begge sampler bemærkes tilstede værelsen af (mindst) tre skarpe difraktionstoppe. Placeringen af disse toppe i Δk -rummet svarer ganske nøje til de første tre intensitetsmaxima i røntgenspektre for krystallinsk germanium. Vi må derfor konstatere, at der åbenbart er sket en delvis krystallisation under pådampningsprocessen. For krystallinske stoffer, kan den coherente spredningsintensitet imidlertid beskrives ved en tilnærmet deltafunktion, hvorfor vi antager at intensiteten udenfor de nævnte difraktionstoppe kun udgør et ganske ringe bidrag til den totale intensitet. Fremfor at forsøge at korrigere herfor, vil vi derfor blot negliger intensitetsbidraget fra krystallinsk Ge.

Den, for absorption, baggrund og substratspredning, korrigerede intensitetskurve konvergerer tilsyneladende ikke mod nul, hvilket man umiddelbart skulle forvente, idet vi jo har:

$$I_{eu,teo}^{coh} \rightarrow f^2(\Delta k) \rightarrow 0$$

for store Δk . Det skal her indskydes, at årsagen ikke kan være Comptonspredningens bidrag, idet denne er helt ubetydelig ved spredning af Cu- K_α -stråling på Ge. For $\Delta k = 7$ har vi således at $f^2(\Delta k)/S(\Delta k) \simeq 17$. Vi må derfor konkludere at andre spredningsprocesser, end de to nævnte, bidrager til den eksperimentelle intensitet.

Vi bemærker endvidere at intensitetskurverne for sample-1 og -2 efter absorptionskorrektion forløber kvalitativt forskelligt, hvilket mere tydeligt fremgår af nedenstående to figurer:

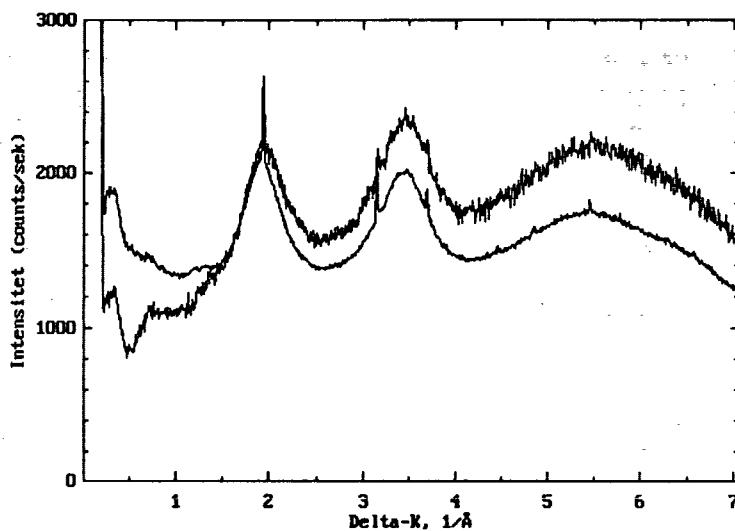


Fig. 1: Sample-1 er her multipliceret med forholdet t_2/t_1 . t_1 og t_2 er tykkelsen af henholdsvis sample-1 og sample-2. De angivne intensiteter er korrigerede for baggrund, substrat og absorption. Det ses tydeligt at kurverne ikke er proportionale.

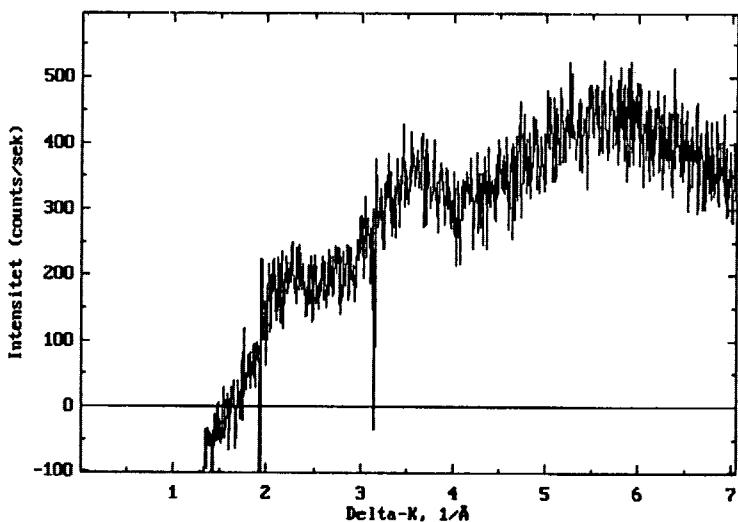


Fig. 2: Differensen mellem de to intensitetskurver, vist på fig. 1.

Den anvendte absorptionskorrektionsfaktor afhænger, foruden af sampletynkkelse, spredningsvinkel og konstante faktorer, kun af den lineære absorptionskoefficient, $\mu_a = \mu_{Ge}(\lambda_{Cu-K\alpha})$. Forudsat de respektive samplers tykkelse er rigtigt estimeret, må forklaringen derfor være, at μ_a ikke beskriver den totale absorption i spredningslaget — det vil sige: at en del af den spredte stråling har en bølgelængde, som afviger væsentligt fra bølgelængden af Cu- $K\alpha$ -strålingen. Vi tolker denne stråling af afvigende bølgelængde som værende fluorescens, som jvf. ovenstående altså må udgøre en betragtelig del af den målte intensitet.

På nedenstående fig. 3 vises afvigelsen mellem de beregnede fluorescensintensiteter for sampletynkkelser svarende til sample-1 og -2 (henshedsvis $0,7\mu m$ og $3,5\mu m$), multipliceret med de respektive (ligeledes t-afhængige) absorptionskorrektionsfaktorer. Absorptionskoefficienten for absorption i Ge af fluorescensstrålingen ($\lambda_{flr} = 10,3\mu m$), er som ved behandlingen af de eksperimentelle data sat til $1,1\mu m^{-1}$.

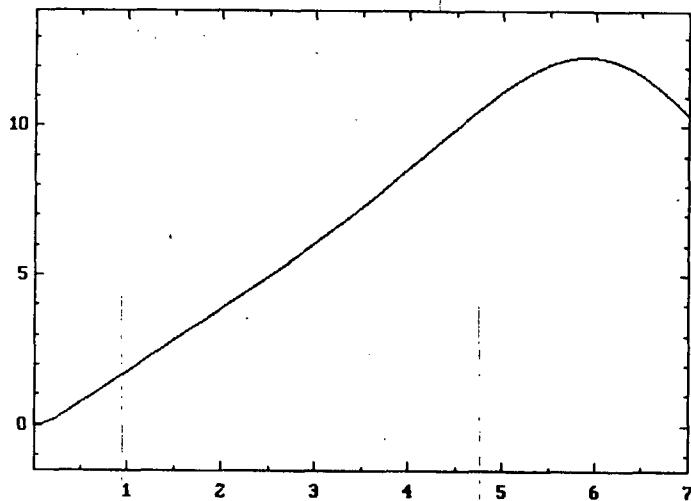


Fig.3

Hvis ovenstående antagelse (om en dominerende fluorescensintensitet i eksperimentet) skal kunne accepteres, må forudsætningen være, at de to differenskurver på fig.2 og fig.3 udviser stort set samme karakteristiske forløb. Dette synes også at være tilfældet.

Intensitetskurverne falder ikke af mod nul, som forventet, for $\Delta k \rightarrow 0$. Divergensen blæses voldsomt op ved absorptionskorrektionen, som jo

involverer division med sin Θ . Som mulige årsager til denne afvigelse har vi overvejet:

(1) Multipel spredning.

Denne må imidlertid antages at være ganske ubetydelig, idet den lineære spredningskoefficient, for spredning af Cu-K $_{\alpha}$ -stråling på Ge er så lille som $0,17 \cdot 10^4 \mu m^{-1}$, hvorudfra vi anslår den totale spredningsintensitet (fluorescens ikke beregnet) til mindre end 1 promille af intensiteten af den indkommende stråling. Intensiteten af den multiple spredning anslår vi derfor til at være af størrelsesordenen promille af den totale spredning, og dermed negligeligt.

(2) "Small angle scattering".

Hermed menes coherent spredning på hulrum af makroskopisk størrelsesorden og andre inhomogeniteter, dannet i Ge-laget under pådampningsprocessen. Ved små Δk kunne denne spredning tænkes at yde et måleligt bidrag til den totale intensitet. Vi har imidlertid ikke undersøgt fænomenet nærmere.

Normaliseringen

Et væsentligt problem ved den her anvendte normaliseringsprocedur er naturligvis at hele to konstanter skal fastlægges alene ud fra et skøn, da vi mangler præcise kriterier, for hvornår den hertil benyttede konvergensbetegnelse er opfyldt. Med hensyn til konstanten Q , er problemet dog primært at konvergensforholdet er uklart på grund af intensitetskurvens afslutning allerede ved $\Delta k = 7,1 \text{ \AA}^{-1}$; dette dog naturligvis forudsat at $K_F = \mathcal{F} K_D(\lambda_{flr}) / K_D(\lambda_{Cu-k_{\alpha}})$ er valgt korrekt. Er denne forudsætning opfyldt anslår vi, at det er muligt at bestemme Q inden for en usikkerhed på ca 10%. Hovedproblemets er den korrekte bestemmelse af K_F , og om den heri involverede usikkerhed har vi ikke nogen klar ide.

Det må imidlertid konstateres at vi ved normaliseringen af intensitetspektrene for sample₁ og sample₂ har fundet frem til to forskellige værdier af K_F , henholdsvis 30 og 50. Det er ikke lykkedes os at opnå blot nogenlunde rimelige konvergensforløb for begge intensitetskurver, med den samme værdi af K_F .

Vi mener ikke at den store forskel (næsten en faktor 2 !) alene beror på fejlskøn, idet en meget betydelig usikkerhed må tages i betragtning, ved bestemmelsen af absorptionskoefficienten for absorption af fluorescensstrålingen i Ge, μ_{flr} (se Appendix A). Vores vurdering er, at den største fejkilde skal søges her.

Den differentielle korrelationsfunktion, $d(r)$

De i afsnit (2.4) viste grafer for $d(r)$ er fremkommet ved integration over Δk -intervallet $0,28 \text{ \AA}^{-1} - 6,68 \text{ \AA}^{-1}$.

For at teste betydningen for den beregnede $d(r)$, af den ovenfor omtalte divergens af intensiteten for små Δk , har vi udført en tilsvarende beregning for sample-2, blot med den forskel at intensiteten er sat

lig nul, for $\Delta k < 1,5 \text{ \AA}^{-1}$. Den således fremkomne kurve er vist nedenfor på Fig.4.

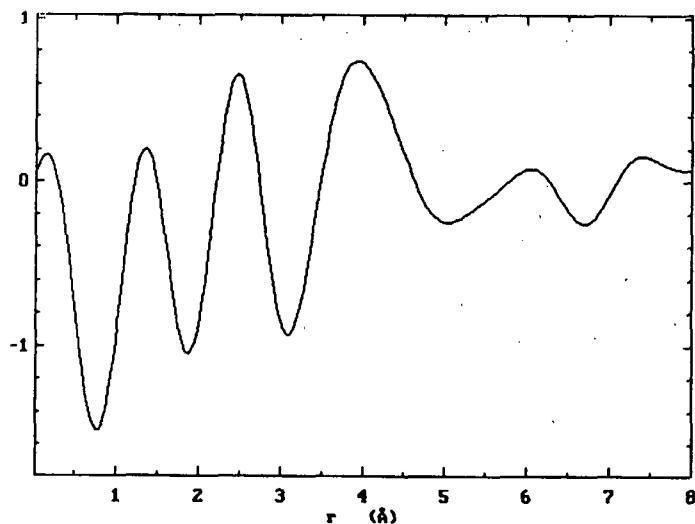
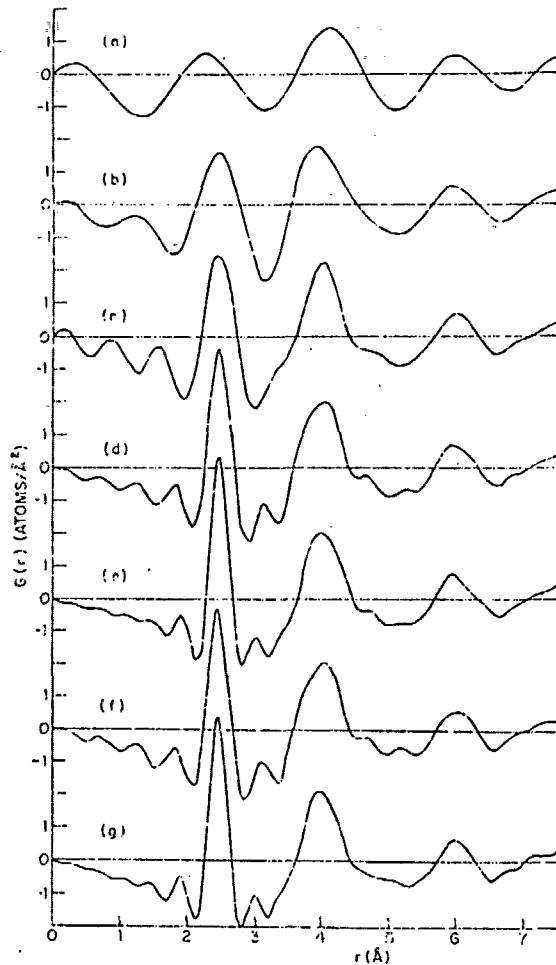


Fig.4

Ved sammenligning finder vi ikke at kurvens forløb er ændret i betydelige grad.

På Fig.5 er vist eksperimentelt fundne kurver af $d(r)$, med varierende fejl, opstået ved afslutning med hensyn til Δk .



$G(r)$ of α -Ge, $T_s = 150^\circ\text{C}$, for $F(k)$ data terminated at (a) 4 \AA^{-1} , (b) 6 \AA^{-1} , (c) 9 \AA^{-1} , (d) 12 \AA^{-1} , and (e) 15 \AA^{-1} . Also $G(r)$ of α -Ge, $T_s = 350^\circ\text{C}$, for $F(k)$ data terminated at (f) 12 \AA^{-1} and (g) 15 \AA^{-1} .

Fig.5 Kilde: R.J.Temkin m.fl. "The structural and optical properties of amorphous germanium", s. 604.

Ved sammenligning af "vores" $d(r)$, med kurve (b) på Fig.5 synes der at

være en rimelig overensstemmelse med hensyn til toppenes placering og indbyrdes størrelsesforhold, når man ser bort fra de kraftige oscillationer for Δk mellem 0 og 2 Å. Oscillationerne som sådan skyldes den fejl som opstår ved afslutningen med hensyn til Δk (i princippet skal Fourierintegralet jo udvikles fra 0 til ∞). Årsagen til at disse oscilationer bliver så kraftige har vi derimod

ikke kunnet identificere; vi kan i den forbindelse blot henvise til de før omtalte usikkerhedsmomenter ved normaliseringsproceduren; i særdeleshed problemerne forbundet med korrektionen for fluorescensstråling.

3.1 Konklusion

Ved afslutningen af dette projektarbejde må vi konstatere, at vi målade en række problemer uløste.

Det største af dem er uden tvivl, at det ikke er lykkedes os at udvikle en datakorrektionsprocedure som på tilfredsstillende vis

er i stand til at kompensere for den væsentligste mangel ved vor eksperimentelle opstilling; nemlig at røntgendiffraktometret er forsynet med en strålingsdetektor uden energipløsning. I forbindelse med vor eksperimentelle procedure, medfører dette en række besværligheder, som alle opstår på grund af forekomsten af fluorescens i vore eksperimentelle diffraktionsdata:

- (a) En endog særdeles usikker normalisering af intensitetsdata.
- (b) Et indtil videre uløst problem i forbindelse med absorptionskorrektionerne, da det ikke er lykkedes os at fremskaffe

eksakte data for absorptionen i spredningslaget, af den i eksperimentet forekommende fluorescens.

(c) Ved diffraktioneksperimenter med Ge som spreder, er det efter alt at dømme omsonst at benytte andre targetmaterialer end Cu. At dømme efter Fig.5 er det begrænsede Δk -rum dog ikke noget stort problem ved kortlægning af korrelationsfunktionens *kvalitative* forløb, da afslutningsfejlen med $\Delta k_{max} > 6 \text{ \AA}^{-1}$ åbenbart ikke i særlig grad påvirker placeringen i realrummet af maxima og minima for $\rho(r)$ og deraf afledte korrelationsfunktioner.

Hvis diffraktometeropstillingen i praksis skal benyttes til korrelationsundersøgelser af amorf stoffer, bør et absolut midstekrav efter vor mening være, at rimelig præcise data for absorption i det stof som skal undersøges, samt pålidelig og udførlig information om kvantoeffektiviteten af diffraktometrets

strålingsdetektor, bringes til veje, således at usikkerheden ved den nødvendige fluorescenskorrektion (forhåbentlig) kan reduceres betragteligt. Dog ville en langt bedre løsning være at udskifte den famøse detektor til en, til formålet, bedre egnet (det vil naturligvis sige en detektor med en rimelig energipløsning).

Det ville naturligvis også i høj grad være ønskeligt, at årsagen til det omtalte divergensproblem ved små Δk blev opklaret. Vi er ikke i stand til at foreslå nogen egentlig løsningsmodel, men til en mere konkret analyse af problemet, vil vi dog anbefale at man fremskaffer stofprøver som faktisk er amorf, som ikke er krakelerede og som i det hele taget er fremstillet under bedre kontrollerede omstændigheder, end det har været os muligt. Kort sagt: at man så vidt muligt sørger for at være velinformeret om, hvad det faktisk er man mäter på.

Appendiks A

Beregning af lineære absorptionskoefficienter.

I "International tables of X-ray crystallography", Vol.3, s.161 er angivet en empirisk relation til beregning af masseabsorptionskoefficienter:

$$\frac{\mu}{\rho} = C\lambda^3 - D\lambda^4 + \sigma_{K-N}NZ/A \quad (A.1)$$

hvor λ er strålingsbølgelængden, Z er protonmassen gange atomnummeret for det pågældende grundstof, A er neutronmassen gange antallet af neutroner i kernen, N er avogadros tal, σ_{K-N} er massespredningskoefficienten for en fri elektron. Det sidste led i (A.1) kan negligeres ved bølgelængder af den her aktuelle størrelsesorden, da den er forsvindende i forhold til de andre led.

Koefficienterne C og D antages at være konstante i intervallet mellem to absorptionskanter og er tabuleret for et varierende antal af disse intervaller, for grundstoffer med atomnumre fra $Z = 1$ til og med $Z = 83$.

For absorption af Cu- K_α -stråling i Ge, har vi at $K_{abs} < \lambda < L_{abs}$, hvor K_{abs} og L_{abs} er K- og L-absorptionskanternes placering i λ -rummet. Ud fra de tabulerede værdier af C og D findes umiddelbart:

$$\frac{\mu_{Ge}(\lambda_{Cu-K_\alpha})}{\rho_{Ge}} = 0.0076 \mu m^{-1}$$

Massedensiteten for krystallinsk Ge er $5,2 \text{ g/cm}^3$, men da atomerne i amorft Ge er knap så tæt "pakket", skønner vi at $\rho_{Ge} \sim 5,0 \text{ g/cm}^3$ og finder da:

$$\mu_{Ge} = 0,038 \mu\text{m}^{-1}$$

Ved Cu-K α -stråling ($\lambda = 1,5418 \text{ \AA}$) forekommer ingen K-fluorescens, da K_{abs} for Ge er $1,116 \text{ \AA}$. Imidlertid er $L_{abs} = 10,229 \text{ \AA}$, og vi må derfor antage at fluorescensen emitteres ved henfald af elektroner til vacanser i Ge-atomernes L-skaller. Dette giver en fluorescens med bølgelængden:

$$\lambda_{flr} = 10,3 \text{ \AA}, (E_{flr} = 1,29 \text{ keV})$$

altså en anelse over L_{abs} .

Det har ikke været os muligt at skaffe hverken teoretiske eller eksperimentelle data for absorptionen i Ge af så lave strålingsenergier (koefficienterne C og D er ikke tabuleret for $\lambda > L_{abs}$).

Da fluorescensen imidlertid synes at udgøre en væsentlig del af den i diffraktionsexperimentet målte intensitet, har vi set os nødsaget til at estimere absorptionskoefficienten ved extrapolation.

Extrapolation 1

Værdierne af koefficienterne C og D, $L_{abs} < \lambda < K_{abs}$ er ikke tabuleret for grundstoffer med $Z < 53$. For I(Z=53) finder vi imidlertid forholdet:

$$\frac{\mu_I(\lambda > L_{abs})}{\mu_I(\lambda < L_{abs})} = \frac{207}{971} = 0,21$$

med $\lambda \sim L_{abs}$.

For I(Z=53) ændres μ altså omtrent med en faktor 5, når L_{abs} passeres ved ændring af λ .

På tilsvarende måde finder vi for Bi(Z=83):

$$\frac{\mu_{Bi}(\lambda > L_{abs})}{\mu_{Bi}(\lambda < L_{abs})} = \frac{62}{199} = 0,31$$

Vi extrapolerer lineært med hensyn til Z og finder for μ_{Ge} :

$$\frac{\mu_{Ge}(\lambda > L_{abs})}{\mu_{Ge}(\lambda < L_{abs})} = 0,16$$

Ved brug af (A.1) finder vi for λ i området lige under L_{abs} :

$$\frac{\mu_{Ge}}{\rho_{Ge}} \simeq 0,9 \mu m^{-1}$$

Ved at benytte den fundne extrapolationsfaktor fås:

$$\mu_{Ge}(\lambda_{flr}) \sim \rho_{Ge} \cdot 0,9 \cdot 0,16 = 0,72 \mu m^{-1}$$

Extrapolation 2

Fra tabellen "International tables of X-ray crystallography", Vol.IV, s.62 findes ved et hurtigt skøn, at absorptionstværsnittene for Fe og Ge forholder sig til hinanden som 1:2,3 for bølgelængder i intervallet: $K_{abs} < \lambda < L_{abs}$.

På kurven s.56 (fra tabellen) aflæses absorptionstværsnittet for Fe, for bølgelængder lige under L_{abs} til:

$$\sigma_{Fe} \sim 2 \cdot 10^{-19} cm^2/atom$$

Ved multiplikation med 2,3 estimeres absorptionstværsnittet for Ge:

$$\sigma_{Ge} \sim 4,63 \cdot 10^{-19} cm^2/atom$$

hyilket omregnes til masseabsorptionskoefficienten:

$$\frac{\mu_{Ge}}{\rho_{Ge}} \sim \frac{\sigma_{Ge}}{m_a(Ge)} \sim 3,8 \cdot 10^3 cm^2/g$$

hvor $m_a(Ge)$ er atommassen i gram.

Heraf fås:

$$\mu_{Ge} \sim 1,9 \mu m^{-1}$$

Som et bud på den søgte absorptionskoefficient tager vi middelværdien af de to resultater og får:

$$\mu_{Ge} = 1,3 \mu m^{-1}$$

```

2220 // save "databehandling.cml"
2230 //
2240 //
2250 // (C)O.Bakander,Karen,Klaus
2260 // 08.12.89
2270 //
2280 //
2290 // ***** INITIATION *****
2300 //
2310 //
2320 //
2330 ppinit
2340 ppstandard1
2350 gcinit
2360 initanal
2370 USE unidump
2380 dump_type(4) // HP-Laser Typ II
2390 dump_resolution(1) // 150dpi
2400
2410 PROC initanal
2420   USE system
2430   ok$="""10"C"""
2440   er$="""10***"""
2450   DIM setup1$ OF 500
2460   DIM setup2$ OF 500
2470   DIM text$ OF 500
2480   DIM a(1200), c1(1200), c2(1200), c3(1200)
2490   samplettykkelse:=0.7 // thickness in my
2500   k_s:=0
2510   substrattykkelse:=12
2520   lambda_cu:=1.5418; lambda_mo:=0.7107; lambda_cu_ge_fl:=10.3
2530   my_cu_ge:=0.038; my_cu_ge_fl:=0.3; my_pvc:=0.0078
2540   t_s:=substrattykkelse; t:=samplettykkelse // in use
2550   lambda:=lambda_cu; lambda_fl:=lambda_cu_ge_fl // In use!
2560   my:=my_cu_ge; my_fl:=my_cu_ge_fl; my_s:=my_pvc //In use!
2570   np#:=0
2580 ENDPROC initanal
2590
2600 // ***** DATA STORING *****
2610
2620 PROC savedata(REF x(),REF y(),n#,filnavn$) CLOSED //Gemmer data i en fil
2630   OPEN FILE 1,filnavn$+" Dat",WRITE
2640   FOR i#:=1 TO n# DO
2650     WRITE FILE 1: x(i#),y(i#)
2660   ENDFOR i#
2670   CLOSE FILE 1
2680 ENDPROC savedata
2690
2700 // ***** DATA RESTORING *****
2710
2720 FUNC getmidstr$(REF string$,str1$,str2$) CLOSED
2730   TRAP
2740     p1#:=str1$ IN string$
2750     IF str1$="" THEN p1#:=
2760     p2#:=str2$ IN string$(p1#+LEN(str1$):)
2770     IF p1# THEN
2780       IF str2$="" THEN RETURN string$(p1#+LEN(str1$):)
2790       IF p2# THEN
2800         p1#:=p1#+LEN(str1$)
2810         p2#:=p2#+p1#-2
2820         RETURN string$(p1#:p2#)
2830       ENDIF
2840     ENDIF
2850   HANDLER
2860   ENDTRAP
2870   RETURN ""
2880 ENDFUNC getmidstr$

```

```

2900 PROC getfile(REF x(),REF y(),filnavn$) CLOSED // Henter datafil
2910   OPEN FILE 1,filnavn$,READ
2920   i#:=1
2930   WHILE NOT EOF(1) DO
2940     READ FILE 1: x(i#),y(i#)
2950     i#:+1
2960   ENDWHILE
2970   CLOSE FILE 1
2980 ENDPROC getfile
2990
3000 PROC readsetup(REF text$,filnavn$) CLOSED // Henter tekstfil
3010   text$:""
3020   OPEN FILE 1,filnavn$,READ
3030   text$:=GET$(1,500)
3040   CLOSE FILE 1
3050 ENDPROC readsetup
3060
3070 // ***** SMÅ PROCEDURER *****
3080
3090 PROC sub(REF a1(),REF a2(),REF a3(),np#) CLOSED //Subtraherer to dataset
3100   FOR i#:=1 TO np# DO
3110     a3(i#):=a1(i#)-a2(i#)
3120   ENDFOR i#
3130 ENDPROC sub
3140
3150 PROC add(REF a1(),REF a2(),REF a3(),np#) CLOSED //Adderer to dataset
3160   FOR i#:=1 TO np# DO
3170     a3(i#):=a1(i#)+a2(i#)
3180   ENDFOR i#
3190 ENDPROC add
3200
3210 FUNC sintheta(a) CLOSED //Beregner sinus til den halve spredningsvinkel
3220   s:=SIN(a*PI/360)
3230   RETURN s
3240 ENDFUNC sintheta
3250
3260 FUNC polfak(a) CLOSED //Beregner polarisationsfaktoren
3270   c:=COS(a*PI/180)
3280   pf:=(1+c^2)/2
3290   RETURN pf
3300 ENDFUNC polfak
3310
3320 FUNC asin(x) CLOSED //Beregner arcussinus til x
3330   IF ABS(x)>1 THEN RETURN 0
3340   IF ABS(x)=1 THEN
3350     RETURN SGN(x)*PI/2
3360   ELSE
3370     RETURN ATN(x/SQR(1-x^2))
3380   ENDIF
3390 ENDFUNC asin
3400
3410 FUNC absorb(x,a) CLOSED //Beregner absorptionsleddet
3420   IMPORT sintheta,my
3430   k:=-2*my*x
3440   y:=EXP(k/sintheta(a))
3450   RETURN y
3460 ENDFUNC absorb
3470
3480 PROC deltak(pnt#) CLOSED //Transformerer fra vinkelrum til delta k-rum
3490   IMPORT a(),sintheta
3500   lambda_cu:=1.5418; lambda_mo:=0.7107
3510   lambda:=lambda_cu
3520   k:=d*PI/lambda
3530   FOR i#:=1 TO pnt# DO
3540     a(i#):=k*sintheta(a(i#))
3550   ENDFOR i#
3560 ENDPROC deltak

```

```

3570
3580 PROC setframe(ra$,fra,til,fil$,head$,dato$,tim$,enhed$) CLOSED
3590   IMPORT ppdrawframe,ppsettext,ppclearscreen,ppsetlimits,ppsetexpnotation
3600   IMPORT upper$
3610   ppsetexpnotation(12,-4,4)
3620   ppsettext(1,"Delta-K, 1/Å")
3630   ppsettext(2,""+enhed$)
3640   fil$:=upper$(fil$)
3650   lspc#:=(52-LEN(fil$)-LEN(head$))/2
3660   IF lpc#<0 THEN lpc#:=0
3670   ppsettext(3,fil$+SPC$(lspc#+head$+SPC$(lspc#+dato$)+" "+tim$)
3680   ppclearscreen
3690   ppdrawframe(fra,til,0,VAL(ra$)) //VAL(ra$(:("E" IN ra$)-1:))
3700 ENDPROC setframe
3710
3720 PROC md(fil$,start#,slut#) CLOSED // Adderer n dataset
3730   IMPORT add,getfile,a(),c1(),c2()
3740   getfile(a(),c1()),fil$+STR$(start#)
3750   FOR n#:=start#+1 TO slut# DO
3760     getfile(a(),c2()),fil$+STR$(n#)
3770     add(c1(),c2(),c1(),1200)
3780   ENDFOR n#
3790 ENDPROC md
3800
3810 PROC middelværdi CLOSED // Tager middelværdien af n dataset
3820   IMPORT md,a(),c1(),c2(),c3()
3830   INPUT "Filnavn ": fil$
3840   INPUT "Start nr ": start#
3850   INPUT "Slut nr ": slut#
3860   md(fil$,start#,slut#)
3870   OPEN FILE 1,fil$+"S"+STR$(slut#),WRITE
3880   nr#:=slut#-start#+1
3890   FOR i#:=1 TO 1200 DO
3900     c3(i#):=c1(i#)/nr#
3910     WRITE FILE 1: a(i#),c3(i#)
3920   ENDFOR i#
3930   CLOSE FILE 1
3940 ENDPROC middelværdi
3950
3960 // ***** DATA-KORREKTIONER *****
3970
3980 // Korrektion for sub., baggr. og absorption
3990
4000 PROC abs_corr(filnavn1$,filnavn2$) CLOSED
4010   IMPORT my,t,my_s,t_s,a(),c1(),c2(),c3()
4020   IMPORT getfile,setup1$,k_s
4030   IMPORT getmidstr$,sub,sintheta,deltak,polfak,absorb,rng$,dato$,tim$
4040   IMPORT ppwaitkey,ppclearscreen,setupframe,ppdrawgraph,gczoomgraph
4050   pnt#:=VAL(getmidstr$(setup1$,"PNTS:","13"))
4060   getfile(a(),c2(),"bgr-s25.dat")
4070   getfile(a(),c1()),filnavn2$+".dat")
4080   FOR i#:=1 TO pnt# DO
4090     c3(i#):=c2(i#)*(1+EXP(-2*my_s*t_s/sintheta(a(i#))))/2
4100   ENDFOR i#
4110   sub(c1(),c3(),c3(),pnt#)
4120   FOR i#:=1 TO pnt# DO
4130     c1(i#):=c3(i#)*(k_s+(1-k_s)*absorb(t,a(i#)))
4140   ENDFOR i#
4150   // ppclearscreen
4160   // gczoomgraph(a(),c1(),pnt#,10)
4170
4180   FOR i#:=1 TO pnt# DO
4190     c2(i#):=c2(i#)*(1+(EXP(-2*my_s*t_s/sintheta(a(i#))))*(k_s+(1-k_s)
        *absorb(t,a(i#))))/2
4210     c1(i#):=c1(i#)+c2(i#)
4220   ENDFOR i#
4230   // ppclearscreen

```

```

4240 // gczoomgraph(a(),c1(),pnt#,10)
4250 PRINT "Subtraherer korrigeret substratspredning og baggrund"
4260 getfile(a(),c2(),filnavn1$+".dat")
4280 sub(c2(),c1(),c3(),pnt#)
4290 setframe(rng$,a(1),a(pnt#),filnavn1$," Korrigeret sub og bgr fratrukket",
dato$,tim$,"(counts/sek)")
4300 // ppclearscreen
4310 // gczoomgraph(a(),c3(),pnt#,10)
4320 PRINT "Korrigerer for absorbtion, og transformerer til Delta-k"
4330 FOR i#:=1 TO pnt# DO
4340
4350 n:=1/(sintheta(a(i#)))
4360 m:=1-absorb(t,a(i#))
4370 q:=n/m
4380 z:=q/polfak(a(i#))
4390 c1(i#):=c3(i#)*z*(1+k_s)
4400 ENDFOR i#
4410 deltak(pnt#)
4420 ENDPROC abs_corr
4430
4440 FUNC f(x) CLOSED // Interpolerer tabelværdier for atomar spredningsfaktor
4450 DIM k1(21), i(21)
4460 READ k1()
4470 DATA 0.0,0.05,0.1,0.15,0.2,0.25,0.3,0.35,0.4,0.45,0.5,0.55,0.6,0.65,0.7,
0.75,0.8,0.85,0.9,0.95,1.0 //1.05,1.1,1.15,1.2,1.25,1.3
4480 READ i()
4490 //DATA 14,13.45,12.16,10.79,9.67,8.85,8.22,7.7,7.2,6.72,6.24,5.77125
4500 //DATA 5.31,4.87875,4.47,4.095,3.75,3.43875,3.16,2.91,2.69,2.50375,2.35,
2.2025,2.07,1.96,1.87 //for silicium
4510 DATA 32,31.28,29.52,27.48,25.53,23.76,22.11,20.54,19.02 //for germanium
4520 DATA 17.76875,16.19,14.91,13.72,12.64625,11.68,10.82525,10.08,9.426255,
8.87,8.377555,7.96
4530
4540 j#:=1
4550 x:=x/(4*PI)
4560 IF x=0 THEN RETURN i(1)
4570 WHILE x>k1(j#) DO j#:+1
4580 IF j#<3 THEN
4590   p:=(k1(j#)-x)/(k1(j#)-k1(j#-1))
4600   y:=p*(p-1)/2*i(j#+1)+(1-p*p)*i(j#)+(p+1)*p/2*i(j#-1)
4610 ELSE
4620   p:=(x-k1(j#-1))/(k1(j#)-k1(j#-1))
4630   y:=p*(p-1)/2*i(j#-2)+(1-p*p)*i(j#-1)+p*(p+1)/2*i(j#)
4640 ENDIF
4650 RETURN y
4660 ENDFUNC f
4670
4680 FUNC s(x) CLOSED // Interpolerer tabelværdier for comptonspredning
4690 IMPORT polfak,asin
4700 DIM k2(11), cs(11)
4710 READ k2()
4720 DATA 0.0,0.1,0.2,0.3,0.4,0.5,0.6,0.7,0.8,0.9,1
4730 READ cs()
4740 //DATA 0.0,2.46,4.57,5.76,6.82,7.85,8.79,9.6,10.21,10.82,11.26125,
11.59,11.80625,11.91 // for silicium
4750 DATA 0.0,1.59,4.75,7.39,10.02,12.54,14.73,16.59,17.9475,19.59,20.83125
//for germanium
4760 j#:=1
4770 x:=x/(4*PI)
4780 IF x=0 THEN RETURN cs(1)
4790 WHILE x>k2(j#) DO j#:+1
4800 IF j#<3 THEN
4810   p:=(k2(j#)-x)/(k2(j#)-k2(j#-1))
4820   y:=p*(p-1)/2*cs(j#+1)+(1-p*p)*cs(j#)+(p+1)*p/2*cs(j#-1)
4830 ELSE
4840   p:=(x-k2(j#-1))/(k2(j#)-k2(j#-1))
4850   y:=p*(p-1)/2*cs(j#-2)+(1-p*p)*cs(j#-1)+p*(p+1)/2*cs(j#)

```

```

4860 ENDIF
4870 lambda:=1.5418
4880 a:=2*asin(lambda*x)
4890 RETURN y/polfak(a)
4900 ENDFUNC s
4910
4920 FUNC fluorescens(a) CLOSED // Beregner fluorescens-korrektion
4930 IMPORT lambda,my,my_fl,t
4940 IMPORT pplotgraph,gczoomgraph,sintheta,deltak,asin,polfak
4950 p:=t*(my+my_fl)
4960 q:=2*t*my
4970 b:=a*lambda/(4*PI)
4980 h:=1-EXP(-q/b)
4990 k:=1-EXP(-p/b)
5000 y:=(1/polfak(360*asin(b)/PI))*k/h
5010 RETURN y
5020 ENDFUNC fluorescens
5030
5040 PROC sum(REF a(),k1) CLOSED // Adderer s, f i anden potens og k1*flr.
5050 IMPORT f,s,c2(),pplotgraph,ppwaitkey,fluorescens
5060 FOR i#:=1 TO 1200 DO
5070   c2(i#):=((f(a(i#))^2+s(a(i#)))+k1*fluorescens(a(i#)))
5080 ENDFOR i#
5090 ENDPROC sum
5100
5110 PROC sinint(REF k(),REF f(),REF r(),REF sf(),n1#,n2#,nr#,dr) CLOSED
    //sinustransformation
5120 dk:=(k(100)-k(1))/99
5130 r1:=0
5140 FOR i#:=1 TO nr# DO
5150   PRINT AT 2,2: "
5160   PRINT AT 2,2: i#
5170   r1:=r1+dr
5180   r(i#):=r1
5190   s:=0
5200   FOR j#:=n1# TO n2# DO
5210     s:=s+SIN(k(j#)*r1)*f(j#)
5220   ENDFOR j#
5230   sf(i#):=s*dk*2/PI /*r1*2/PI
5240 ENDFOR i#
5250 ENDPROC sinint
5260
5270 PROC norm CLOSED
5280 IMPORT readsetup,getFile,setup1$,ppdrawgraph,a(),c1(),c2(),c3(),setframe
5290 IMPORT getmidstr$,ppwaitkey,gczoomgraph,sum,abs_corr,s,f
5300 IMPORT ppclearscreen,ppsetaxes,ppsetlimits,pplotgraph,polfak
5310 IMPORT ppsetstartindex,fft,ppsettext,sinint,fluorescens
5320 INPUT "filnavn 1 ::": filnavn1$
5330 INPUT "filnavn 2 (sub.fil) ::": filnavn2$
5340 ppsetstartindex(1)
5350 readsetup(setup1$,filnavn1$+".stp")
5360 rng$:=getmidstr$(setup1$,"RANGE",""13""")
5370 a1:=VAL(getmidstr$(setup1$,"FROM",""13"))
5380 a2:=VAL(getmidstr$(setup1$,"TO",""13"))
5390 head1$:=getmidstr$(setup1$,"HEAD:",""13")
5400 pnt#:=VAL(getmidstr$(setup1$,"PNTS:",""13"))
5410 dato$:=getmidstr$(setup1$,"DATE:",""13")
5420 tim$:=getmidstr$(setup1$,"TIME:",""13")
5430
5440 abs_corr(filnavn1$,filnavn2$)
5450 ppclearscreen
5460 gczoomgraph(a(),c1(),pnt#,10)
5470
5480 // Konstanterne K_flr (k1) og Q (k2) fittes
5490 ok1:=FALSE
5500 WHILE NOT ok1 DO
5510   ppclearscreen

```

```

5520 INPUT "Fluorescens norm konstant": k1
5530 sum(a(),k1)
5540 ppclearscreen
5550 setframe(STR$(2000),a(1),a(pnt#),"      ",
           "f(k)^2+S(k)+k1*f1","","","eu/atom")
5560 ppdrawgraph(a(),c2(),pnt#,10)
5570 ppwaitkey
5580
5590 ok2:=FALSE
5600 WHILE NOT ok2 DO
5610   ppclearscreen
5620   INPUT "Normaliserings konstant": k2
5630   FOR i#:=1 TO 1200 DO
5640     c3(i#):=c1(i#)*k2
5650   ENDFOR i#
5660   setframe(rng$,a(1),a(pnt#),"(+"filnavn1$+", korrigeret)*k2"," OG
           f(k)^2+S(k)+k1*f1","","","eu/atom")
5670   ppclearscreen
5680   pplotgraph(a(),c2(),pnt#,10)
5690   PRINT "k1 = ";k1; " k2 = ";k2
5700   ppdrawgraph(a(),c3(),pnt#,10)
5710   ppwaitkey
5720   ppclearscreen
5730   INPUT "Normalisering ok ? ": ok2
5740 ENDWHILE
5750 INPUT "Fluorescens norm ok? ": ok1
5760 ENDWHILE
5770
5780 // Normaliseret intensitetskurve
5790 ppclearscreen
5800 gczoomgraph(a(),c3(),pnt#,10)
5810 PRINT "k1 = ";k1; " k2 = ";k2
5820
5830 FOR i#:=1 TO pnt# DO // Fluorescens og comptonspredning fratrækkes
5840   c1(i#):=c3(i#)-s(a(i#))-k1*fluorescens(a(i#))
5850 ENDFOR i#
5860 ppclearscreen
5870 gczoomgraph(a(),c1(),pnt#,10)
5880 PRINT "k1 = ";k1; " k2 = ";k2
5890
5900 FOR i#:=1 TO 50 DO
5910   c1(i#):=0
5920 ENDFOR i#
5930 FOR i#:=1 TO 1200 DO // Den reducerede interferensfunktion
5940   c2(i#):=c1(i#)/f(a(i#))^2-1
5950 ENDFOR i#
5960 ppclearscreen
5970 gczoomgraph(a(),c2(),pnt#,10)
5980 PRINT "k1 = ";k1; " k2 = ";k2
5990
6000 FOR i#:=1 TO pnt# DO // Multiplikation med delta k
6010   c1(i#):=c2(i#)*a(i#)
6020 ENDFOR i#
6030 ppclearscreen
6040 gczoomgraph(a(),c1(),pnt#,10)
6050 PRINT "k1 = ";k1; " k2 = ";k2
6060 nps#:=200
6070 sinint(a(),c1(),c2(),c3(),1,1040,nps#,0.04)
6080 setframe(rng$,a(1),a(pnt#),filnavn1$+" sinint(I/f2-1)*dk",
           head1$,"","","","Diff. Corr.-function d(r) (1/sqr(Å))")
6090 ppsettext(1,"r (Å)")
6100 ppsetstartindex(1)
6110 gczoomgraph(c2(),c3(),nps#,10)
6120 ENDPROC norm
6130

```

Litteraturliste

Alonso/Finn: Fundamental university physics vol.II. Addison-Wesley, 1967.

Azaroff, L.V: Elements of X-ray crystallography. McGraw-Hill, 1968.

Klug og Alexander: X-ray diffraction procedures. Wiley, 1954

International tables for X-ray crystallography, vol I-IV. The Kynoch Press, England, 1968.

Tekster fra IMFUFA: tekst nr.78 1984 "jævnstrømsledningsevne og git-terstruktur i amorft germanium" af Hans Hedal, Frank C.Ludvigsen og Finn C. Physant.

R.J.Temkin, W. Paul og G. A. N. Connell: The structural and optical properties of amorphous germanium. Harvard University, Cambridge, Mass.02138.

Yoshio Waseda: Novel application of anomalous (resonance X-ray scattering for structural characterization of disordered materials. Springer Verlag 1984.

- 1/78 "TANKER OM EN PRAKSIS" - et matematikprojekt.
Projektrapport af: Anne Jensen, Lena Linden-skov, Marianne Kesselhahn og Nicolai Lomholt.
Vejleder: Anders Madsen
- 2/78 "OPTIMERING" - Menneskets forøgede beher-skelsesmuligheder af natur og samfund.
Projektrapport af: Tom J. Andersen, Tommy R. Andersen, Gert Krenø og Peter H. Lassen
Vejleder: Bernhelm Boss.
- 3/78 "OPGAVESAMLING", breddekursus i fysik.
Af: Lasse Rasmussen, Aage Bonde Kræmmer og Jens Højgaard Jensen.
- 4/78 "TRE ESSAYS" - om matematikundervisning, matematiklæreruddannelsen og videnskabs-rindalismen.
Af: Mogens Niss
Nr. 4 er p.t. udgået.
- 5/78 "BIBLIOGRAFISK VEJLEDNING til studiet af DEN MODERNE FYSIKS HISTORIE".
Af: Helge Kragh.
Nr. 5 er p.t. udgået.
- 6/78 "NOGLE ARTIKLER OG DEBATINDLÆG OM - lærer-uddannelse og undervisning i fysik, og - de naturvidenskabelige fags situation efter studenteroprøret".
Af: Karin Beyer, Jens Højgaard Jensen og Bent C. Jørgensen.
- 7/78 "MATEMATIKKENS FORHOLD TIL SAMFUNDSØKONOMIEN".
Af: B.V. Gnedenko.
Nr. 7 er udgået.
- 8/78 "DYNAMIK OG DIAGRAMMER". Introduktion til energy-bond-graph formalismen.
Af: Peder Voetmann Christiansen.
- 9/78 "OM PRAKSIS' INDFLYDELSE PÅ MATEMATIKKENS UD-VIKLING". - Motiver til Kepler's: "Nova Stereometria Doliorum Vinarium".
Projektrapport af: Lasse Rasmussen.
Vejleder: Anders Madsen.
-
- 10/79 "TERMODYNAMIK I GYMNASIET".
Projektrapport af: Jan Christensen og Jeanne Mortensen,
Vejledere: Karin Beyer og Peder Voetmann Christiansen.
- 11/79 "STATISTISKE MATERIALER".
Af: Jørgen Larsen.
- 12/79 "LINEÆRE DIFFERENTIALLIGNINGER OG DIFFEREN-TIALLIGNINGSSYSTEMER".
Af: Mogens Brun Heefelt.
Nr. 12 er udgået.
- 13/79 "CAVENDISH'S FORSØG I GYMNASIET".
Projektrapport af: Gert Kreinø.
Vejleder: Albert Chr. Paulsen.
- 14/79 "BOOKS ABOUT MATHEMATICS: History, Philosophy, Education, Models, System Theory, and Works of".
Af: Else Høyrup.
Nr. 14 er p.t. udgået.
- 15/79 "STRUKTUREL STABILITET OG KATASTROFER i systemer i og udenfor termodynamisk ligevægt".
Specialeopgave af: Leif S. Striegler.
Vejleder: Peder Voetmann Christiansen.
- 16/79 "STATISTIK I KÆFTFORSKNINGEN".
Projektrapport af: Michael Olsen og Jørn Jensen.
Vejleder: Jørgen Larsen.
- 17/79 "AT SPØRGE OG AT SVARE i fysikundervisningen".
Af: Albert Christian Paulsen.
- 18/79 "MATHEMATICS AND THE REAL WORLD", Procee-dings af en International Workshop, Ros-kilde University Centre, Denmark, 1978.
Preprint.
Af: Bernhelm Booss og Mogens Niss (eds.).
- 19/79 "GEOMETRI, SKOLE OG VIRKELIGHED".
Projektrapport af: Tom J. Andersen, Tommy R. Andersen og Per H.H. Larsen.
Vejleder: Mogens Niss.
- 20/79 "STATISTISKE MODELLER TIL BESTEMMELSE AF SIKRE DOSER FOR CARCINOGENE STOFFER".
Projektrapport af: Michael Olsen og Jørn Jensen.
Vejleder: Jørgen Larsen
- 21/79 "KONTROL I GYMNASIET-FORMÅL OG KONSEKVENSER".
Projektrapport af: Crilles Bacher, Per S. Jensen, Preben Jensen og Torben Nysteen.
- 22/79 "SEMIOTIK OG SYSTEMEGENSKABER (1)".
1-port lineært response og støj i fysikken.
Af: Peder Voetmann Christiansen.
- 23/79 "ON THE HISTORY OF EARLY WAVE MECHANICS - with special emphasis on the role of relativity".
Af: Helge Kragh.
-
- 24/80 "MATEMATIKOPFATTELSER HOS 2.G'ERE".
a+b 1. En analyse. 2. Interviewmateriale.
Projektrapport af: Jan Christensen og Knud Lindhardt Rasmussen.
Vejleder: Mogens Niss.
- 25/80 "EKSAMENSOPGAVER", Dybdemodulet/fysik 1974-79.
- 26/80 "OM MATEMATISKE MODELLER".
En projektrapport og to artikler.
Af: Jens Højgaard Jensen m.fl.
- 27/80 "METHODOLOGY AND PHILOSOPHY OF SCIENCE IN PAUL DIRAC'S PHYSICS".
Af: Helge Kragh.
- 28/80 "DILEKTIV RELAXATION - et forslag til en ny model bygget på vaskernes viscoelastiske egen-skaber".
Projektrapport af: Gert Kreinø.
Vejleder: Niels Boye Olsen.
- 29/80 "ODIN - undervisningsmateriale til et kursus i differentialaligningsmodeller".
Projektrapport af: Tommy R. Andersen, Per H.H. Larsen og Peter H. Lassen.
Vejleder: Mogens Brun Heefelt.
- 30/80 "FUSIONENERGIEN --- ATOMSAMFUNDETS ENDESTATTI-ON".
Af: Oluf Danielsen.
Nr. 30 er udgået.
- 31/80 "VIDENSKABSTEORETISCHE PROBLEMER VED UNDERSVING-SYSTEMER BASERET PÅ MENGDELÆRE".
Projektrapport af: Troels Lange og Jørgen Kar-rebak.
Vejleder: Stig Andur Pedersen.
Nr. 31 er p.t. udgået.
- 32/80 "POLYMERE STOFFERS VISCOELASTISCHE EGENSKABER - RELYST VED HJÆLP AF MEKANISKE IMPEDANSMÅLIN-GER MØSSBAUEREFFEKTMÅLINGER".
Projektrapport af: Crilles Bacher og Preben Jensen.
Vejledere: Niels Boye Olsen og Peder Voet-mann Christiansen.
- 33/80 "KONSTITUERING AF FAG INDEN FOR TEKNISK - NATUR-VIDENSKABELIGE UDDANNELSER. I-II".
Af: Arne Jakobsen.
- 34/80 "ENVIRONMENTAL IMPACT OF WIND ENERGY UTILIZA-TION".
ENERGY SERIES NO. I.
Af: Bent Sørensen
Nr. 34 er udgået.

- 35/80 "HISTORISKE STUDIER I DEN NYERE ATOMFYSIKS UDVIKLING".
Af: Hélge Kragh.
- 36/80 "HVAD ER MENINGEN MED MATEMATIKUNDERVISNINGEN?".
Fire artikler.
Af: Mogens Niss.
- 37/80 "RENEWABLE ENERGY AND ENERGY STORAGE".
ENERGY SERIES NO. 2.
Af: Bent Sørensen.
-
- 38/81 "TIL EN HISTORIETEORI OM NATURERKENDELSE, TEKNOLOGI OG SAMFUND".
Projektrapport af: Erik Gade, Hans Hedal, Henrik Lau og Finn Phasant.
Vejledere: Stig Andur Pedersen, Helge Kragh og Ib Thiersen.
Nr. 38 er p.t. udgået.
- 39/81 "TIL KRITIKKEN AF VEKSTØKONOMIEN".
Af: Jens Højgaard Jensen.
- 40/81 "TELEKOMMUNIKATION I DANMARK - oplæg til en teknologivurdering".
Projektrapport af: Arne Jørgensen, Bruno Petersen og Jan Vedde.
Vejleder: Per Nørgaard.
- 41/81 "PLANNING AND POLICY CONSIDERATIONS RELATED TO THE INTRODUCTION OF RENEWABLE ENERGY SOURCES INTO ENERGY SUPPLY SYSTEMS".
ENERGY SERIES NO. 3.
Af: Bent Sørensen.
- 42/81 "VIDENSKAB TEORI SAMFUND - En introduktion til materialistiske videnskabsfattelser".
Af: Helge Kragh og Stig Andur Pedersen.
- 43/81 1."COMPARATIVE RISK ASSESSMENT OF TOTAL ENERGY SYSTEMS".
2."ADVANTAGES AND DISADVANTAGES OF DECENTRALIZATION".
ENERGY SERIES NO. 4.
Af: Bent Sørensen.
- 44/81 "HISTORISKE UNDERSØGELSER AF DE EKSPERIMENTELLE FORUDSETNINGER FOR RUTHERFORDS ATOMMODEL".
Projektrapport af: Niels Thor Nielsen.
Vejleder: Bent C. Jørgensen.
-
- 45/82 Er aldrig udkommet.
- 46/82 "EKSEMPLARISK UNDERVISNING OG FYSISK ERKENDELSE -+11 ILLUSTRERET VED TO EKSEMPLER".
Projektrapport af: Torben O.Olsen, Lasse Rasmussen og Niels Dreyer Sørensen.
Vejleder: Bent C. Jørgensen.
- 47/82 "BARSEPÅK OG DET VERST OFFICIELLT-TENKELIGE UHELD".
ENERGY SERIES NO. 5.
Af: Bent Sørensen.
- 48/82 "EN UNDERSØGELSE AF MATEMATIKUNDERVISNINGEN PÅ ADGANGSKURSUS TIL KØBENHAVNS TEKNIKUM".
Projektrapport af: Lis Eilertzen, Jørgen Karrebæk, Troels Lange, Preben Nørregaard, Lissi Pedesen, Laust Rishøj, Lill Røn og Isac Showiki.
Vejleder: Mogens Niss.
- 49/82 "ANALYSE AF MULTISPEKTRALE SATELLITBILLEDER".
Projektrapport af: Preben Nørregaard.
Vejledere: Jørgen Larsen og Rasmus Ole Rasmussen.
- 50/82 "HERSLEV - MULIGHEDER FOR VEDVARENDE ENERGI I EN LANDSBY".
ENERGY SERIES NO. 6.
Rapport af: Bent Christensen, Bent Hove Jensen, Dennis B. Møller, Bjarne Laursen, Bjarne Lillethorup og Jacob Mørch Pedersen.
Vejleder: Bent Sørensen.
- 51/82 "HVAD KAN DER GØRES FOR AT AFHJÆLPE PIGERS BLOKERING OVERFOR MATEMATIK ?"
Projektrapport af: Lis Eilertzen, Lissi Pedersen, Lill Røn og Susanne Stender.
- 52/82 "DESUSPENSION OF SPLITTING ELLIPTIC SYMBOLS".
Af: Bernhelm Booss og Krzysztof Wojciechowski.
- 53/82 "THE CONSTITUTION OF SUBJECTS IN ENGINEERING EDUCATION".
Af: Arne Jacobsen og Stig Andur Pedersen.
- 54/82 "FUTURES RESEARCH" - A Philosophical Analysis of Its Subject-Matter and Methods.
Af: Stig Andur Pedersen og Johannes Witt-Hansen.
- 55/82 "MATEMATISKE MODELLER" - Litteratur på Roskilde Universitetsbibliotek.
En biografi.
Af: Else Høyrup.
Vedr. tekst nr. 55/82 se også tekst nr. 62/83.
- 56/82 "EN - TO - MANGE" -
En undersøgelse af matematisk økologi.
Projektrapport af: Troels Lange.
Vejleder: Anders Madsen.
-
- 57/83 "ASPECT EKSPERIMENTET"-
Skjulte variable i kvantemekanikken?
Projektrapport af: Tom Juul Andersen.
Vejleder: Peder Voetmann Christiansen.
Nr. 57 er udgået.
- 58/83 "MATEMATISKE VANDRINGER" - Modelanalytninger over spredning af dyr mellem småbåtoper i agerlandet.
Projektrapport af: Per Hammershøj Jensen og Lene Vagn Rasmussen.
Vejleder: Jørgen Larsen.
- 59/83 "THE METHODOLOGY OF ENERGY PLANNING".
ENERGY SERIES NO. 7.
Af: Bent Sørensen.
- 60/83 "MATEMATISK MODEKSPERTISE"- et eksempel.
Projektrapport af: Erik O. Gade, Jørgen Karrebæk og Preben Nørregaard.
Vejleder: Anders Madsen.
- 61/83 "FYSIKS IDEOLOGISKE FUNKTION, SOM ET EKSEMPEL PÅ EN NATURVIDENSKAB - HISTORISK SET".
Projektrapport af: Annette Post Nielsen.
Vejledere: Jens Høyrup, Jens Højgaard Jensen og Jørgen Vogelius.
- 62/83 "MATEMATISKE MODELLER" - Litteratur på Roskilde Universitetsbibliotek.
En biografi 2. rev. udgave.
Af: Else Høyrup.
- 63/83 "CREATING ENERGY FUTURES:A SHORT GUIDE TO ENERGY PLANNING".
ENERGY SERIES NO. 8.
Af: David Crossley og Bent Sørensen.
- 64/83 "VON MATEMATIK UND KRIEG".
Af: Berthelm Booss og Jens Høyrup.
- 65/83 "ANVENDT MATEMATIK - TEORI ELLER PRAKSIS".
Projektrapport af: Per Hedegård Andersen, Kirsten Habekost, Carsten Holst-Jensen, Annelise von Moos, Else Marie Pedersen og Erling Møller Pedersen.
Vejledere: Bernhelm Booss og Klaus Grünbaum.
- 66/83 "MATEMATISKE MODELLER FOR PERIODISK SELEKTION I ESCHERICHIA COLI".
Projektrapport af: Hanne Lisbet Andersen, Ole Richard Jensen og Klavs Frisdahl.
Vejledere: Jørgen Larsen og Anders Hede Madsen.
- 67/83 "ELEPSOIDE METODEN - EN NY METODE TIL LINEÆR PROGRAMMERING?"
Projektrapport af: Lone Biilmann og Lars Boye.
Vejleder: Mogens Brun Heefelt.
- 68/83 "STOKASTISKE MODELLER I POPULATIONSGENETIK" - til kritikken af teoriladede modeller.
Projektrapport af: Lise Odgaard Gade, Susanne Hansen, Michael Hviid og Frank Mølgård Olsen.
Vejleder: Jørgen Larsen.

- 69/83 "ELEVFORUDSÆTNINGER I FYSIK"
- en test i 1.g med kommentarer.
Af: Albert C. Paulsen.
- 70/83 "INDLÄRINGS - OG FORMIDLINGSPROBLEMER I MATEMATIK PÅ VOKSENUNDERVISNSNIVEAU".
Projektrapport af: Hanne Lisbet Andersen, Torben J. Andreasen, Svend Åge Houmann, Helle Glerup Jensen, Keld Fl. Nielsen, Lene Vagn Rasmussen.
Vejleder: Klaus Grünbaum og Anders Hede Madsen.
- 71/83 "PIGER OG FYSIK"
- et problem og en udfordring for skolen?
Af: Karin Beyer, Sussanne Blegaa, Birthe Olsen, Jette Reich og Mette Vedelsby.
- 72/83 "VERDEN IFØLGE PEIRCE" - to metafysiske essays, om og af C.S. Peirce.
Af: Peder Voetmann Christiansen.
- 73/83 ""EN ENERGIANALYSE AF LANDBRUG"
- økologisk contra traditionelt.
ENERGY SERIES NO. 9
Specialeopgave i fysik af: Bent Hove Jensen.
Vejleder: Bent Sørensen.
-
- 74/84 "MINIATURISERING AF MIKROELEKTRONIK" - om videnskabeliggjort teknologi og nytten af at lære fysik.
Projektrapport af: Bodil Harder og Linda Szko-tak Jensen.
Vejledere: Jens Højgaard Jensen og Bent C. Jørgensen.
- 75/84 "MATHEMATIKUNDERVISNINGEN I FREMTIDENS GYMNASIUM"
- Case: Lineær programmering.
Projektrapport af: Morten Blomhøj, Klavs Frisdahl og Frank Mølgaard Olsen.
Vejledere: Mogens Brun Heefelt og Jens Bjørneboe.
- 76/84 "KERNEKRAFT I DANMARK?" - Et høringsvar indkaldt af miljøministeriet, med kritik af miljøstyrelsens rapporter af 15. marts 1984.
ENERGY SERIES No. 10
Af: Niels Boye Olsen og Bent Sørensen.
- 77/84 "POLITISKE INDEKS - FUP ELLER FAKTA?"
Opinionsundersøgelser belyst ved statistiske modeller.
Projektrapport af: Svend Åge Houmann, Keld Nielsen og Susanne Stender.
Vejledere: Jørgen Larsen og Jens Bjørneboe.
- 78/84 "JÆVNSTRØMSLEDNINGSEVNE OG GITTERSTRUKTUR I AMORFT GERMANIUM".
Specialrapport af: Hans Hedal, Frank C. Ludvigsen og Finn C. Physant.
Vejleder: Niels Boye Olsen.
- 79/84 "MATHEMATIK OG ALMENDANNELSE".
Projektrapport af: Henrik Coster, Mikael Wennerberg Johansen, Povl Kattler, Birgitte Lydholm og Morten Overgaard Nielsen.
Vejleder: Bernhelm Booss.
- 80/84 "KURSUSMATERIALE TIL MATEMATIK B".
Af: Mogens Brun Heefelt.
- 81/84 "FREKVENSAFHÆNGIG LEIDNINGSEVNE I AMORFT GERMANIUM".
Specialrapport af: Jørgen Wind Petersen og Jan Christensen.
Vejleder: Niels Boye Olsen.
- 82/84 "MATHEMATIK - OG FYSIKUNDERVISNINGEN I DET AUTOMATISEREDE SAMFUND".
Rapport fra et seminar afholdt i Hvidovre 25-27 april 1983.
Red.: Jens Højgaard Jensen, Bent C. Jørgensen og Mogens Niss.
-
- 83/84 "ON THE QUANTIFICATION OF SECURITY":
PEACE RESEARCH SERIES NO. 1
Af: Bent Sørensen
nr. 83 er p.t. udgået
- 84/84 "NOGLE ARTIKLER OM MATEMATIK, FYSIK OG ALMENDANNELSE".
Af: Jens Højgaard Jensen, Mogens Niss m. fl.
- 85/84 "CENTRIFUGALREGULATORER OG MATEMATIK".
Specialrapport af: Per Hedegård Andersen, Carsten Holst-Jensen, Else Marie Pedersen og Erling Møller Pedersen.
Vejleder: Stig Andur Pedersen.
- 86/84 "SECURITY IMPLICATIONS OF ALTERNATIVE DEFENSE OPTIONS FOR WESTERN EUROPE".
PEACE RESEARCH SERIES NO. 2
Af: Bent Sørensen.
- 87/84 "A SIMPLE MODEL OF AC HOPPING CONDUCTIVITY IN DISORDERED SOLIDS".
Af: Jeppe C. Dyre.
- 88/84 "RISE, FALL AND RESURRECTION OF INFINITESIMALS".
Af: Detlef Laugwitz.
- 89/84 "FUJERVARMEOPTIMERING".
Af: Bjarne Lillethorup og Jacob Mørch Pedersen.
- 90/84 "ENERGI I 1.G - EN TEORI FOR TILRETTELÆGGELSE".
Af: Albert Chr. Paulsen.
-
- 91/85 "KVANTETEORI FOR GYMNASIET".
1. Lærervejledning
Projektrapport af: Biger Lundgren, Henning Sten Hansen og John Johansson.
Vejleder: Torsten Meyer.
- 92/85 "KVANTETEORI FOR GYMNASIET".
2. Materiale
Projektrapport af: Biger Lundgren, Henning Sten Hansen og John Johansson.
Vejleder: Torsten Meyer.
- 93/85 "THE SEMIOTICS OF QUANTUM - NON - LOCALITY".
Af: Peder Voetmann Christiansen.
- 94/85 "TRENINGEDEN BOURBAKI - generalen, matematikeren og ånden".
Projektrapport af: Morten Blomhøj, Klavs Frisdahl og Frank M. Olsen.
Vejleder: Mogens Niss.
- 95/85 "AN ALTERNATIV DEFENSE PLAN FOR WESTERN EUROPE".
PEACE RESEARCH SERIES NO. 3
Af: Bent Sørensen.
- 96/85 "ASPEKTER VED KRAFTVARMEFORSYNING".
Af: Bjarne Lillethorup.
Vejleder: Bent Sørensen.
- 97/85 "ON THE PHYSICS OF A.C. HOPPING CONDUCTIVITY".
Af: Jeppe C. Dyre.
- 98/85 "VALGMULIGHEDER I INFORMATIONSALDEREN".
Af: Bent Sørensen.
- 99/85 "Der er langt fra Q til R".
Projektrapport af: Niels Jørgensen og Mikael Klintorp.
Vejleder: Stig Andur Pedersen..
- 100/85 "TALSYSTEMETS OPBYGNING".
Af: Mogens Niss.
- 101/85 "EXTENDED MOMENTUM THEORY FOR WINDMILLS IN PERIURBATIVE FORM".
Af: Ganesh Sengupta.
- 102/85 "OPSTILLING OG ANALYSE AF MATEMATISKE MODELLER, BELYST VED MODELLER OVER KØERS FODEROPTACELSE OG - OMSÆTNING".
Projektrapport af: Lis Eiletzzen, Kirsten Habekost, Lilli Røn og Susanne Stender.
Vejleder: Klaus Grünbaum.

- 103/85 "ØDSLE KOLDKRIGERE OG VIDENSKABENS LYSE IDEER".
Projektrapport af: Niels Ole Dam og Kurt Jensen.
Vejleder: Bent Sørensen.
- 104/85 "ANALOGREGNEMASKINEN OG LORENZLIGNINGER".
Af: Jens Jæger.
- 105/85 "THE FREQUENCY DEPENDENCE OF THE SPECIFIC HEAT AT THE GLASS REACTIONS".
Af: Tage Christensen.
- "A SIMPLE MODEL OF AC HOPPING CONDUCTIVITY".
Af: Jeppe C. Dyre.
Contributions to the Third International Conference on the Structure of Non - Crystalline Materials held in Grenoble July 1985.
- 106/85 "QUANTUM THEORY OF EXTENDED PARTICLES".
Af: Bent Sørensen.
- 107/85 "EN MYG GØR INGEN EPIDEMI".
- flodblindhed som eksempel på matematisk modellering af et epidemiologisk problem.
Projektrapport af: Per Hedegård Andersen, Lars Boye, Carsten Holst Jensen, Else Marie Pedersen og Erling Møller Pedersen.
Vejleder: Jesper Larsen.
- 108/85 "APPLICATIONS AND MODELLING IN THE MATHEMATICS CURRICULUM" - state and trends -
Af: Mogens Niss.
- 109/85 "COX I STUDIETIDEN" - Cox's regressionsmodel anvendt på studentopplysninger fra RUC.
Projektrapport af: Mikael Wennerberg Johansen, Poul Katter og Torben J. Andreassen.
Vejleder: Jørgen Larsen.
- 110/85 "PLANNING FOR SECURITY".
Af: Bent Sørensen
- 111/85 "JORDEN RUNDT PÅ FLADE KORT".
Projektrapport af: Birgit Andresen, Beatriz Quinones og Jimmy Staal.
Vejleder: Mogens Niss.
- 112/85 "VIDENSABELIGGØRELSE AF DANSK TEKNOLOGISK INNOVATION FRA 1950 - BELYST VED EKSEMPLER".
Projektrapport af: Erik Odgaard Gade, Hans Hedal, Frank C. Ludvigsen, Annette Post Nielsen og Finn Physant.
Vejleder: Claus Bryld og Bent C. Jørgensen.
- 113/85 "DISCUSSION OF SPLITTING ELLIPTIC SYMBOLS II".
Af: Bernhelm Booss og Krzysztof Wojciechowski.
- 114/85 "ANVENDELSE AF GRAFISKE METODER TIL ANALYSE AF KONTIGENSTABELLER".
Projektrapport af: Lone Biilmann, Ole R. Jensen og Anne-Lise von Moos.
Vejleder: Jørgen Larsen.
- 115/85 "MATHEMATIKKENS UDVIKLING OP TIL RENAISSANCEN".
Af: Mogens Niss.
- 116/85 "A PHENOMENOLOGICAL MODEL FOR THE MEYER-NELDEL RULE".
Af: Jeppe C. Dyre.
- 117/85 "KRAFT & FUERNVARMOPTIMERING"
Af: Jacob Mørch Pedersen.
Vejleder: Bent Sørensen
- 118/85 "VILFÆLDIGHEDEN OG NØDVENDIGHEDEN IFØLGE MURICE OG FYSIKKEN".
Af: Peder Voetmann Christiansen
- 120/86 "ET ANTAL STATISTISCHE STANDARDMODELLER".
Af: Jørgen Larsen
- 121/86 "SIMULATION I KONTINUERT TID".
Af: Peder Voetmann Christiansen.
- 122/86 "ON THE MECHANISM OF GLASS IONIC CONDUCTIVITY".
Af: Jeppe C. Dyre.
- 123/86 "GYMNASIEFYSIKKEN OG DEN STORE VERDEN".
Fysiklærerforeningen, IMFUFA, RUC.
- 124/86 "OPGAVESAMLING I MATEMATIK".
Samtlige opgaver stillet i tiden 1974-jan. 1986.
- 125/86 "UVBY, - systemet - en effektiv fotometrisk spektralklassifikation af B-, A- og F-stjerner".
Projektrapport af: Birger Lundgren.
- 126/86 "OM UDVIKLINGEN AF DEN SPECIELLE RELATIVITETSTEORI".
Projektrapport af: Lise Odgaard & Linda Szotak. Vejledere: Karin Beyer & Stig Andur Pedersen.
- 127/86 "GALOIS' BIDRAG TIL UDVIKLINGEN AF DEN ABELIANE ALGEBRA".
Projektrapport af: Pernille Sand, Heine Larsen & Lars Frandsen.
Vejleder: Mogens Niss.
- 128/86 "SMÅKRYB" - om ikke-standard analyse.
Projektrapport af: Niels Jørgensen & Mikael ... Vejleder: Jeppe Dyre.
- 129/86 "PHYSICS IN SOCIETY"
Lecture Notes 1983 (1986)
Af: Bent Sørensen
- 130/86 "Studies in Wind Power"
Af: Bent Sørensen
- 131/86 "FYSIK OG SAMFUND" - Et integreret fysik/historieprojekt om naturanskuelens historiske udvikling og dens samfundsmæssige betingethed.
Projektrapport af: Jakob Heckscher, Søren Brønd, Andy Wierød.
Vejledere: Jens Høyrup, Jørgen Vogelius, Jens Højgaard Jensen.
- 132/86 "FYSIK OG DANNELSE"
Projektrapport af: Søren Brønd, Andy Wierød.
Vejledere: Karin Beyer, Jørgen Vogelius.
- 133/86 "CHERNOBYL ACCIDENT: ASSESSING THE DATA".
ENERGY SERIES NO. 15.
AF: Bent Sørensen.
-
- 134/87 "THE D.C. AND THE A.C. ELECTRICAL TRANSPORT IN AsSeTe SYSTEM"
Authors: M.B.El-Den, N.B.Olsen, Ib Høst Pedersen, Petr Visčor
- 135/87 "INTUITIONISTISK MATEMATIKS METODER OG ERKENDELSSTEORETISKE FORUDSÆTNINGER"
MASTEMATIKSPECIALE: Claus Larsen
Vejledere: Anton Jensen og Stig Andur Pedersen
- 136/87 "Mystisk og naturlig filosofi: En skitse af kristendommen første og andet møde med græsk filosofi"
Projektrapport af Frank Colding Ludvigsen
Vejledere: Historie: Ib Thiersen
Fysik: Jens Højgaard Jensen
- 137/87 "HOPMODELLER FOR ELEKTRISK LEDNING I UORDNETE FASTE STOFFER" - Resumé af licentiatafhandling
Af: Jeppe Dyre
Vejledere: Niels Boye Olsen og Peder Voetmann Christiansen.

- 138/87 "JOSEPHSON EFFECT AND CIRCLE MAP."
 Paper presented at The International Workshop on Teaching Nonlinear Phenomena at Universities and Schools, "Chaos in Education". Balaton, Hungary, 26 April-2 May 1987.
 By: Peder Voetmann Christiansen
- 139/87 "Machbarkeit nichtbeherrschbarer Technik durch Fortschritte in der Erkennbarkeit der Natur"
 Af: Bernhelm Booss-Bavnbek
 Martin Bohle-Carbonell
- 140/87 "ON THE TOPOLOGY OF SPACES OF HOLOMORPHIC MAPS"
 By: Jens Gravesen
- 141/87 "RADIOMETERS UDVIKLING AF BLODGASAPPARATUR - ET TEKNOLOGIHISTORISK PROJEKT"
 Projektrapport af Finn C. Physant
 Vejleder: Ib Thiersen
- 142/87 "The Calderón Projektör for Operators With Splitting Elliptic Symbols"
 by: Bernhelm Booss-Bavnbek og Krzysztof P. Wojciechowski
- 143/87 "Kursusmateriale til Matematik på NAT-BAS"
 af: Mogens Brun Heefelt.
- 144/87 "Context and Non-Locality - A Peircian Approach
 Paper presented at the Symposium on the Foundations of Modern Physics The Copenhagen Interpretation 60 Years after the Compton Lecture. Jyväskylä, Finland, 6 - 8 august 1987.
 By: Peder Voetmann Christiansen
- 145/87 "AIMS AND SCOPE OF APPLICATIONS AND MODELLING IN MATHEMATICS CURRICULA"
 Manuscript of a plenary lecture delivered at ICMAT 3, Kassel, FRG 8.-11.9.1987
 By: Mogens Niss
- 146/87 "BESTEMMELSE AF BULKRESISTIVITETEN I SILICIUM"
 - en ny frekvensbaseret målemetode.
 Fysiksionale af Jan Vedde
 Vejledere: Niels Boye Olsen & Petr Viščor
- 147/87 "Rapport om BIS på NAT-BAS"
 redigeret af: Mogens Brun Heefelt
- 148/87 "Naturvidenskabsundervisning med Samfundsperspektiv"
 af: Peter Colding-Jørgensen DLH
 Albert Chr. Paulsen
- 149/87 "In-Situ Measurements of the density of amorphous germanium prepared in ultra high vacuum"
 by: Petr Viščor
- 150/87 "Structure and the Existence of the first sharp diffraction peak in amorphous germanium prepared in UHV and measured in-situ"
 by: Petr Viščor
- 151/87 "DYNAMISK PROGRAMMERING"
 Matematikprojekt af:
 Birgit Andresen, Keld Nielsen og Jimmy Staal
 Vejleder: Mogens Niss
- 152/87 "PSEUDO-DIFFERENTIAL PROJECTIONS AND THE TOPOLOGY OF CERTAIN SPACES OF ELLIPTIC BOUNDARY VALUE PROBLEMS"
 by: Bernhelm Booss-Bavnbek
 Krzysztof P. Wojciechowski
- 153/88 "HALVLEDERTEKNOLOGIENS UDVIKLING MELLEM MILITÆRE OG CIVILE KREFTER"
 Et eksempel på humanistisk teknologihistorie
 Historiespeciale
 Af: Hans Hedal
 Vejleder: Ib Thiersen
- 154/88 "MASTER EQUATION APPROACH TO VISCOUS LIQUIDS AND THE GLASS TRANSITION"
 By: Jeppe Dyre
- 155/88 "A NOTE ON THE ACTION OF THE POISSON SOLUTION OPERATOR TO THE DIRICHLET PROBLEM FOR A FORMALLY SELFADJOINT DIFFERENTIAL OPERATOR"
 by: Michael Pedersen
- 156/88 "THE RANDOM FREE ENERGY BARRIER MODEL FOR AC CONDUCTION IN DISORDERED SOLIDS"
 by: Jeppe C. Dyre
- 157/88 "STABILIZATION OF PARTIAL DIFFERENTIAL EQUATIONS BY FINITE DIMENSIONAL BOUNDARY FEEDBACK CONTROL: A pseudo-differential approach."
 by: Michael Pedersen
- 158/88 "UNIFIED FORMALISM FOR EXCESS CURRENT NOISE IN RANDOM WALK MODELS"
 by: Jeppe Dyre
- 159/88 "STUDIES IN SOLAR ENERGY"
 by: Bent Sørensen
- 160/88 "LOOP GROUPS AND INSTANTONS IN DIMENSION TWO"
 by: Jens Gravesen
- 161/88 "PSEUDO-DIFFERENTIAL PERTURBATIONS AND STABILIZATION OF DISTRIBUTED PARAMETER SYSTEMS:
 Dirichlet feedback control problems"
 by: Michael Pedersen
- 162/88 "PIGER & FYSIK - OG MEGET MERE"
 Af: Karin Beyer, Sussanne Bleaga, Birthe Olsen,
 Jette Reich, Mette Vedelsby
- 163/88 "EN MATEMATISK MODEL TIL BESTEMMELSE AF PERMEABILITETEN FOR BLOD-NETHINDE-BARRIEREN"
 Af: Finn Langberg, Michael Jarden, Lars Frellesen
 Vejleder: Jesper Larsen
- 164/88 "Vurdering af matematisk teknologi
 Technology Assessment
 Technikfolgenabschätzung"
 Af: Bernhelm Booss-Bavnbek, Glen Pate med
 Martin Bohle-Carbonell og Jens Højgaard Jensen
- 165/88 "COMPLEX STRUCTURES IN THE NASH-MOSER CATEGORY"
 by: Jens Gravesen

- 166/88 "Grundbegreber i Sandsynlighedsregningen"
Af: Jørgen Larsen
- 167a/88 "BASISSTATISTIK 1. Diskrete modeller"
Af: Jørgen Larsen
- 167b/88 "BASISSTATISTIK 2. Kontinuerte modeller"
Af: Jørgen Larsen
- 168/88 "OVERFLADEN AF PLANETEN MARS"
Laboratorie-simulering og MARS-analoger undersøgt ved Mössbauerspektroskopi.
Fysikspeciale af:
Birger Lundgren
Vejledere: Jens Martin Knudsen
Fys.Lab./HCØ
- 169/88 "CHARLES S. PEIRCE: MURSTEN OG MØRTEL TIL EN METAFYSIK."
Fem artikler fra tidsskriftet "The Monist" 1891-93.
Introduktion og oversættelse:
Peder Voetmann Christiansen
- 170/88 "OPGAVESAMLING I MATEMATIK"
Samtlige opgaver stillet i tiden 1974 - juni 1988
- 171/88 "The Dirac Equation with Light-Cone Data"
af: Johnny Tom Ottesen
- 172/88 "FYSIK OG VIRKELIGHED"
Kvantmekanikkens grundlagsproblem i gymnasiet.
Fysikprojekt af:
Erik Lund og Kurt Jensen
Vejledere: Albert Chr. Paulsen og Peder Voetmann Christiansen
-
- 173/89 "NUMERISKE ALGORITMER"
af: Mogens Brun Heefelt
- 174/89 "GRAFISK FREMSTILLING AF FRAKTALER OG KAOS"
af: Peder Voetmann Christiansen
- 175/89 "AN ELEMENTARY ANALYSIS OF THE TIME DEPENDENT SPECTRUM OF THE NON-STATIONARY SOLUTION TO THE OPERATOR RICCATI EQUATION"
af: Michael Pedersen
- 176/89 "A MAXIMUM ENTROPY ANSATZ FOR NONLINEAR RESPONSE THEORY"
af: Jeppe Dyre
- 177/89 "HVAD SKAL ADAM STÅ MODEL TIL"
af: Morten Andersen, Ulla Engström, Thomas Gravesen, Nanna Lund, Pia Madsen, Dina Rawat, Peter Torstensen
Vejleder: Mogens Brun Heefelt
- 178/89 "BIOSYNTESSEN AF PENICILLIN - en matematisk model"
af: Ulla Eghave Rasmussen, Hans Oxvang Mortensen, Michael Jarden
vejleder i matematik: Jesper Larsen
biologi: Erling Lauridsen
- 179a/89 "LÆRERVEJLEDNING M.M. til et eksperimentelt forløb om kaos"
af: Andy Wierød, Søren Brønd og Jimmy Staal
Vejledere: Peder Voetmann Christiansen Karin Beyer
- 179b/89 "ELEVHÆFT: Noter til et eksperimentelt kursus om kaos"
af: Andy Wierød, Søren Brønd og Jimmy Staal
Vejledere: Peder Voetmann Christiansen Karin Beyer
- 180/89 "KAOS I FYSISKE SYSTEMER eksemplificeret torsions- og dobbeltpendul".
af: Andy Wierød, Søren Brønd og Jimmy Staal
- 181/89 "A ZERO-PARAMETER CONSTITUTIVE RELATION FOR PURE SHEAR VISCOELASTICITY"
by: Jeppe Dyre
- 183/89 "MATHEMATICAL PROBLEM SOLVING, MODELLING. APPLICATIONS AND LINKS TO OTHER SUBJECTS - State. trends and issues in mathematics instruction
by: WERNER BLUM, Kassel (FRG) og MOGENS NISS, Roskilde (Denmark)
- 184/89 "En metode til bestemmelse af den frekvensafhængige varmefylde af en underafkølet væske ved glasovergangen"
af: Tage Emil Christensen
-
- 185/90 "EN NÆSTEN PERIODISK HISTORIE"
Et matematisk projekt
af: Steen Grode og Thomas Jessen
Vejleder: Jacob Jacobsen
- 186/90 "RITUAL OG RATIONALITET i videnskabers udvikling"
redigeret af Arne Jakobsen og Stig Andur Pedersen
- 187/90 "RSA - et kryptisk system"
af: Annemette Sofie Olufsen, Lars Frellesen og Ole Møller Nielsen
Vejledere: Michael Pedersen og Finn Munk
- 188/90 "FERMICONDENSATION - AN ALMOST IDEAL GLASS TRANSITION"
by: Jeppe Dyre
- 189/90 "DATAMATER I MATEMATIKUNDERVISNINGEN PÅ GYMNASIET OG HØJERE LÆREANSTALTER
af: Finn Langberg

190/90 "FIVE REQUIREMENTS FOR AN APPROXIMATE NONLINEAR RESPONSE THEORY"

by: Jeppe Dyre

191/90 "MOORE COHOMOLOGY, PRINCIPAL BUNDLES AND ACTIONS OF GROUPS ON C*-ALGEBRAS"

by: Iain Raeburn and Dana P. Williams

192/90 "Age-dependent host mortality in the dynamics of endemic infectious diseases and SIR-models of the epidemiology and natural selection of co-circulating influenza virus with partial cross-immunity"

by: Viggo Andreasen

193/90 "Causal and Diagnostic Reasoning"

by: Stig Andur Pedersen

194a/90 "DETERMINISTISK KAOS"

Projektrapport af : Frank Olsen.

194b/90 "DETERMINISTISK KAOS"

Kørselsrapport

Projektrapport af: Frank Olsen

195/90 "STADIER PÅ PARADIGMETS VEJ"

Et projekt om den videnskabelige udvikling der førte til dannelse af kvantemekanikken.

Projektrapport for 1. modul på fysikuddannelsen, skrevet af:

Anja Boisen, Thomas Hougaard, Anders Gorm Larsen, Nicolai Ryge.

Vejleder: Peder Voetmann Christiansen

196/90 "ER KAOS NØDVENDIGT?"

- en projektrapport om kaos' paradigmatiske status i fysikken.

af: Johannes K. Nielsen, Jimmy Staal og Peter Bøggild

Vejleder: Peder Voetmann Christiansen

197/90 "Kontrafaktiske konditionaler i HOL

af: Jesper Voetmann, Hans Oxvang Mortensen og Aleksander Høst-Madsen

Vejleder: Stig Andur Pedersen

198/90 "Metal-Isolator-Metal systemer"

Speciale

af: Frank Olsen

199/90 "SPREDT FÆGTNING" Artikelsamling

af: Jens Højgaard Jensen

200/90 "LINEÆR ALGEBRA OG ANALYSE"

Noter til den naturvidenskabelige basis-uddannelse.

af: Mogens Niss